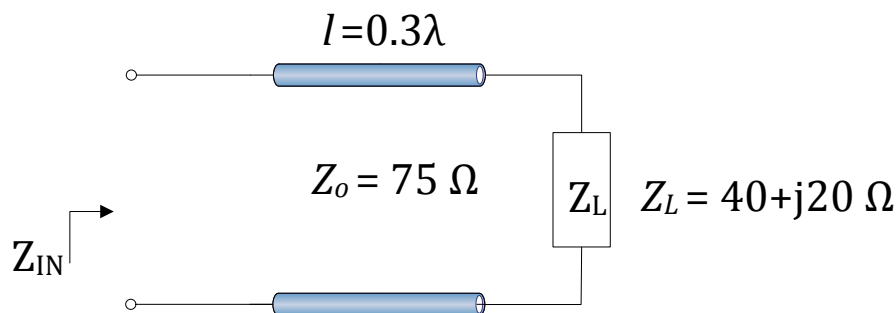


# PROBLEMES ENGINYERIA DE RADIOFREQUÈNCIA

## I MICROONES

### LLISTA 1

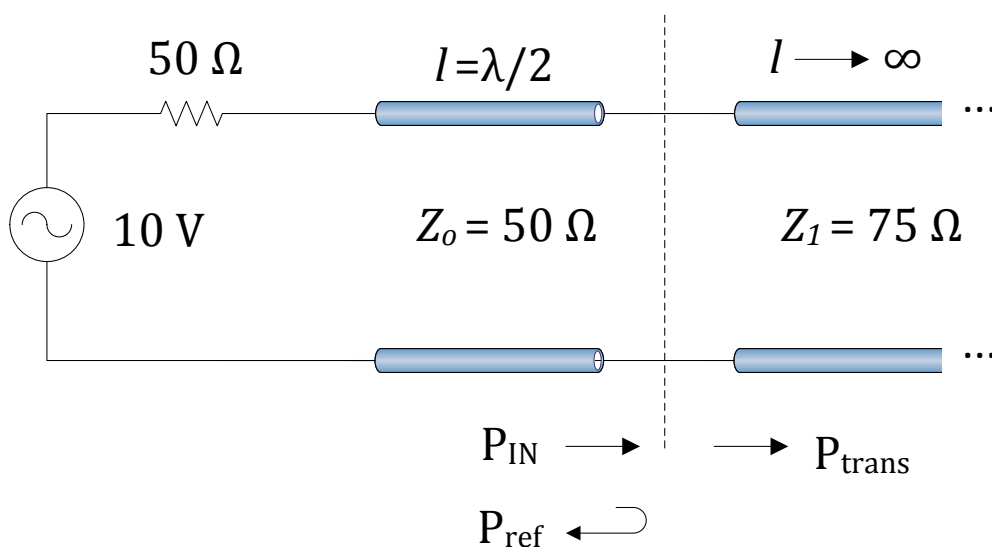
1.- Una línia de transmissió sense pèrdues de longitud  $l=0.3\lambda$ , té a l'extrem una càrrega d'impedància complexa. Trobeu el coeficient de reflexió a la càrrega, el SWR de la línia i la impedància d'entrada de la línia.



2.- Un transmissor de ràdio està connectat a una antena d'impedància  $80 + j40 \Omega$  mitjançant un cable coaxial de  $50 \Omega$ . Si el transmissor pot entregar  $30 \text{ W}$  a una càrrega de  $50 \Omega$ , quina potència s'entrega a l'antena?

3.- Una càrrega d'impedància  $40 - j80 \Omega$  està connectada a una línia de  $100 \Omega$ . Calculeu el coeficient de reflexió a la càrrega i el coeficient de reflexió a l'entrada de la línia si l'allargada de la línia és de  $0.7\lambda$ .

4.- Considerem la línia de transmissió del circuit inferior. Calculeu la potència d'entrada, la potència reflectida i la potència transmesa a la línia infinita de  $75 \Omega$ . Comproveu que es conserva la potència.

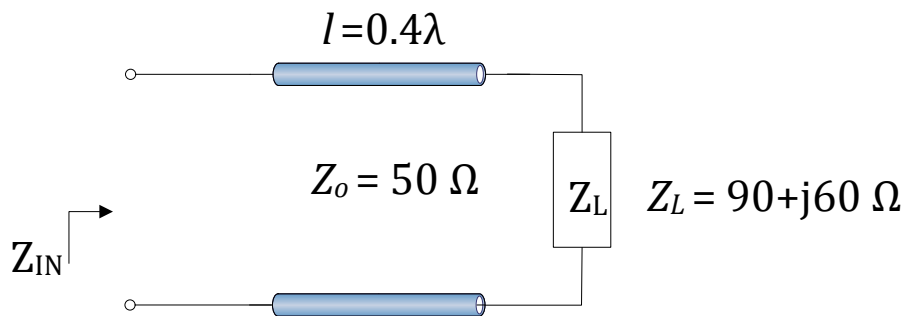


5.- Una càrrega d'impedància  $Z_L = 80 + j20\Omega$  s'ha d'adaptar a una línia de  $Z_0 = 100\Omega$  mitjançant una línia sense pèrdues de longitud  $l$  i impedància característica  $Z_1$ . Trobeu que ha de valer  $Z_1$  (real) i  $l$ .

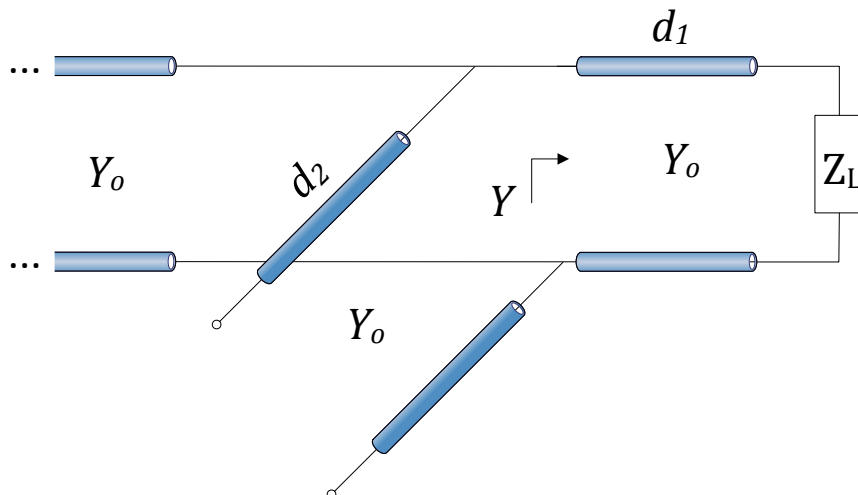
6.- Dissenyeu un transformador en  $\lambda/4$  per adaptar una càrrega de  $40\Omega$  a una línia de  $75\Omega$ . Dibuixeu el SWR per  $0.5f_0 \leq f \leq 2f_0$  on  $f_0$  és la freqüència en la qual la línia és  $\lambda/4$ .

