

Àlgebra

Codi: 103795

Crèdits: 6

Titulació	Tipus	Curs	Semestre
2500895 Enginyeria Electrònica de Telecomunicació	FB	1	2
2500898 Enginyeria de Sistemes de Telecomunicació	FB	1	2

Professor/a de contacte

Nom: Carlos Broto Blanco

Correu electrònic: Carles.Broto@uab.cat

Utilització d'idiomes a l'assignatura

Llengua vehicular majoritària: català (cat)

Grup íntegre en anglès: No

Grup íntegre en català: Sí

Grup íntegre en espanyol: No

Equip docent

Jaume Moncasi Solsona

Enric Nart Viñals

Laia Saumell Ariño

Francesc Xavier Xarles Ribas

Francesc Bars Cortina

Prerequisits

No s'estableix cap prerequisit. Seria bo que l'estudiant tingués ben assimilats els conceptes de nombre racional, nombre real i nombre complex. També és aconsellable que conegui algun mètode de resolució de sistemes d'equacions lineals.

Objectius

Es tracta d'una introducció als aspectes més bàsics de l'Àlgebra lineal, posant l'èmfasi en els aspectes més funcionals i instrumentals de les tècniques lineals.

Un objectiu fonamental és el d'aconseguir una transició àgil i eficient entre els tres nivells següents del coneixement:

- el coneixement abstracte d'un concepte matemàtic relacionat amb fenòmens lineals
- l'aprofundiment en el coneixement del mateix concepte a partir de la seva manipulació pràctica "manual"
- l'aprofundiment en el coneixement del mateix concepte a partir de la seva manipulació pràctica amb un ordinador.

L'objectiu de fons més important és el d'aprendre a dissenyar estratègies eficients per aplicar tècniques concretes per resoldre problemes complexos.

Competències

Enginyeria Electrònica de Telecomunicació

- Actitud personal
- Aprendre nous mètodes i tecnologies a partir dels coneixements bàsics i dels tecnològics, i tenir versatilitat per adaptar-se a noves situacions
- Comunicació
- Fer mesures, càlculs, valoracions, taxacions, peritatges, estudis, informes, planificació de tasques i altres treballs anàlegs en l'àmbit dels sistemes de telecomunicació
- Hàbits de pensament
- Hàbits de treball personal
- Treball en equip

Enginyeria de Sistemes de Telecomunicació

- Actitud personal
- Aprendre nous mètodes i tecnologies a partir dels coneixements bàsics i dels tecnològics, i tenir versatilitat per adaptar-se a noves situacions
- Aprendre nous mètodes i tecnologies a partir dels coneixements bàsics i dels tecnològics, i tenir versatilitat per adaptar-se a noves situacions.
- Comunicació
- Fer mesures, càlculs, valoracions, taxacions, peritatges, estudis, informes, planificació de tasques i altres treballs anàlegs en l'àmbit dels sistemes de telecomunicació.
- Hàbits de pensament.
- Hàbits de treball personal
- Treball en equip

Resultats d'aprenentatge

1. Analitzar mesuraments a l'àrea de l'enginyeria, utilitzant eines estadístiques per a l'extracció i comprensió d'informació.
2. Analitzar mesures en l'àrea de l'enginyeria, utilitzant eines estadístiques per a l'extracció i la comprensió de la informació.
3. Aplicar, en els problemes que es plantegen en enginyeria, els coneixements sobre àlgebra lineal, geometria, geometria diferencial, càlcul diferencial i integral, equacions diferencials i derivades parcials, mètodes numèrics, algorítmica numèrica, estadística i optimització.
4. Aplicar, en els problemes que es plantegen en enginyeria, els coneixements sobre àlgebra lineal, geometria, geometria diferencial, càlcul diferencial i integral, equacions diferencials i en derivades parcials, mètodes numèrics, algorítmica numèrica, estadística i optimització.
5. Comunicar eficientment, oralment i per escrit, coneixements, resultats i habilitats, tant en entorns professionals com davant de públics no experts.
6. Desenvolupar el pensament científic.
7. Desenvolupar la capacitat d'anàlisi i de síntesi.
8. Desenvolupar la curiositat i la creativitat.
9. Gestionar el temps i els recursos disponibles.
10. Gestionar el temps i els recursos disponibles. Treballar de forma organitzada.
11. Modelar sistemes i analitzar-ne les prestacions.
12. Resoldre els problemes matemàtics que es puguin plantejar en l'enginyeria.
13. Resoldre els problemes matemàtics que puguin plantejar-se en l'enginyeria.
14. Treballar cooperativament.
15. Treballar de manera autònoma.

