

Anàlisi de Variable Complexa

Codi: 106072

Crèdits: 5

Titulació	Típus	Curs	Semestre
2500097 Física	OB	2	2

Professor/a de contacte

Nom: Rafel Escribano Carrascosa

Correu electrònic: rafel.escribano@uab.cat

Utilització d'idiomes a l'assignatura

Llengua vehicular majoritària: català (cat)

Grup íntegre en anglès: No

Grup íntegre en català: Sí

Grup íntegre en espanyol: No

Altres indicacions sobre les llengües

Si és acordat pels alumnes unànimement les lliçons teòriques es donaran en anglès. Els dos grups de problemes es donaran en castellà.

Equip docent

Francisco Javier García Garrido

Silvia Gasparotto Gasparotto

Prerequisits

Es requereixen coneixements previs de funcions de variable real, per tant és recomanable haver cursat les assignatures Càlcul I, Càlcul II i Càlcul de Vàries Variables.

Objectius

El principal objectiu d'aquest curs és donar una introducció a l'anàlisi de funcions complexes de variable complexa, al càlcul i a les seves aplicacions, començant per la presentació dels nombre complexos i acabant amb aplicacions i temes avançats.

Competències

- Desenvolupar la capacitat d'anàlisi i síntesi que permeti adquirir coneixements i habilitats en camps diferents al de la física i aplicar a aquests camps les competències pròpies del grau de Física, aportant propostes innovadores i competitives
- Introduir canvis en els mètodes i els processos de l'àmbit de coneixement per donar respostes innovadores a les necessitats i demandes de la societat.
- Raonar críticament, tenir capacitat analítica, fer servir correctament el llenguatge tècnic i elaborar arguments lògics
- Treballar autònomament, tenir iniciativa pròpia, ser capaç d'organitzar-se per assolir uns resultats i planejar i executar un projecte

- Utilitzar les matemàtiques per descriure el món físic, seleccionant les eines apropiades, construint models adequats, interpretant resultats i comparant críticament amb l'experimentació i l'observació

Resultats d'aprenentatge

1. Calcular integrals reals utilitzant el mètode dels residus.
2. Determinar la sèrie de Taylor o Laurent d'una funció de variable complexa.
3. Identificar situacions que necessiten un canvi o millora.
4. Manipular amb facilitat distribucions senzilles.
5. Obtenir la transformada de Fourier d'una funció.
6. Raonar críticament, tenir capacitat analítica, usar correctament el llenguatge tècnic i elaborar arguments lògics.
7. Treballar autònomament, tenir iniciativa pròpia, ser capaç d'organitzar-se per assolir uns resultats i planejar i executar un projecte.
8. Utilitzar amb facilitat els nombres complexos i les funcions multiformes.
9. Utilitzar les eines matemàtiques desenvolupades en aquesta matèria per a l'estudi quantitatiu de problemes avançats de qualsevol branca del coneixement.

Continguts

- 1) Nombres complexos: representació, fórmula d'Euler, potències i arrels
- 2) Topologia dels nombres complexos
- 3) Funcions elementals i multivaluades: exponencial, trigonomètriques, hiperbòliques, logaritme, potència
- 4) Sèries i transformades de Fourier
- 5) Diferenciació complexa: límits i continuïtat, equacions de Cauchy-Riemann, diferenciabilitat
- 6) Teorema de Cauchy: integrals en el pla complex, primitives
- 7) Fórmula integral de Cauchy: índex d'un camí tancat, derivades successives d'una funció regular
- 8) Desenvolupaments en sèrie: sèrie de Taylor, sèrie de Laurent, singularitats d'una funció analítica
- 9) El teorema dels residus: càlcul de residus, aplicacions
- 10) Temes avançats: superfícies de Riemann, prolongació analítica, teorema de monodromia, principi de reflexió de Schwarz

Metodologia

Lliçons teòriques i exercicis.

Treball a classe i a casa.

Nota: es reservaran 15 minuts d'una classe, dins del calendari establert pel centre/titulació, per a la complementació per part de l'alumnat de les enquestes d'avaluació de l'actuació del professorat i d'avaluació de l'assignatura/mòdul.

Activitats formatives

Títol	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Tipus: Dirigides			

Exercicis	14	0,56	1, 2, 4, 5, 8, 9
Lliçons teòriques	27	1,08	1, 2, 4, 5, 8, 9
Tipus: Autònomes			
Discussió, grups de treball, exercicis en grup	19	0,76	1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
Estudi dels fonaments teòrics	36	1,44	1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9

Avaluació

Examen i entrega d'exercicis dels temes 1, 2, 3, 4 i 5;

Examen i entrega d'exercicis dels temes 6, 7, 8, 9 i 10;

Examen de recuperació: tots els temes;

Per tal de poder participar en l'examen de recuperació has d'haver estat avaluat dels dos exàmens parcials sense requerir una nota mínima;

L'examen de recuperació cobreix tota l'assignatura;

Pots venir a l'examen de recuperació a millorar la teva nota. Si és així, la teva nota final corresponent a la part d'exàmens serà la d'aquest examen.

Activitats d'avaluació

Títol	Pes	Hores	ECTS	Resultats d'aprenentatge
Entrega d'exercicis: temes 1, 2, 3, 4 i 5	10%	10	0,4	3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
Entrega d'exercicis: temes 6, 7, 8, 9 i 10	10%	10	0,4	1, 2, 3, 6, 7, 9
Examen de recuperació: tots els temes	80%	3	0,12	1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
Examen: temes 1, 2, 3, 4 i 5	40%	3	0,12	3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
Examen: temes 6, 7, 8, 9 i 10	40%	3	0,12	1, 2, 3, 6, 7, 9

Bibliografia

Bibliografia: Variable Complexa

- "Complex Variables", M. R. Spiegel *et al.*, Schaum's Outline Series, McGraw-Hill
- "Complex Variable and Applications", J. W. Brown i R. V. Churchill, McGraw-Hill

Bibliografia: Sèries i Transformades de Fourier

- "Mathematical Methods for Physicists", G. B. Arfken i H. J. Weber, Elsevier Academic Press

Programari

És recomanable utilitzar Mathematica Student Edition.