7.- Utilitzeu la carta de Smith, trobeu les magnituds següents per la línia de transmissió del circuit inferior:

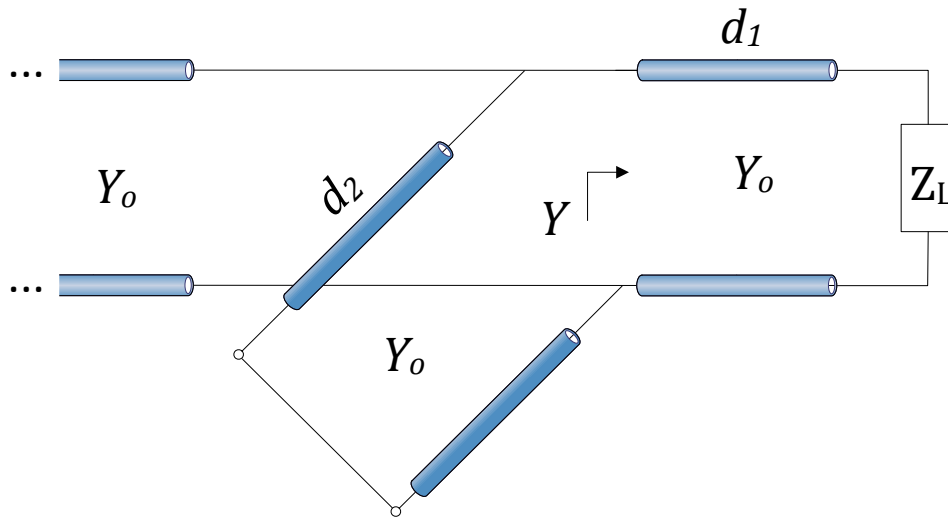
- El SWR de la línia
- El coeficient de reflexió a la càrrega
- L'admitància de la càrrega
- La impedància d'entrada de la línia
- La distància de la càrrega al primer mínim de voltatge
- La distància de la càrrega al primer màxim de voltatge



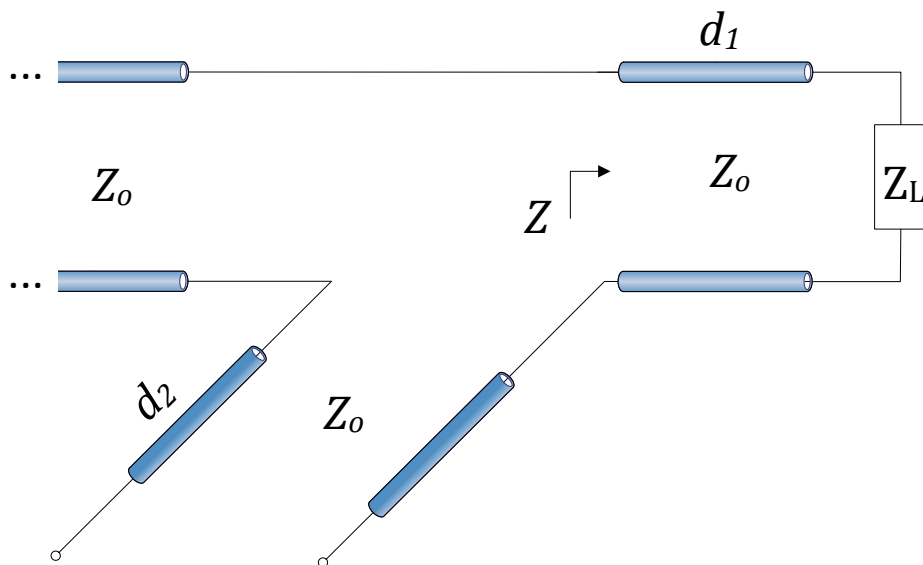
8.- Utilitzant la carta de Smith, adapteu una càrrega de  $200 + j160\Omega$  a una línia de  $100\Omega$  utilitzant una secció de línia en paral·lel.



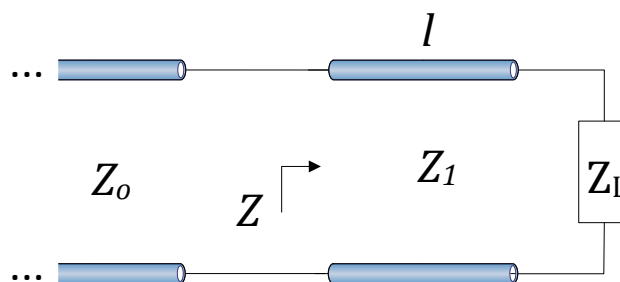
9.- Repetiu el problema anterior utilitzant una secció de línia en curtcircuit.



10.- Adapteu una càrrega de  $20-j60\Omega$  a una línia de transmissió d'impedància característica de  $50\Omega$ , utilitzant una secció en sèrie amb el seu extrem en circuit obert.



11.- En el circuit de baix, una càrrega de  $200+j100\Omega$  està adaptada a una línia de  $40\Omega$  utilitzant una línia de transmissió sense pèrdues de longitud  $l$  i impedància característica  $Z_1$ . Trobeu  $l$  i  $Z_1$ .



12.- Dissenyeu un sintonitzador doble amb una separació entre seccions de línia  $d = \lambda/8$  per tal d'adaptar una càrrega d'admitància  $Y_L = (1.4 + j2)Y_0$ .

