

Guia docent de l'assignatura "Anàlisi multivariant"

2011/2012

Codi: 100122

Crèdits ECTS: 6

Titulació	Pla	Tipus	Curs	Semestre
2500149 Matemàtiques	777 Graduat en Matemàtiques	OT	0	0

Contacte

Nom : Mercè Farré Cervelló

Email : Merce.Farre@uab.cat

Utilització d'idiomes

Llengua vehicular majoritària: català (cat)

Algun grup íntegre en anglès: No

Algun grup íntegre en català: Sí

Algun grup íntegre en espanyol: No

Prerequisits

És imprescindible un curs d'àlgebra lineal així com probabilitats i inferència estadística.

Objectius i contextualització

La necessitat de processar gran quantitat de dades amb moltes variables de distinta naturalesa, i d'obtenir resultats de relació i classificació de casos (gens, píxels, productes, clients, països, etc.), han fet desenvolupar recentment un gran nombre de procediments que se situen en el camp multivariant.

L'objecte d'estudi d'aquesta assignatura són les tècniques i mètodes multivariants clàssics: factorials, discriminants, *clusters*, *MANOVA*, etc. Algunes d'aquestes eines es poden presentar des del punt de vista de l'aprenentatge automàtic i la mineria de dades (*data mining*) on conviuen amb arbres de regressió, xarxes neuronals, per exemple, tòpics que l'estudiant del Grau d'Estadística Aplicada veurà en altres assignatures.

L'enfoc de l'assignatura és eminentment aplicat. Les classes de teoria, en les quals els mètodes es presenten amb la major generalitat i rigor, es combinen amb sessions i treballs pràctics, on es treballa amb bases de dades d'interès.

La majoria del mètodes multivariants tenen una vessant descriptiva o exploratòria, per la qual no es requereixen hipòtesis sobre el model, i una part confirmatòria amb supòsits més restrictius. Es procurarà distingir sempre ambdues vessants.

Competències i resultats d'aprenentatge

1273:E06 - Formular hipòtesis i imaginar estratègies per confirmar-les o refutar-les.

1273:EXX.28 - Capacidad de elaboración y construcción de modelos y su validación.

1273:EXX.29 - Análisis de datos.

1273:E08 - Davant de situacions reals amb un nivell mig de complexitat, demanar i analitzar dades i informació rellevants, proposar i validar models utilitzant eines matemàtiques adequades per a, finalment, obtenir conclusions

1273:EXX.30 - Gestión de bases de datos.

1273:EXX.31 - Diseño y construcción de indicadores simples o compuestos.

1273:E09 - Utilitzar aplicacions informàtiques d'anàlisi estadística, càlcul numèric i simbòlic,

visualització gràfica, optimització o altres per experimentar en Matemàtiques i resoldre problemes

1273:EXX.32 - Representación gráfica de datos.

1273:EXX.33 - Conocimiento, identificación y selección de fuentes estadísticas.

1273:E11 - Demostrar de forma activa una elevada preocupació per la qualitat en el moment d'argumentar o exposar les conclusions dels seus treballs

1273:EXX.34 - Interpretación de resultados a partir de modelos estadísticos.

1273:EXX.35 - Elaboración de previsiones y escenarios.

1273:EXX.36 - Extracción de conclusiones y redacción de informes.

1273:E14 - Utilitzar eficaçment bibliografia i recursos electrònics per obtenir informació

1273:EXX.37 - Identificación de relaciones o asociaciones.

1273:EXX.38 - Capacidad para detectar y modelizar el azar en problemas reales.

1273:EXX.39 - Pensamiento y razonamiento cuantitativo.

1273:G04 - Seran capaços de transmetre coneixements, procediments, resultats i idees matemàtiques.

1273:EXX.24 - Diseño, programación e implantación de paquetes estadísticos.

1273:EXX.25 - Diseño de experimentos.

1273:G05 - Hauran desenvolupat aquelles habilitats d'aprenentatge necessàries per emprendre estudis posteriors amb un alt grau d'autonomia

1273:EXX.26 - Identificación de la información relevante para resolver un problema.

