

Seminario de matemática discreta

Código: 100098
Créditos ECTS: 6

Titulación	Tipo	Curso	Semestre
2500149 Matemáticas	OB	2	1

Contacto

Nombre: Joaquim Roé Vellvé

Correo electrónico: joaquim.roe@uab.cat

Uso de idiomas

Lengua vehicular mayoritaria: catalán (cat)

Algún grupo íntegramente en inglés: No

Algún grupo íntegramente en catalán: Sí

Algún grupo íntegramente en español: No

Otras observaciones sobre los idiomas

Este documento es una traducción del original catalán. En el caso de imprecisiones o discrepancias, la versión catalana es la guía válida y oficial del curso.

Equipo docente

Francesc Xavier Xarles Ribas

Eduard Vilalta Vila

Prerequisitos

Álgebra Lineal y Fundamentos de las Matemáticas, del primer curso del Grado de Matemáticas.

Objetivos y contextualización

La matemática discreta es el área de las matemáticas dedicada al estudio de objetos finitos. Se ocupa de temas como combinatoria, grafos, criptografía, códigos correctores de errores, diseños combinatorios, teoría de juegos, lógica, optimización o diseño y análisis de algoritmos para resolver problemas en cada uno de aquellos ámbitos. La mayor parte de la matemática discreta se ha desarrollado hace relativamente poco tiempo a raíz de problemas relacionados sobretudo con la informática y la optimización. Los temas de este curso introductorio son bastante independientes entre sí y requieren solamente conocimientos de álgebra lineal, aritmética modular, combinatoria básica y, fundamentalmente, lenguaje y razonamiento matemáticos.

El curso empieza con las funciones generadoras y las sucesiones recurrentes. Se trata de una continuación natural de la combinatoria estudiada en la asignatura de primer curso Fundamentos de las Matemáticas. Los problemas de este tema requieren una vez más el ejercicio de traducir un enunciado al lenguaje matemático. Los grafos son una herramienta básica para resolver problemas de origen muy diverso, que va desde la matemática más abstracta hasta la investigación operativa. En algunos casos, la simple traducción del problema al lenguaje de los grafos ya resulta esclarecedora y muy eficaz.

El tercer tema del curso es la programación lineal, que se ocupa de optimizar funciones lineales de varias variables sujetas a restricciones lineales. En cierto sentido, no pertenece estrictamente a la matemática

discreta, sin embargo es habitual que forme parte de los cursos de dicha materia. La teoría usa solamente álgebra lineal, aunque los métodos explicados se aplican a la resolución de problemas de planteo, algunos de los cuales, entre los más interesantes, requieren variables con valores enteros o binarios.

Así pues, a lo largo del curso se presentarán diferentes ejemplos de aplicaciones de las matemáticas en los que, usando herramientas relativamente simples y una buena dosis de ingenio, se resolverán problemas interesantes y difíciles. A su vez, los estudiantes podrán practicar, por medio de los ejercicios de combinatoria y de optimización, la primera fase en modelización matemática: entender un problema y traducirlo al lenguaje matemático adecuado para su resolución.

Competencias

- Ante situaciones reales con un nivel medio de complejidad, recabar y analizar datos e información relevantes, proponer y validar modelos utilizando herramientas matemáticas adecuadas para, finalmente, obtener conclusiones.
- Aplicar el espíritu crítico y el rigor para validar o refutar argumentos tanto propios como de otros.
- Demostrar de forma activa una elevada preocupación por la calidad en el momento de argumentar o hacer públicas las conclusiones de sus trabajos.
- Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio.
- Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.
- Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado.
- Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.
- Utilizar aplicaciones informáticas de análisis estadístico, cálculo numérico y simbólico, visualización gráfica, optimización u otras para experimentar en Matemáticas y resolver problemas.
- Utilizar eficazmente bibliografía y recursos electrónicos para obtener información.

Resultados de aprendizaje

1. Aplicar el espíritu crítico y el rigor para validar o refutar argumentos tanto propios como de otros.
2. Conocer el lenguaje y las aplicaciones más elementales de la teoría de grafos, así como algoritmos de resolución de problemas en grafos.
3. Demostrar de forma activa una elevada preocupación por la calidad en el momento de argumentar o hacer públicas las conclusiones de sus trabajos.
4. Plantear problemas de ordenación y enumeración y utilizar técnicas eficientes para su resolución.
5. Plantear problemas reales como problemas de programación matemática.
6. Plantear y resolver problemas de programación lineal.
7. Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio.
8. Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.
9. Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado.
10. Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.
11. Utilizar eficazmente bibliografía y recursos electrónicos para obtener información.
12. Utilizar técnicas computacionales para resolver problemas de optimización.

Contenido

1. Funciones generadoras y sucesiones recurrentes.

- Definición de función generadora. Técnicas de cálculo. Resolución de problemas combinatorios con funciones generadoras.
- Sucesiones recurrentes. Recurrencias lineales de primer y de segundo orden.
- Resolución de relaciones de recurrencia usando funciones generadoras.