13.- Dissenyeu un transformador de  $\lambda/4$  per adaptar una càrrega de  $350\Omega$  a una línia de  $100\Omega$ . Quin és l'ample de banda del transformador per a una  $SWR \leq 2$ ? Si la freqüència de treball és de 4 GHz, dibuixeu el layout d'un circuit microstrip per a implementar aquest transformador de  $\lambda/4$ . Preneu  $h = 0.127$  cm,  $\epsilon_r = 2.2$  i  $t \rightarrow 0$ .

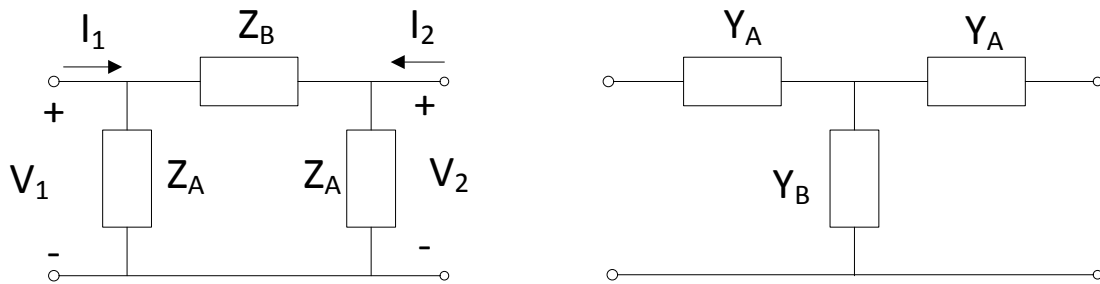
14.- Calculeu el valor de la impedància característica i la constant de propagació per a una línia coaxial amb baixes pèrdues a  $f_0 = 2$  GHz. Preneu  $b = 3a = 0.5$  cm,  $\epsilon = (2.56 - j0.005)\epsilon_0$ .

# PROBLEMES ENGINYERIA DE RADIOFREQUÈNCIA

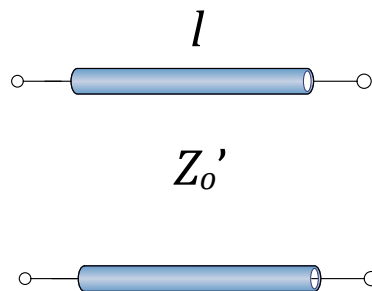
## I MICROONES

### LLISTA 2

1.- Determineu les matrius Z, Y pels següents biports:



2.- Trobeu la matriu de dispersió del següent biport:



3.- Considereu la següent matriu de dispersió:

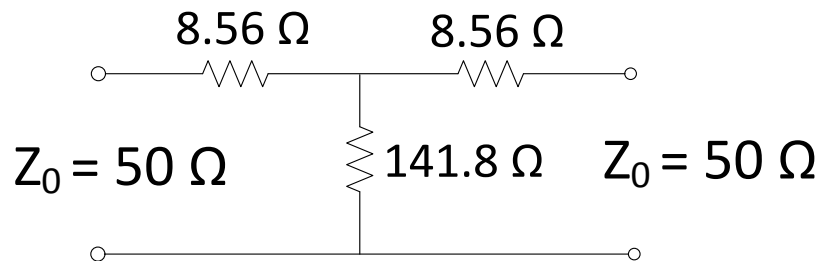
$$[S] = \begin{pmatrix} 0.1 \angle 90^\circ & \frac{1}{\sqrt{2}} \angle -45^\circ & \frac{1}{\sqrt{2}} \angle 45^\circ & 0 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \angle -45^\circ & 0 & 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} \angle 45^\circ \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \angle -45^\circ & 0 & 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} \angle -45^\circ \\ 0 & \frac{1}{\sqrt{2}} \angle 45^\circ & \frac{1}{\sqrt{2}} \angle -45^\circ & 0 \end{pmatrix}$$

Contesteu a les següents preguntes considerant aquesta matriu, així com en el cas  $S_{11} = 0$ :

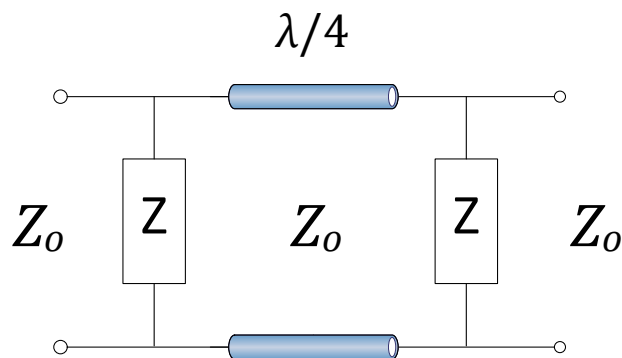
a) Es tracta d'una xarxa passiva i sense pèrdues?

- b) Es tracta d'una xarxa recíproca?
- c) Calculeu les pèrdues de retorn al port 1 quan tots els altres ports estan adaptats.
- d) Calculeu les pèrdues d'inserció entre els ports 2 i 4 quan tots els altres ports estan adaptats.
- e) Calculeu els coeficient de reflexió al port 1, si el port 3 esta curtcircuitat i els altres ports estan adaptats.

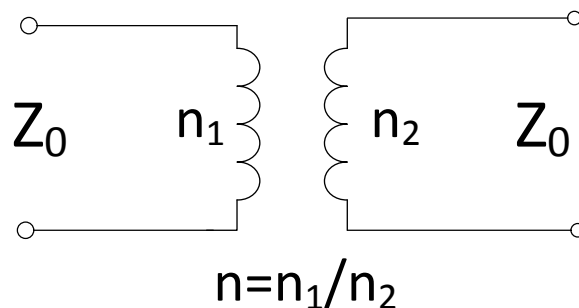
4.- Trobeu la matriu de dispersió del següent atenuador:



