

Departament d'Informàtica
Unitat de Combinatòria
i de Comunicació Digital



Edifici C
08193 Bellaterra - Barcelona, Spain
Tel.: (3) 581 14 70
Fax: (3) 581 24 78
E-mail: INF1@CC.UAB.ES

Teoria Matemàtica de la Informació Codificació Algebraica i Seguretat Computacional*

*Curs 1992-1993

Capítol 1

Objectius

La assignatura de "*Teoria Matemàtica de la Informació*" no és una assignatura terminal que pretengui formar professionals informàtics especialitzats en alguna branca de les que hi ha demanda social. La assignatura és bàsica i fonamental per a la formació matemàtica d'un llicenciat o enginyer superior en informàtica, tot i que en ella també desenvolupem aplicacions molt especialitzades, tant en la correcció d'errors com en la seguretat computacional. Des d'aquest punt de vista els objectius terminals de l'assignatura són d'adquisició de coneixements matemàtics i desenvolupament de les eines de càlcul necessàries per a la descodificació amb correcció/detecció d'errors/esborralls i per l'implementació de mètodes i protocols criptogràfics en la transmissió de la informació.

Els objectius de fets i procediments que pretenem que l'alumne assoleixi són:

1. Calcular polinomis irreductibles i/o primitius que permetin construir cossos finits més complexos a partir del cos on pertanyen els coeficients dels mateixos.
2. Construir cossos finits i entendre, en cada cas, quins són els elements amb els que estem treballant.
3. Treballar totes les operacions d'un cos finit, tant vectorialment com exponencialment a partir d'un element primitiu. Resoldre equacions i/o sistemes.

4. Saber descodificar un codi lineal senzill a partir de la taula estandard i via síndrome.
5. Saber utilitzar la matriu generadora i de control d'un codi lineal i el polinomi generador d'un codi cíclic.
6. Saber calcular la probabilitat d'error en la correcció d'errors i en la detecció d'errors.
7. Coneixer les fites de correcció d'errors i/o esborralls d'un codi.
8. Saber codificar i descodificar els codis *Reed-Solomon*, *BCH*, etc. i, en general, qualsevol codi algebraic, tant si es tracta de detectar errors o ràfegues d'errors, com corregir-los, com corregir esborralls.
9. Coneixer i saber usar les tècniques de concatenació i d'*interleaving*.
10. Usar l'algorisme de les fraccions contínues en qualsevol de les seves aplicacions: càlcul del *m.c.d.*, càlcul de l'invers en un cos finit, sintetitzar *L.F.S.R.*, descodificació de codis algebraics, descodificació numèrica, filtres lineals i funcions de transferència, problemes d'interpolació racional, etc.
11. Esquematitzar un sistema criptogràfic, reconeixent-ne la seva seguretat, autenticitat, etc., d'acord amb els teoremes de Shannon i Simmons.
12. Utilitzar els sistemes criptogràfics clàssics més coneguts.
13. Compendre el funcionament general dels sistemes de clau privada, especialment el *DES* i el *PES*.
14. Coneixer els fonaments matemàtics de les funció unidireccionals amb trampa usades a la Criptologia.
15. Utilitzar els criptosistemes *RSA*, *Knapsack*, *ElGamal* amb paràmetres petits.
16. Diferenciar *Protocols Criptogràfics* de *Sistemes Criptogràfics*.
17. Coneixer els protocols criptogràfics més usuals com el de Diffie-Hellman i alguna prova sense transferència de coneixament.

Capítol 2

Programa de l'assignatura

Teoria Matemàtica de la Informació

Codificació Algebraica i Sistemes Criptogràfics

I: Aritmètica i Cossos finits.

1. Funció de Moebius. Fórmula d'inversió de Moebius. Indicador d'Euler.
2. Anells euclidians.
3. Algorisme d'Euclides. Factorització
4. Aritmètica modular.
5. Cossos finits. Característica.
6. Teorema d'existència d'elements primitius.
7. Càlcul vectorial i exponencial.
8. Teorema d'existència de polinomis irreductibles.
9. Càlcul dels polinomis irreductibles.
10. Teorema d'existència i unicitat de cossos finits.

11. L'estructura vectorial d'un cos finit. Diferents tipus de bases: estandard, traça-ortogonals, auto-traça-ortogonals.
12. Electrònica i càlculs en un cos finit.
13. Arquitectura clàssica: Divisor i multiplicador de Berlekamp.
14. Arquitectura sistòlica: Divisor i multiplicador.

