

Barcelona 12 desembre de 1956

Amic Corominas,

La demostració del resultat que li vaig dir per telèfon es la següent. Sigui $A(r)$ la funció creixent donada, es evident que existeix una successió $\{n_m\}$ que satisfi a

$$n_0 = 0$$

$$n_m < n_{m+1}$$

i a

$$A(m+1) < \left(\frac{m}{m-1/2}\right)^{n_m} \text{ per } m \geq 1$$

A partir d'aquesta successió hom pot definir les R_k per

$$R_0 = 1/2 \quad R_k = m + 1/2 \text{ quan } n_m < k \leq n_{m+1}$$

Aleshores la sèrie de Taylor

$$f(z) = \sum \frac{z^k}{R_0 \cdots R_k}$$

representarà una funció entera que verificarà

$$f(m) > \frac{m^{n_m}}{R_0 \cdots R_{n_m}} > A(m+1)$$

i per tant es complirà

$$f(r) > A(r)$$

que es el que volíem demostrar

Afectuosament el saluda el seu bon amic