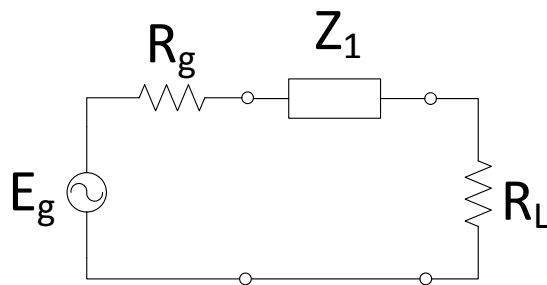
5.- Trobeu la matriu de dispersió de la següent xarxa biport (podeu utilitzar els conceptes de paret elèctrica i paret magnètica):



6.- Obteniu la matriu de dispersió per al següent transformador:



7.- Pel següent circuit, calculeu els paràmetres [S]; Calculeu la potència disponible des del generador ( $P_A$ ); i calculeu la potència dissipada a  $R_g$ ,  $R_1$  i  $R_L$ . Preneu  $E_g=1\text{ V}$  i  $Z_0 = 50\Omega$ . Quin valor tindria  $R_L$  si  $P_L=P_A$ ? (Noteu que  $P_{gen} < P_A$ ).



$$R_g = R_L = 50\ \Omega$$

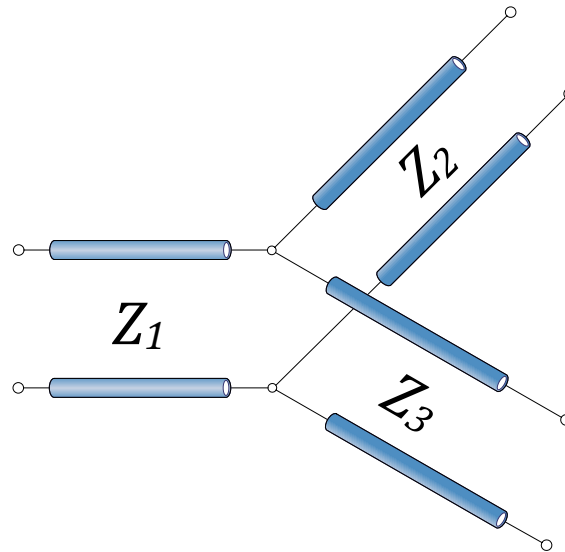
$$R_1 = Z_1 = 50\ \Omega$$

# PROBLEMES ENGINYERIA DE RADIOFREQUÈNCIA

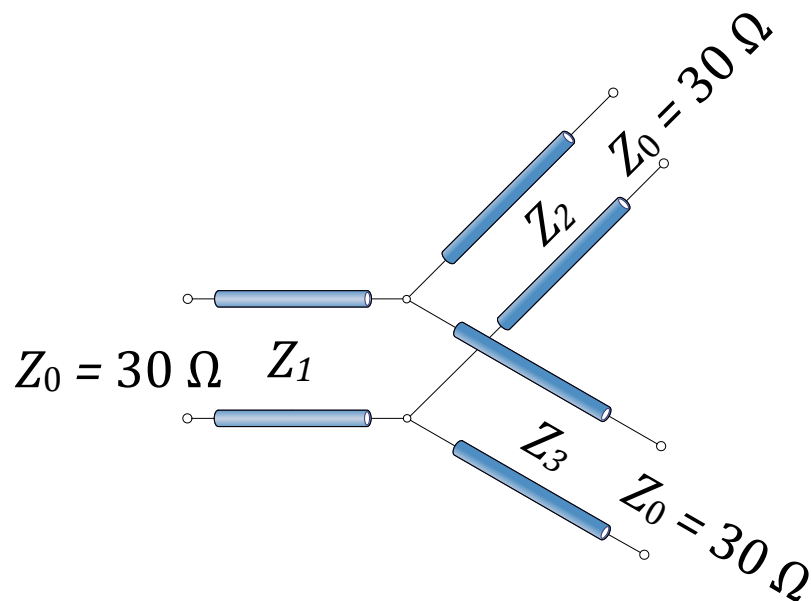
## I MICROONES

### LLISTA 3

1.- Demostrar que pel següent circuit sense pèrdues, és impossible que els 3 ports estiguin adaptats.

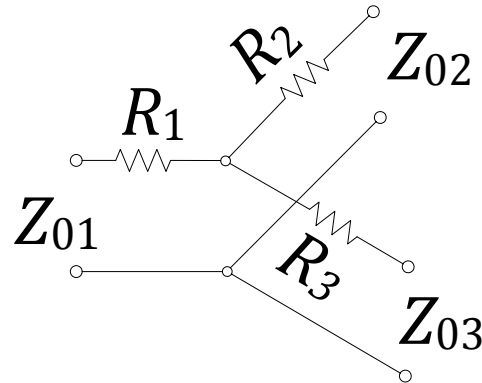


2.- Obtenir  $Z_1$  i  $Z_2$  per que el divisor de potència doni a la sortida una relació de potència de 3:1. Realitzar el divisor utilitzant transformadors en  $\lambda/4$ , i amb línies de sortida d'impedància característica  $30 \Omega$ .

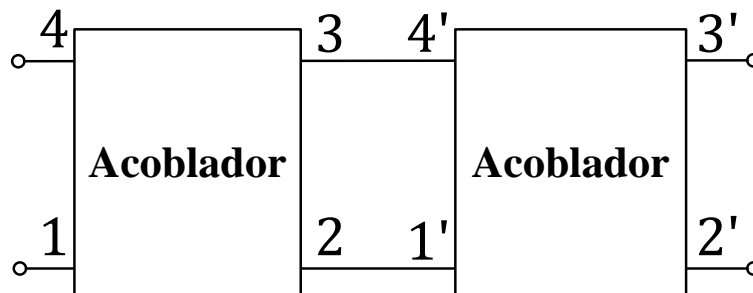




3.- Pel següent circuit, calculeu la matriu de paràmetres  $[S]$  i el paràmetre  $\alpha$ , essent la relació de potències de sortida  $\alpha = P_2/P_3$ . Determinar les resistències en el cas que tots els ports estiguin adaptats amb  $Z_{01} = Z_{02} = Z_{03}$  i  $\alpha = 1$ .



4.- Dos acobladors direccionals idèntics de  $90^\circ$  amb coeficient d'acoblament de  $C = 8.34$  dB estan connectats tal com es mostra. Determinar la amplitud i fase relatives dels ports de sortida respecte del port 1.



