

Geometria Riemanniana**2015/2016**

Codi: 100115

Crèdits: 6

Titulació	Tipus	Curs	Semestre
2500149 Matemàtiques	OT	4	0

Professor de contacte

Nom: Marcel Nicolau Reig

Correu electrònic: Marcel.Nicolau@uab.cat

Equip docent

Gil Solanes Farrés

Utilització de llengües

Llengua vehicular majoritària: català (cat)

Prerequisits

Per a un bon seguiment de l'assignatura es recomana una bona assimilació dels conceptes introduïts a l'assignatura Geometria Diferencial.

Tambe s'utilitzaran coneixements d'anàlisi (Calcul en diverses variables i optimització), de topologia (Topologia) i d'equacions diferencials (Equacions Diferencials i Modelització I).

Objectius

Una varietat de Riemann es una varietat diferenciable amb un producte escalar definit a l'espai tangent de cada punt. La geometria riemanniana s'ocupa d'estudiar aquests objectes i va neixer com una generalització de la geometria intrínseca de les superfícies. Mes tard va mostrar-se com una eina ideal per a la formulació de la mecànica clàssica i sobretot de la teoria general de la relativitat. Mes recentment ha jugat un paper decisiu en la demostració de la conjectura de Poincaré.

Les dues nocions fonamentals en geometria riemanniana són la de curvatura i la de geodèsica. L'objectiu fonamental del curs és comprendre, geomètricament i fins on sigui possible, la interrelació entre aquestes dues nocions. En aquest sentit es considerarà l'efecte de la curvatura sobre el comportament de les geodèsiques i sobre la topologia de les varietats. S'estudiarà de manera especial la geometria de superfícies i la geometria hiperbòlica.

Competències

- Aplicar l'esperit crític i el rigor per validar o refutar arguments tant propis com de d'altres.
- Demostrar una elevada capacitat d'abstracció.
- Formular hipòtesis i imaginar estratègies per confirmar-les o refutar-les.
- Que els estudiants hagin desenvolupat les habilitats d'aprenentatge necessàries per a emprendre estudis posteriors amb un alt grau d'autonomia.
- Que els estudiants puguin transmetre informació, idees, problemes i solucions a un públic tan especialitzat com no especialitzat
- Utilitzar eficaçment bibliografia i recursos electrònics per obtenir informació

Resultats d'aprenentatge

1. Aplicar l'esperit crític i el rigor per validar o refutar arguments tant propis com de d'altres.
2. Comprendre el llenguatge abstracte i conèixer demostracions rigoroses d'alguns teoremes de geometria i topologia avançades.
3. Idear demostracions de resultats matemàtics de l'àrea de geometria i topologia.
4. Que els estudiants hagin desenvolupat les habilitats d'aprenentatge necessàries per a emprendre estudis posteriors amb un alt grau d'autonomia.
5. Que els estudiants puguin transmetre informació idees, problemes i solucions a un públic tan especialitzat com no especialitzat
6. Utilitzar eficaçment bibliografia i recursos electrònics per obtenir informació

Continguts

1. Varietats de Riemann.

Varietats diferenciables. Espai tangent. Varietats de Riemann.

2. Geodesiques.

Geodesiques. Aplicacio exponencial. Lema de Gauss. Teorema de Hopf-Rinow.

3. Curvatura.

Curvatura. Camps de Jacobi. Teorema de Hadamard.

4. Geometria hiperbolica.

Metodologia

L'assignatura disposa de dues hores setmanals de classe de teoria i una de problemes. A mes, al llarg del curs hi haura tres seminaris de dues hores cadascun.

A les classes de teoria s'introduiran les nocions fonamentals de la geometria riemanniana i es presentaran els resultats mes importants de la teoria. Així mateix, es donaran les eines necessaries per a la comprensió i resolució de problemes.