1273:EXX.27 - Utilización correcta y racional del software.

Continguts

CONTINGUTS

Introducció

- Diverses classificacions dels mètodes multivariants.
- Presentació de mètodes multivariants en base a exemples d'aplicació.
- Descripció dels objectius i diverses classificacions dels mètodes.
- Elements bàsics de càlcul matricial. Les descomposicions espectral i en valors singulars (SVD).
- Vectors aleatoris. La normal multidimensional. Mostres multivariants.
- Inferència: alguns estadístics per al vector de mitjanes i les matrius de covariàncies i de correlacions.

Els mètodes factorials I: anàlisi de components principals (ACP).

- Objectiu: reducció de la dimensió i representació canònica de les dades.
- L'Anàlisi de components principals: el concepte.
- El resultat fonamental. Matriu de covariàncies o de correlacions.
- Representació canònica de les variables. Estandarditzacions.
- Aplicacions i relació amb altres mètodes.

Els mètodes factorials II: anàlisi factorial (AF).

- El model: *comunalitats* i *especificitats*.
- AF exploratòria i confirmatòria.
- Rotacions.
- Interpretació dels resultats. Aplicacions.

Els mètodes factorials III: anàlisi de correspondències .

- El cas simple: perfils i inèrcies.
- Distància *khi-quadrat*.
- Descomposicions de la inèrcia.
- Representacions gràfiques (*biplots*): canònica i simultània.

- L'Anàlisi de correspondències múltiple. Condensació de la informació.
- Anàlisi de la taula disjuntiva completa. Anàlisi d'una taula de *Burt*.
- Discussió.

Els L'anàlisi de conglomerats, l'escalament multidimensional i altres eines de classificació no-supervisada.

- Proximitats i disimilaritats: entre objectes i entre grups.
- Classificació jeràrquica.
- Classificació no-jeràrquica: el mètode de les *K-mitjanes*.
- Altres mètodes de classificació.
- Escalament multidimensional.

L'anàlisi de dades agrupades: Anàlisi Multivariant de la Variància (MANOVA) i Anàlisi Discriminant.

- El MANOVA com a una generalització del ANOVA.
- Discriminació quan les lleis són conegudes. Criteri del màxim de versemblança i criteri de Bayes.
- Discriminació en un model normal.
- Discriminació no-paramètrica.

Complements: breu presentació.

- Regressió múltiple i correlació canònica.
- Arbres de decisió.
- L'anàlisi conjunta.
- L'anàlisi estructural.
- Relacions entre les diverses metodologies multivariants.

Metodologia

Classes de teoria, on s'exposaran detalladament els continguts sempre mostrant exemples d'aplicació convenientment interpretats. Els resums dels apunts es penjaran al campus virtual.

Classes pràctiques amb software estadístic, R preferentment. Els guions de les pràctiques i altre material auxiliar es penjarà al Campus Virtual. A les classes pràctiques es proposaran exercicis d'ampliació que caldrà resoldre autònomament, per equips.

A les tutories s'assessorarà els alumnes en: resolució de dubtes, recerca d'informació i de dades i plantejament i seguiment del treball.

En el treball autònom, l'alumne haurà de: estudiar la matèria, realitzar les tasques anteriorment descrites, relacionades amb el treball i els exercicis d'ampliació i també preparar els exàmens i altres activitats d'avaluació.