5.- Dissenyar un acoblador direccional amb línia microstrip amb  $C = 10$  dB. La constant dielèctrica del substrat es de  $\epsilon_r = 9$ , essent el seu gruix de 0.635 mm. La freqüència de treball és de 4 GHz i la impedància característica de les línies d'accés és de  $50 \Omega$ .

6.- Dissenyar un híbrid a 2 GHz amb una estructura d'anell de  $1.5 \lambda$  mitjançant tecnologia stripline amb un substrat de constant dielèctrica  $\epsilon_r = 3.8$  i separació dels plans de massa de 2.5 mm.

7.- Dissenyar un acoblador direccional de 20 dB amb línies de transmissió acoblades stripline amb una separació dels plans de massa de 0.158 cm, una constant dielèctrica de  $\epsilon_r = 2.56$  i una impedància característica de  $50 \Omega$ . Prendre per línies acoblades una longitud d'un quart de la longitud d'ona. La freqüència de treball és de 3 GHz.

## PROBLEMES ENGINYERIA DE RADIOFREQUÈNCIA

### I MICROONES

#### LLISTA 4

1.- Dissenyar un filtre passa baixos “stepped impedance” amb una freqüència de tall de 2 GHz i  $Z_0 = 50 \, \Omega$ . Utilitzar una resposta Butterworth d'ordre 5. Per això, obtenir les longituds elèctriques  $\beta l$  de cada una de les seccions considerant  $Z_{\text{low}} = 10 \, \Omega$  i  $Z_{\text{high}} = 150 \, \Omega$ .

2.- Dissenyar un filtre passa baixos “stepped impedance” amb una freqüència de tall de 1.5 GHz i  $Z_0 = 50 \, \Omega$  amb arrissat de 0.5 dB i atenuació mínima de 30 dB a 3 GHz. Per això, obtenir les longituds elèctriques  $\beta l$  de cada una de les seccions considerant  $Z_{\text{low}} = 12 \, \Omega$  i  $Z_{\text{high}} = 100 \, \Omega$ . Obtenir també les dimensions físiques amb tecnologia stripline considerant un substrat de permitivitat  $\epsilon_r = 3.8$  i separació entre plans de massa de  $b = 0.5 \, \text{mm}$ .

3.- Dissenyar un filtre passa banda Butterworth amb línies de transmissió acoblades. Considerar una banda de pas de 3 GHz a 3.5 GHz, impedància de referència de  $50 \, \Omega$  i un ordre 3. Quina és l'atenuació a 2.9 GHz?

4.- Dissenyar un filtre de rebuig de banda Butterworth utilitzant 4 seccions de  $\lambda/4$  en circuit obert. La freqüència central és de 3 GHz, l'amplada de banda és del 15% i la impedància és de  $40 \, \Omega$ .

5.- Dissenyar un filtre passa banda Butterworth amb ressonadors acoblats capacitivament. Es desitja una freqüència central de 4 GHz, una amplada de banda del 12% i, al menys, 12 dB d'atenuació a 3.6 GHz. La impedància característica és de  $50 \, \Omega$ .

**PROBLEMES ENGINYERIA DE RADIOFREQUÈNCIA****I MICROONES****LLISTA 5**

1.- Dissenyar un amplificador que tingui màxim guany a 5 GHz mitjançant un transistor FET de GaAs amb la següent matriu de paràmetres [S] ( $Z_0 = 50 \Omega$ ):

$$S_{11} = 0.65 \angle -140^\circ \quad S_{12} = 0.04 \angle 60^\circ \quad S_{21} = 2.4 \angle 50^\circ \quad S_{22} = 0.7 \angle -65^\circ$$

Dissenyar les xarxes d'adaptació mitjançant stubs en circuit obert.

2.- Dissenyar un amplificador amb màxim  $G_{TU}$  mitjançant un transistor amb la següent matriu de paràmetres [S] a 6 GHz ( $Z_0 = 50 \Omega$ ):

$$S_{11} = 0.61 \angle -170^\circ \quad S_{12} = 0 \quad S_{21} = 2.24 \angle 32^\circ \quad S_{22} = 0.72 \angle -83^\circ$$

Dissenyar les xarxes d'adaptació mitjançant stubs en curt circuit.

3.- Considerant el mateix transistor de l'apartat anterior, dissenyar un amplificador amb un guany de 10 dB a 6 GHz. Representar els cercles de guany per  $G_s = 1$  dB i  $G_L = 2$  dB. Dissenyar les xarxes d'adaptació mitjançant stubs en circuit obert.

4.- Un transistor FET de GaAs presenta la següent matriu de dispersió a 8 GHz ( $Z_0 = 50 \Omega$ ):

$$S_{11} = 0.7 \angle -110^\circ \quad S_{12} = 0.02 \angle 60^\circ \quad S_{21} = 3.5 \angle 60^\circ \quad S_{22} = 0.8 \angle -70^\circ$$

I com a paràmetres de soroll:

$$F_{min} = 2.5 \text{ dB} \quad \Gamma_{opt} = 0.7 \angle 120^\circ \quad R_N = 15 \Omega$$

Dissenyar un amplificador amb la mínima figura de soroll i el màxim guany possible.

Dissenyar les xarxes d'adaptació mitjançant stubs en curt circuit.

5.- Un transistor FET de GaAs presenta la següent matriu de dispersió a 6 GHz ( $Z_0 = 50 \Omega$ ):

$$S_{11} = 0.6 \angle -60^\circ \quad S_{12} = 0 \quad S_{21} = 2 \angle 81^\circ \quad S_{22} = 0.7 \angle -60^\circ$$

I com a paràmetres de soroll:

$$F_{min} = 2 \text{ dB} \quad \Gamma_{opt} = 0.62 \angle 100^\circ \quad R_N = 20 \Omega$$

Dissenyar un amplificador amb un guany de transferència  $G_{TU} = 6$  dB i la mínima figura de soroll possible amb aquest guany.

Dissenyar les xarxes d'adaptació mitjançant stubs en circuit obert.