II: Codificació. Conceptes bàsics

15. Introducció a la codificació
16. Paràmetres d'un codi bloc
17. Codis lineals. Introducció
18. Codi ortogonal d'un codi lineal
19. Nous codis a partir de codigos
20. Codis lineals sistemàtics
21. Descodificació. Conceptes bàsics
22. Descodificació d'un codi lineal via síndrome
23. Codis de Hamming
24. Introducció als codis BCH
25. Descodificació per lògica majoritaria
26. Codis convolucional
27. Descodificació d'un codi convolucional
28. Enumerador de pesos d'un codi
29. Codigos Regulares

30. Fites sobre els paràmetres d'un codi

III: Codificació algebraica i la seva implementació electrònica. Aplicacions

31. Introducció als codis cíclics

32. Codificació de codis cíclics

33. Codis alternants i equació clau

34. Codis *BCH*, *RS*, de Goppa

35. Fraccions contínues. Teorema de Dirichlet

36. Correcció d'errors i/o esborralls

37. Sistemes de comunicació

38. Criteris d'avaluació de un sistema

39. Algorítmica de protecció

40. Alguns sistemes de comunicació

41. Codificació numèrica

42. Altres aplicacions

43. Registres amb retroalimentació lineal

44. Filtres lineals discrets

IV: Secret i Autenticitat

45. Sistema Criptogràfic

46. Teoria del Secret Perfecte de Shannon

47. Teoria de la Autenticitat Perfecta de Simmons

48. Disseny de Criptosistemes

V: Criptosistemes de clau secreta

49. Criptosistemes basats en transposicions

50. Criptosistemes basats en substitucions

51. Altres criptosistemes

52. El criptosistema DES

53. El criptosistema PES

VI: Criptosistemes de clau pública

54. Complexitat computacional

55. Funcions unidireccionals

56. El problema del càlcul dels logaritmes discrets. Criptosistemes basats en logaritmes discrets.

57. Funcions unidireccionals amb trampa. Criptosistemes RSA y ElGamal

58. Criptosistemes basats en problemes NP

59. El Knapsack.

60. Criptosistemes basats en codis alternants.

61. Criptografia probabilística.

62. Criptografia quàntica.

63. El problema de la autenticació

VII: Protocols Criptogràfics. Seguretat Computacional

64. Seguretat en xarxes d'ordinadors

65. Administració de claus i secrets. Esquemes de llindar.
66. El sistema d'intercanvi de claus de Diffie-Hellman.
67. Autenticació de documents.
68. Firmas digitals.
69. Mecanismes de crèdit.
70. Smart Cards.
71. Proves sense transferència de coneixaments. Zero Knowledge Proof.
72. Seguretat en bases de dades i sistemes operatius

Bibliografía

- [1] Brassard G.: “*Modern Criptology*”, LNCS, n.325, Springer-Verlag. (1988).
- [2] Clark, G.C. & Bibb, J.: “*Error correcting code for Digital Communications*”. Plenum Press. (1986).
- [3] Feller, W.: “*Introducción a la Teoría de Probabilidades y sus aplicaciones*”. Limusa. Mexico. (1975).
- [4] Goppa, V.D.: “*Geometry and codes*”, Kluwer Academic Publishers. (1988).
- [5] Hardy, G.H. & Wright, E.M.: “*An Introduction to the Theory of Numbers*”. Oxford Science Publications, Clarendon Press. Oxford. (1989).
- [6] Hill, R.: “*A First Course in Coding Theory*”. Clarendon Press. Oxford. (1986).
- [7] McEliece, R.J.: “*The Theory of Information and Coding*”. Addison-Wesley Publishing Company. (1977).
- [8] McEliece, R.J.: “*Finite fields for computer scientists and engineers*”, Kluwer Academic Publishers. (1987).
- [9] McWilliams-Sloane: “*The Theory of error-correcting codes*”, North-Holland Publishing Company. Amsterdam-N.Y.-Oxford. (1978).
- [10] Poli, A. & Huguët, L.: “*Codes correcteurs*”, Masson. Paris (1988).
- [11] Rifà, J. & Huguët, L.: “*Comunicación Digital*”. Masson Ed. (1991).

- [12] Robling Denning D.E.: "*Cryptography and Data Security*". Addison-Wesley Publishing Ccompany. (1988).
- [13] Simmons, G.S.: "*Contemporary Criptology. The Science of Information Integrity*", IEEE Press. (1991).
- [14] Shu Lin, and Costello,D.: "*Error Control Coding: Fundamentals and Aplications*", Prentice-Hall, Inc.Englewood Cliffs, N.J. 07632. USA. (1987).