4013

## A-LGEBRA III

- 1. La categoria de los A-módulos por la izquierda.
- Functores Hom. Módulos inyectivos y proyectivos. Resolución proyectivas e inyectivas de un A-módulo por la izquierda.
- -3. Los functores M&<sub>A</sub> y -⊗<sub>A</sub>N. Módulos planos.
  - 4. A-módulos por la izquierda noetherianos y artinianos.
  - 5. La localización en anillos conmutativos.
  - 6. La noción de A-Elgebra (A conmutativo). El teorema de la base de Hilbert. El teorema de los ceros de Hilbert.
  - El espectro primo de un anillo conmutativo.
  - 8. El haz estructural asociado a un anillo conmutativo. Teorema de geometrización afín. Teorema de estructura de los anillos artinianos conmutativos.
  - Dimensión de Krull. Altura y profundidad de un ideal.
  - Extensiones enteras. Lema de normalización de Noether. Teoremas del going-up y del going-down.
  - 11. Topología q-ádica. Lema de Artin-Rees. Teorema de Artin-Rees.
  - 12. La igualdad δ(A) = A(A) = dim A para A anillo local noetheriano. Teoria de la dimensión para k-algebras de tipo finito sin divisores de cero.
  - Anillo local regular. Diferenciales y derivaciones en un punto, de una k-álgebra finito generada y sin divisores de cero.
  - Anillos de valoración y valoraciones. Variaciones discretas. Dominios de Dedekind.
  - 15. Grupos diferenciales. Primer teorema fundamental del álgebra homológica.
  - 16. Resoluciones homológicas y cohomológicas de un A-módulo por la izquierda. Segundo teorema fundamental del álgebra homológica.
  - 17. Functores derivados por la izquierda y por la derecha. La sucesión exacta de los functores derivados.
  - 18. Los functores  $\operatorname{Ext}_{A}^{n}(M_{\bullet})$ . Los functores  $\operatorname{Tor}_{n}^{A}(M_{\bullet})$ .

## BIBLIOGRAFIA

- Atiyah-Macdonald: "Introduction to Commutative Algebra". Addison-Wesley, 1969.
- 2. Lang, S.: "Algebra" . Addison-Wesley, 1955.
- 3. Matsumura, H.: "Commutative Algebra". Benjamin, 1970.
- 4. Northcott, D.G.: "An introduction to homological Algebra". Cambridge at the University Press, 1972.
- 5. Rotman, J.: "Notes on homological algebra". Van Nostrand, 1970.
  - 6. Zariski-Samuel: "Commutative Algebra I y II" Van Nostrand, 1958.