**PROBLEMES ENGINYERIA DE RADIOFREQUÈNCIA****I MICROONES****LLISTA 6**

1.- Dissenyar un oscil·lador a 8 GHz mitjançant un transistor bipolar EN567 en base comuna segons la següent matriu de paràmetres [S]:

$$S_{11} = 1.32 \angle 88^\circ \quad S_{12} = 0.595 \angle 99^\circ \quad S_{21} = 1.47 \angle 172^\circ \quad S_{22} = 1.03 \angle -96^\circ$$

Dissenyar les xarxes d'adaptació necessàries (a l'entrada i a la sortida) per tal d'adaptar una càrrega de 50  $\Omega$ .

2.- La matriu de paràmetres [S] d'un transistor FET en font comuna són:

$$S_{11} = 0.95 \angle -45^\circ \quad S_{12} = 0.25 \angle 45^\circ \quad S_{21} = 1.414 \angle 45^\circ \quad S_{22} = 0.5 \angle -45^\circ$$

- Calcular el factor K.
- Dissenyar un oscil·lador de radiofreqüència amb una càrrega de 50  $\Omega$ .
- Implementar les corresponents xarxes d'adaptació a l'entrada i la sortida.



**Universitat Autònoma de Barcelona**

**Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica**

**Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)**

**Solución de los problemas de adaptación de  
impedancias de la Lista 1 de problemas mediante  
carta de Smith**

**Miguel Durán-Sindreu**

**Curso 2012/2013**





Universitat Autònoma de Barcelona

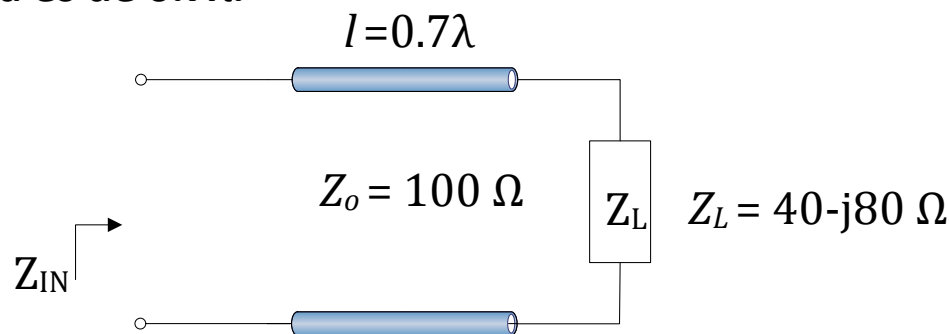
Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica

Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)

## Lista 1: Problema 3

(incluye preguntas adicionales del problema 7)

3. Una carga de impedancia  $40-j80\Omega$  está conectada a una línea de  $100\Omega$ . Calcular el coeficiente de reflexión a la carga y el coeficiente de reflexión a la entrada de la línea si la longitud de la línea es de  $0.7\lambda$ .