A les classes de problemes s'aprofundira en l'assimilació i es millorara la comprensió dels conceptes desenvolupats a les classes teoriques mitjancant la resolució de problemes teorics i d'exercicis destinats a incrementar la destresa dels alumnes en els calculs propis de la materia. Aquest treball es dura a terme mitjancant les explicacions fetes pel professor a la pissarra i la participació activa dels estudiants en la discussió dels diferents arguments emprats per tal de solucionar els problemes. Les llistes de problemes seran lliurades als alumnes al llarg del quadrimestre.

Els seminaris es dedicaran a aprofundir en qüestions tractades a les classes de teoria i problemes. Els estudiants rebran un guio amb anterioritat a la realització de cada seminari. Durant la sessió, hauran de treballar de manera autonoma, si be podran ser assessorats pels professors. Posteriorment, entregaran la solució als problemes treballats durant el seminari. Aquestes solucions seran corregides pels professors, donant lloc a una part de la nota d'avaluació continuada.

Paral·lelament, cada alumne elaborara un treball sobre un tema escollit entre una llista proposada pels professors. Aquest treball s'entregara per escrit, a mes d'exposar-se a classe. La valoració d'ambdós aspectes (escrit i oral) també formara part de l'avaluació continuada.

Es preveuen tutories individuals, o en grups reduïts, dels alumnes que ho desitgin en el despatx del professor.

Al final del curs l'alumne haura rebut a les classes de teoria i problemes, així com als seminaris, tota la informació necessària (tant els enunciats com les seves demostracions), per afrontar una prova final. Aquesta assignatura també oferira recursos mitjancant el Campus Virtual.

Activitats formatives

Títol	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Tipus: Dirigides			
Classes de problemes	14	0,56	1, 2, 3, 4
Classes de teoria	30	1,2	1, 2, 4

Tipus: Supervisades

Seminaris	6	0,24	1, 2, 3, 4, 5
-----------	---	------	---------------

Tipus: Autònomes

Estudi personal	45	1,8	1, 2, 4, 6
Preparació i exposició de treballs	16	0,64	1, 2, 4, 5, 6
Resolució de problemes	30	1,2	1, 3, 4, 5, 6

Avaluació

L'avaluació d'aquesta assignatura tindrà en compte l'assimilació dels continguts, així com el treball realitzat durant el curs, i es realitzarà en forma d'avaluació continuada. La nota final s'obté per mitjana ponderada entre la puntuació obtinguda al mòdul d'exàmens (60 %) el mòdul de lliurament de problemes (20%) i el mòdul de presentació de treballs (20%). Les eventuales matrícules d'honor s'atorgaran en funció de la nota d'avaluació continuada. Els alumnes que no haguessin aprovat l'avaluació continuada, és a dir que no haguessin obtingut una nota final igual o superior a cinc, o bé que vulguin millorar la seva nota, disposaran d'una prova final de recuperació dels mòduls d'exàmens i de lliurament de problemes.

Un alumne serà qualificat com a "No presentat" si el pes de les activitats d'avaluació en les quals ha participat no supera el 50% del pes de l'avaluació continuada de l'assignatura.

Activitats d'avaluació

Títol	Pes	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Examen de recuperació	0,80	4	0,16	1, 2, 3, 4, 5, 6
Examen final	0,60	3	0,12	1, 2, 3, 4, 5, 6
Lliurament de problemes	0,20	1	0,04	1, 2, 3, 4, 5
Presentació de treballs	0,20	1	0,04	1, 2, 4, 5, 6

Bibliografia

- 1- Manfredo P. do Carmo, Riemannian Geometry. Birkhauser, 1992.
- 2- Manfredo P. do Carmo, Geometria diferencial de curvas y superficies. Alianza Universidad, 1990.
- 3- S. Gallot, D. Hulin, J. Lafontaine, Riemannian Geometry. Springer-Verlag, 1990.
- 4- Joan Girbau, Geometria diferencial i relativitat. Manuals de la UAB, Servei de Publicacions de la U.A.B.,1993.
- 5- John M. Lee, Riemannian Manifolds: an introduction to curvature. Springer-Verlag, 1997.
- 6- M. Spivak, A Comprehensive Introduction to Differential Geometry. Publish or Perish Inc, 1979.