2. Grafos.

- Definición y algunos modelos matemáticos con grafos.
- Terminología básica y algunos tipos de grafos.
- Representación de grafos, isomorfismos de grafos.
- Caminos y circuitos.
- Árboles.

3. Programación lineal.

- Introducción. Ejemplos.
- El modelo. Terminología. Resultados.
- El método del simplex.

4. Seminarios de introducción muy breve a otros temas de Matemática Discreta.

- Diseños combinatorios.
- Criptografía.
- Grafos planos.
- Grafos hamiltonianos.
- Grafos aleatorios.
- Teoría de códigos.
- Teoría de Ramsey.
- Teoría de juegos.

Metodología

El trabajo presencial constará de:

- Teoría. En los seminarios, el profesor expondrá los fundamentos teóricos y algunas demostraciones del curso. Asimismo, los alumnos expondrán en grupos de cuatro estudiantes proyectos sobre temas concretos o aplicaciones. En una de las sesiones se propondrán varios temas. Cada equipo escogerá uno y lo trabajará autónomamente. Además, preparará la presentación oral para los compañeros y elaborará, para entregar, una guía de estudio del tema, con las definiciones y resultados más importantes y una bibliografía.
- Problemas. Los estudiantes dispondrán de listas de problemas que deberán trabajar antes de la clase para el aprovechamiento de la discusión posterior en el aula.

- Prácticas de ordenador con el software SageMath. Una sesión para combinatoria y grafos, y dos para programación lineal.

Nota: se reservarán 15 minutos de una clase dentro del calendario establecido por el centro o por la titulación para que el alumnado rellene las encuestas de evaluación de la actuación del profesorado y de evaluación de la asignatura o módulo.

Actividades

Título	Horas	ECTS	Resultados de aprendizaje
Tipo: Dirigidas			
Clases de teoría	28	1,12	
Prácticas con ordenador	8	0,32	
Sesiones de problemas	16	0,64	10
Tipo: Supervisadas			
Entrevista sobre la preparación del tema del seminario	1	0,04	7, 8, 9
Tipo: Autónomas			
Estudio personal de teoría	26	1,04	7, 8, 10
Estudio y preparación en grupo del tema que se va a presentar en el Seminario	14	0,56	7, 8, 9
Hacer problemas	36	1,44	10
Práctica autónoma de resolución de ejercicios con ordenador	8	0,32	10

Evaluación

Hay cuatro actividades evaluables: un examen parcial, un examen de prácticas, un trabajo de seminario y un examen final.

La nota de la asignatura se calcula según la fórmula siguiente:

$0.25 \text{ nota del examen parcial} + 0.2 \text{ nota del examen de prácticas} + 0.2 \text{ nota trabajo seminario} + 0.35 \text{ nota del examen final}$

Evaluación recuperable: se recuperará solamente los exámenes escritos (60%). Para poder presentarse a la recuperación es necesario haber participado, al menos, en tres de las cuatro actividades evaluables del curso.

Se otorgará la calificación de "no evaluable" a aquel estudiante que haya participado en un máximo de dos actividades evaluables, no siendo ninguna de ellas el examen final.

Después del examen final se concederán las matrículas de honor que se consideren claras. Dicha decisión será firme. Tras el examen de recuperación, donde los estudiantes pueden presentarse para mejorar nota, se reconsiderará la posibilidad de otorgar el resto de matrículas.

Actividades de evaluación

Título	Peso	Horas	ECTS	Resultados de aprendizaje
Evaluación de la presentación oral y escrita del trabajo de seminario	0.20	1	0,04	1, 3, 7, 8, 9, 10, 11
Examen de prácticas	0.20	2	0,08	6, 4, 12
Examen de recuperación	0.60	4	0,16	2, 6, 4, 5
Examen final	0.35	4	0,16	2, 6, 4, 5
Examen parcial	0.25	2	0,08	2, 6, 4, 5, 10

Bibliografía

Bibliografía general (excepto programación lineal):

Basart, J.M., Rifà, J., Villanueva, M. "Fonaments de matemàtica discreta. Elements de combinatòria i d'aritmètica". Col. Materials de la UAB, n. 36. 1997.

Graham, R.L., Knuth, D. E., Patashnik, O. "Concrete mathematics: a foundation for computer science". Addison-Wesley. 1990.

Grimaldi, Ralph P. "Discrete and combinatorial mathematics: an applied introduction". 5th ed. Pearson.Addison-Wesley. 2004.

Rosen, Kenneth H. "Discrete mathematics and its applications", 6th ed. McGraw-Hill. 2007.

Grafos:

Bondy, J.A., Murty, U.S.R. "Graph Theory". Springer. 2008.

Wilson, R.J., Watkins, J. "Graphs: an introductory approach: a first course in discrete mathematics". Wiley, cop. New York. 1990.

Programación lineal:

Alabert, A., Camps, R. "Programació Lineal, una introducció a la presa de decisions racional".

Basart, J.M. "Programació lineal". Col. Materials de la UAB, n. 58.. 1998.

Luenberger, D. "Programación lineal y no lineal". Addison-Wesley iberoamericana. 1989.

Software

Python, SageMath.