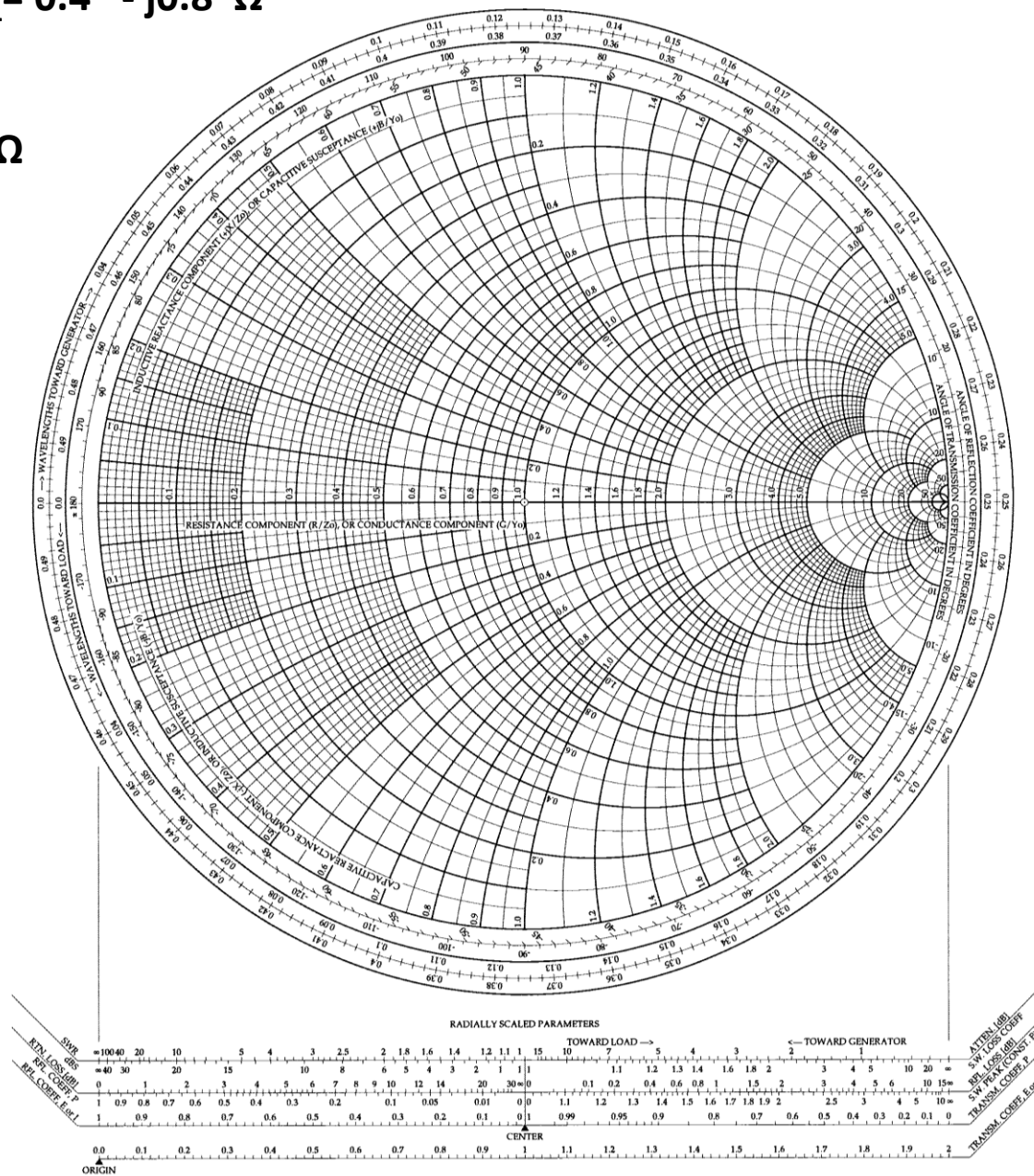


Miguel Durán-Sindreu



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

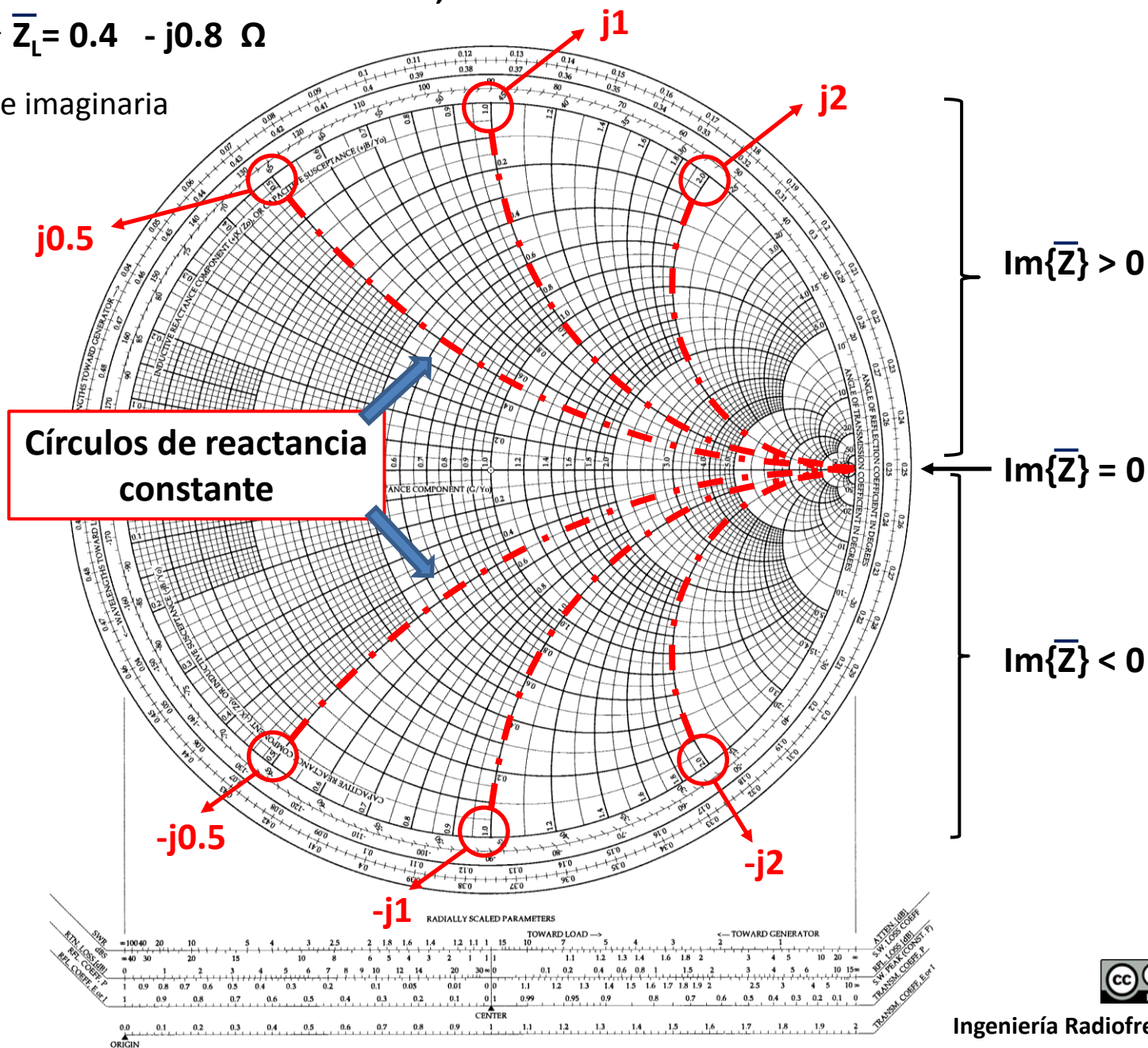
$$Z_0 = 100 \, \Omega$$





$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

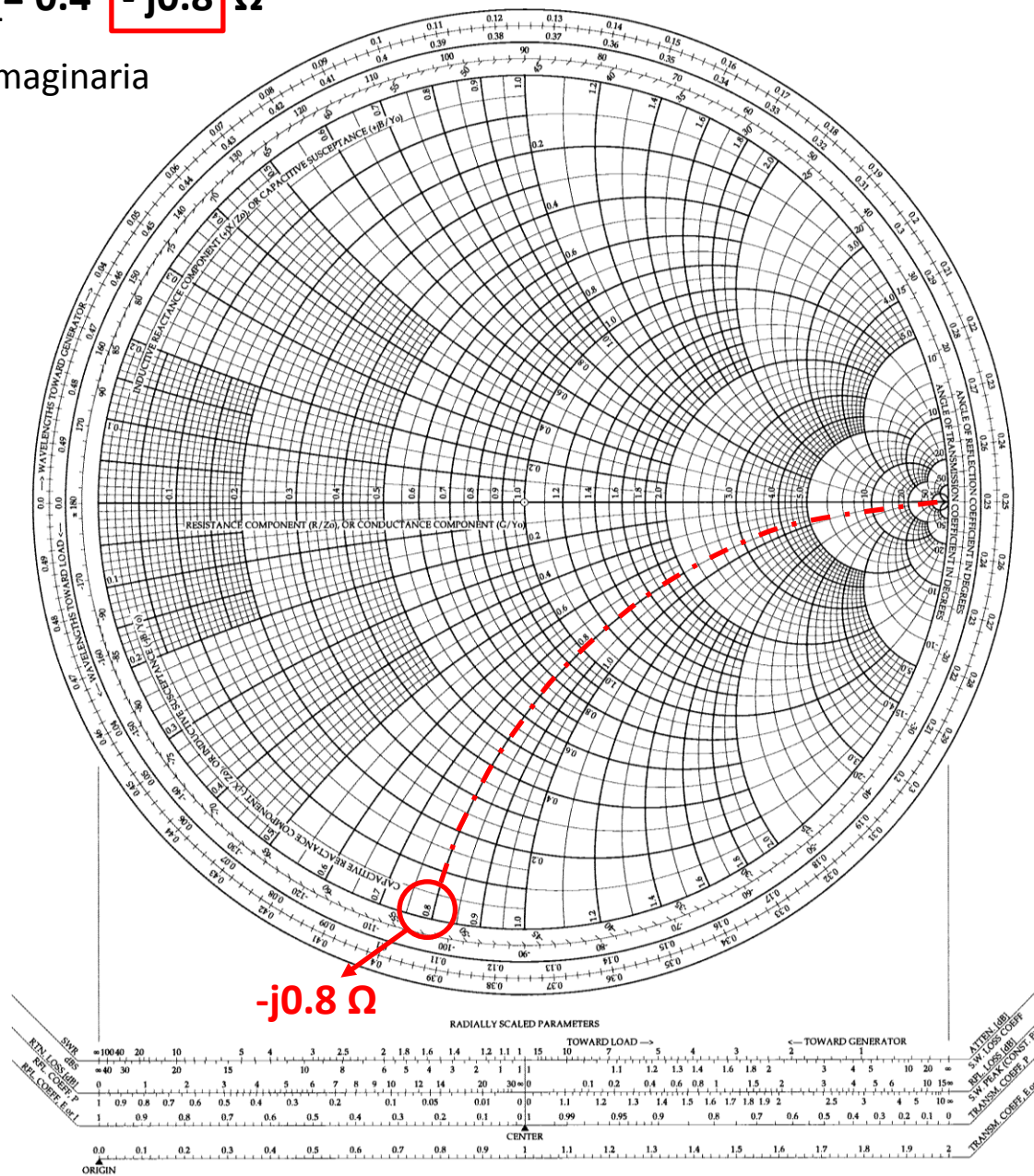
