

# COMBINATÒRIA I OPTIMITZACIÓ

Departament d'Informàtica

## 1. Introducció i fonaments

- 1.1 Formulació estàndard del problema
- 1.2 Teoremes fonamentals de la programació lineal
- 1.3 Interpretació geomètrica i convexitat

## 2. L'algorisme simplex (primal)

- 2.1 Solució factible bàsica i taula canònica
- 2.2 Variables artificials i fase I de l'algorisme
- 2.3 Fase II de l'algorisme del simplex
- 2.4 Degeneració i cicles

## 3. Dualitat

- 3.1 Relacions problema primal-problema dual
- 3.2 Teoremes feble i fort de dualitat i conseqüències
- 3.3 Teorema de complementarietat
- 3.4 L'algorisme simplex dual

## 4. El simplex revisat

## 5. Anàlisi post-optimal

- 5.1 Addició d'una variable
- 5.2 Addició d'una restricció ( $\leq$  o  $=$ )
- 5.3 Variació d'un coeficient de la matriu  $A$  o de la funció  $z$
- 5.4 Variació d'un terme independent

## 6. Programació lineal entera

- 6.1 Formulació de problemes usant variables 0-1
- 6.2 Algorisme de Gomory
- 6.3 Tècnica de branch & bound

## 7. Problemes de transport

## 8. Programació dinàmica

- 8.1 Existència d'una solució òptima
- 8.2 Optimització de funcions convexes
- 8.3 Algorismes de descens

## 9. Aplicacions de la programació lineal

- 9.1 Problemes d'optimització sobre grafos
- 9.2 Problemes d'investigació operativa
- 9.3 Introducció a la teoria de jocs
- 9.4 Introducció a la teoria de cues

## Pràctiques

Programant i analitzant els diversos mètodes vistos al llarg del curs. S'usaria *C++* i un paquet software tipus *Mathematica*, *QBS* o *Maple*.

## Bibliografia bàsica

- DANTZIG, G.B.  
*Linear Programming and Extensions*  
Princeton University Press (1963)
- LUENBERGER, D.E.  
*Programación Lineal y no Lineal*  
Addison-Wesley Iberoamericana (1989)
- MATA, A.  
*Turbo C, C++*  
Paraninfo (1992)
- MURTY, K.G.  
*Linear Programming*  
John Wiley & Sons (1983)
- THIE, P.R.  
*An Introduction to Linear Programming and Game Theory*  
John Wiley & Sons (1979)