Activitats formatives

Activitat	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Tipus: Dirigides			
Classes de pràctiques	28	1.12	1273:EXX.29 , 1273:EXX.30 , 1273:EXX.31 , 1273:EXX.33 , 1273:EXX.25 , 1273:EXX.27 , 1273:EXX.26 , 1273:EXX.34 , 1273:EXX.32
Classes de teoria	28	1.12	1273:EXX.28 , 1273:EXX.29 , 1273:EXX.34 , 1273:EXX.38 , 1273:EXX.26 , 1273:EXX.25 , 1273:EXX.39
Tutories	10	0.4	1273:EXX.28 , 1273:EXX.26 , 1273:EXX.33 , 1273:EXX.36 , 1273:EXX.37 , 1273:EXX.39 , 1273:EXX.35

Tipus: Supervisades				
Exercicis d'ampliació	8	0.32	1273:EXX.29 , 1273:EXX.24 , 1273:EXX.27 , 1273:EXX.32	
Tipus: Autònomes				
Estudi	20	0.8	1273:EXX.28 , 1273:EXX.34 , 1273:EXX.35 , 1273:EXX.37 , 1273:EXX.26 , 1273:EXX.38 , 1273:EXX.29	
Treball escrit amb presentació oral	30	1.2	1273:EXX.28 , 1273:EXX.27 , 1273:EXX.26 , 1273:EXX.24 , 1273:EXX.38 , 1273:EXX.37 , 1273:EXX.36 , 1273:EXX.35 , 1273:EXX.30 , 1273:EXX.31 , 1273:EXX.32 , 1273:EXX.34 , 1273:EXX.33 , 1273:EXX.29	

Avaluació

Les 10 hores d' "avaluació del treball escrit i presentació oral" són per a la redacció final del treball escrit i per a la preparació i realització de la presentació oral. La realització en sí del treball ja computa a l'apartat de metodologia.

Les 5 hores d' "Assistència a pràctiques i exercicis d'aplicació" no es refereixen a l'assistència a pràctiques (ja computada a l'apartat de metodologia) sinó a la presentació escrita dels exercicis complementaris.

Activitats d'avaluació

Activitat	Pes	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Assistència a pràctiques i exercicis d'aplicació	15%	5	0.2	1273:EXX.32 , 1273:EXX.33 , 1273:EXX.24 , 1273:EXX.37
Examen de recuperació	60%	5	0.2	1273:EXX.28 , 1273:EXX.32 , 1273:EXX.37 , 1273:EXX.39 , 1273:EXX.27 , 1273:EXX.38 , 1273:EXX.34 , 1273:EXX.29
Examen de teoria i de pràctiques	60%	6	0.24	1273:EXX.28 , 1273:EXX.29 , 1273:EXX.32 , 1273:EXX.37 , 1273:EXX.39 , 1273:EXX.27 , 1273:EXX.38 , 1273:EXX.34
Treball escrit i presentació oral	25%	10	0.4	1273:EXX.29 , 1273:EXX.35 , 1273:EXX.37 , 1273:EXX.27 , 1273:EXX.26 , 1273:EXX.25 , 1273:EXX.24 , 1273:EXX.39 , 1273:EXX.38 , 1273:EXX.36 , 1273:EXX.34 , 1273:EXX.30 , 1273:EXX.31 , 1273:EXX.33 , 1273:EXX.32

Bibliografia

BIBLIOGRAFIA Bàsica

- Apunts de l'assignatura: resum de la teoria. Es penjaran al Campus Virtual, amb decalatge, un cop impartits els temes a classe.
- B. Everitt, *An R and S-PLUS Companion to Multivariate Analysis*. Springer. Llibre específic per a les pràctiques que conté breus resums de teoria.
- J. Friedman, T. Hastie, R. Tibshirani, *The elements of Statistical Learning*. 2nd edition, 2008.

- M. Greenacre, *La practica del análisis de correspondencias*. Fundación BBVA. 2008.
- J. D. Jobson, *Applied Multivariate Analysis*, Vols I i II. Springer, 1992.

BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTÀRIA

- C. Chatfield, A.J. Collins (1980), *Introduction to Multivariate Analysis*. Chapman-Hall.
- W. J. Krzanowski (1988), *Principles of Multivariate Analysis*. Oxford.
- K. V. Mardia, J. T. Kent, J. M. Bibby (1979), *Multivariate Analysis*. Acad. Press.
- Alvin C. Rencher, *Methods of Multivariate Analysis*. Wiley Series in Probability and Mathematical Statistics.