Continguts

I. Matrius

1. Cossos commutatius. Matrius. Operacions amb matrius. Matrius especials: simètriques, Toeplitz, circulants, invertibles, hermitianes, ortogonals.

2. Transformacions elementals per files. Forma normal de Gauss-Jordan d'una matriu. Rang d'una matriu. Criteri d'invertibilitat i càlcul de matrius inverses.
3. Sistemes d'equacions lineals i varietats lineals. Mètode de Gauss. Vectors directores i dimensió de varietats lineals. Teorema de Rouché.
4. Determinant d'una matriu quadrada. Propietats del determinant. Càlcul directe de la inversa d'una matriu.

II. Espais Vectorials

1. Definició d'espai vectorial i exemples. Combinacions lineals de vectors. Subespais. Sistemes de generadors.
2. Aplicacions lineals. Matriu associada a una aplicació lineal. Composició d'aplicacions lineals. Subespais nucli i imatge d'una aplicació lineal. Isomorfismes.
3. Dependència lineal de vectors. Criteri de dependència lineal.
4. Bases, dimensió i coordenades. Treball en coordenades. Canvis de bases.

III. Diagonalització de matrius i productes escalars.

1. Valors propis i vectors propis d'una matriu quadrada. Criteri de diagonalització. Aplicacions de la diagonalització: càlcul de potències de matrius i resolució de sistemes d'equacions diferencials lineals amb coeficients constants.
2. Formes bilineals, espais vectorials euclidians. Producte escalar i norma. Subespais ortogonals, projecció ortogonal. Bases ortogonals i ortonormals, mètode de Gramm-Schmidt.
3. Diagonalització en matrius simètriques i hermitianes.

Metodologia

La part central del procés d'aprenentatge és el treball de l'alumne. La missió del professor és ajudar l'alumne en aquesta tasca subministrant-li informació o mostrant-li les fonts on es pot aconseguir, i dirigir les seves passes per tal que el procés d'aprenentatge es pugui dur a terme de manera eficaç.

En la línia d'aquestes idees, i d'acord amb els objectius de l'assignatura, el desenvolupament del curs es basarà en les següents activitats:

Classes de teoria. Els coneixements científics i tècnics propis de l'assignatura s'exposaran en forma de classes magistrals. En elles es mostraran a l'alumne els conceptes bàsics exposats en el temari i clares indicacions de com completar i aprofundir aquests continguts.

Classes de Problemes. On es treballaran els coneixements científics i tècnics exposats a les classes de teoria per completar la seva comprensió i aprofundir-los. En aquestes classes es practican també les tècniques bàsiques del curs, a base de la resolució d'exercicis pràctics.

Seminaris. En els seminaris es proposarà als estudiants el desenvolupament d'una activitat (en part mitjançant un programari matemàtic com Maxima o Sage), la resolució de la qual permeti mesurar l'assimilació dels coneixements presentats i exercitats a les classes teòriques i pràctiques. Hi haurà dos entregues, corresponent a dues activitats diferents explicades durant la classe de seminaris. Aquestes entregues seran avaluades pels professors de seminaris.

Activitats formatives

Títol	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Tipus: Dirigides			
Classes de Problemes	15	0,6	3, 6, 7, 11, 12

Classes de Teoria	30	1,2	3, 11, 12
Tipus: Supervisades			
Seminaris	4	0,16	1, 2, 4, 6, 7, 11, 14, 15
Tipus: Autònomes			
Estudi dels fonaments de la teoria	31	1,24	6, 15
Resolució de problemes	60,5	2,42	3, 7, 8, 10, 12, 15

Avaluació

L'avaluació es farà de forma continuada. Consistirà en

- (1) Una primera prova escrita que es farà a mig semestre i tindrà un pes del 30% sobre la nota final.
- (2) Una segona prova escrita que es durà a terme al final del semestre i tindrà un pes del 50% sobre la nota final.
- (3) Dos seminaris tutoritzats, a raó d'un 10% de pes per seminari.

La nota final de curs és la mitjana ponderada de les proves teòrico-pràctiques i els seminaris tutoritzats, sempre i quan la mitjana ponderada de les proves teòrico-pràctiques arribi a un mínim de 4 sobre 10. En cas contrari, la nota final no superarà el 4 sobre 10.

L'assignatura s'aprova amb una nota final de curs mínima de 5 sobre 10. L'estudiant que no superi l'assignatura després de les proves, podrà presentar-se a un examen final de reavaluació de les proves teòrico-pràctiques, sempre que s'hagi presentat a un conjunt d'activitats que representin un mínim de dues terceres parts de la qualificació total de l'assignatura. La prova de reavaluació tindrà un pes del 80% de la nota i es demanarà una nota mínima de 4, abans de fer mitjana ponderada amb la nota dels seminaris tutoritzats. El 20% de la nota corresponent als seminaris no es recuperable.

La qualificació de Matrícula d'Honor és decisió del professorat responsable de l'assignatura. La normativa de la UAB indica que les MH només es podran concedir als estudiants que hagin obtingut una qualificació final igual o superior a 9.00 sobre 10.00. Es pot atorgar fins a un 5% de MH del total d'estudiants matriculats.

Un estudiant es considerarà no avaluable (NA) si no fa com a mínim el 50% de les activitats d'avaluació de l'assignatura.

Per a cadascuna de les activitats d'avaluació, el professor establirà una data per a atendre reclamacions o esclarir dubtes sobre la qualificació obtinguda. Sempre que el calendari d'avaluacions i tancament d'actes ho permeti, aquesta revisió d'exàmens tindrà lloc aproximadament una setmana després que s'hagin fet públiques les qualificacions.

Sense perjudici d'altres mesures disciplinàries que s'estimin oportunes, i d'acord amb la normativa acadèmica vigent, es qualificaran amb un zero les irregularitats comeses per l'estudiant que puguin conduir a una variació de la qualificació d'un acte d'avaluació. Per tant, copiar o deixar copiar una pràctica o qualsevol altra activitat d'avaluació implicarà suspendre-la amb un zero, i si és necessari superar-la per aprovar, tota l'assignatura quedarà suspesa. No seran recuperables les activitats d'avaluació qualificades d'aquesta forma i per aquest procediment, i per tant l'assignatura serà suspesa directament sense oportunitat de recuperar-la en el mateix curs acadèmic.

Les dates d'avaluació continuada i de seminaris es publicaran al campus virtual i poden estar subjectes a possibles canvis de programació per motius d'adaptació a possibles incidències. Sempre s'informarà al campus virtual sobre aquests canvis ja que s'entén que aquesta és la plataforma habitual d'intercanvi d'informació entre professors i estudiants

Tots els estudiants matriculats a l'assignatura seran igualment avaluats d'acord amb els criteris establerts.

Activitats d'avaluació

Títol	Pes	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Examen Final	50%	3,5	0,14	3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 12, 13
Examen Parcial	30%	2	0,08	3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 12, 13
Seminaris	20%	4	0,16	1, 2, 3, 4, 5, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15

Bibliografia

- E. Nart X. Xarles, Apunts d'àlgebra lineal, Materials de la UAB, núm. 237, 1a edició.
- S. I. Grossman, Álgebra lineal con aplicaciones, McGraw-Hill, 1991.
- M.Castellet, I. Llerena, Álgebra Lineal i Geometria. Manuals UAB, 1990, 2ona edició. Capítols: IV, V, VIII1, VIII2, XI1, XI2, XI3, XI5, XI.6, XI7.
- P. Lancaster, Theory of Matrices, Academic Press, NY, 1969.
- J. Arvesu, F.J. Marcellán, J. Sánchez Ruiz, Problemas resueltos de álgebra lineal , S.A. EDICIONES PARANINFO