1. Mapeamos parte imaginaria (reactancia)



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

1. Mapeamos parte imaginaria (reactancia)

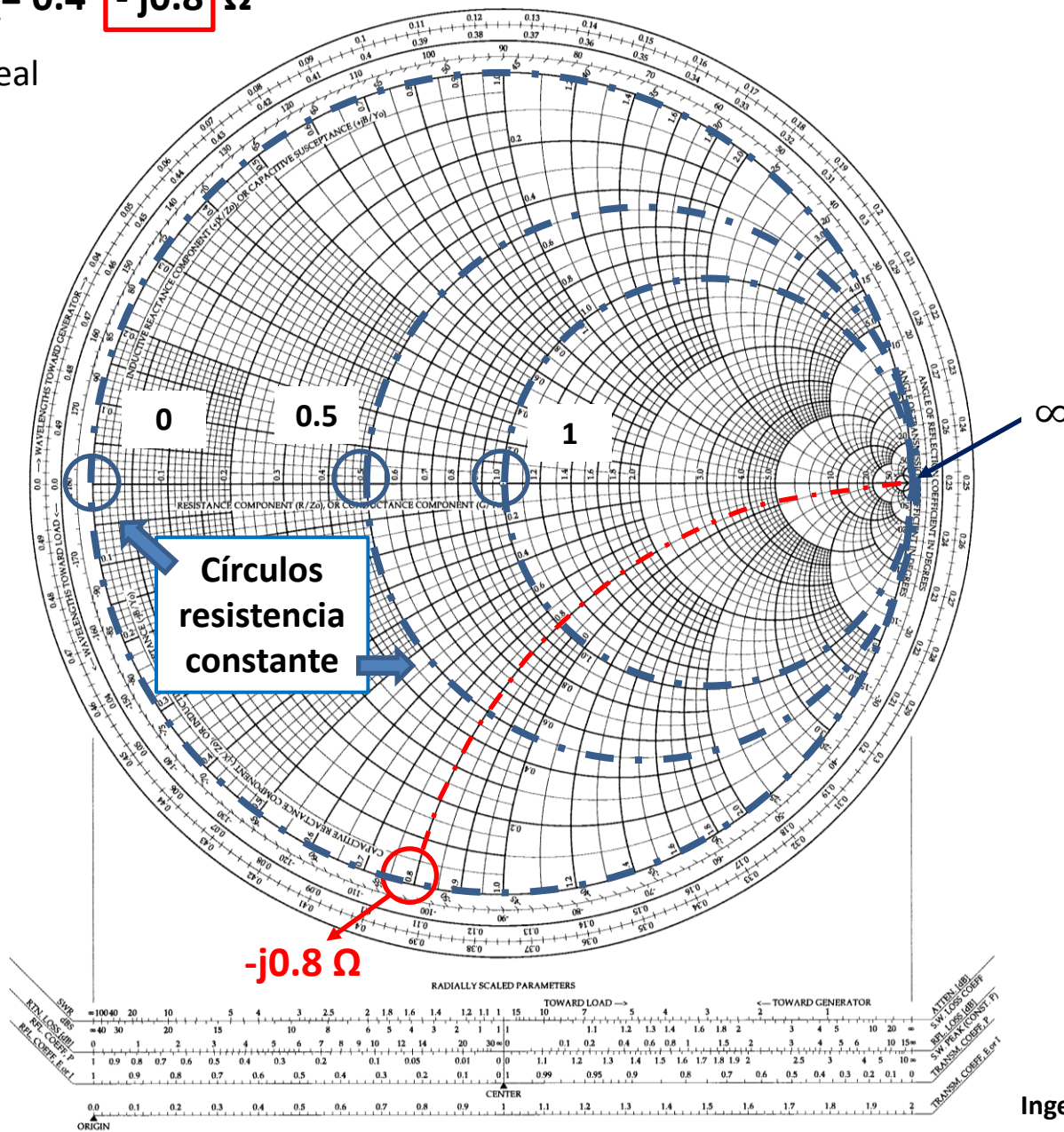
En nuestro caso:





$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

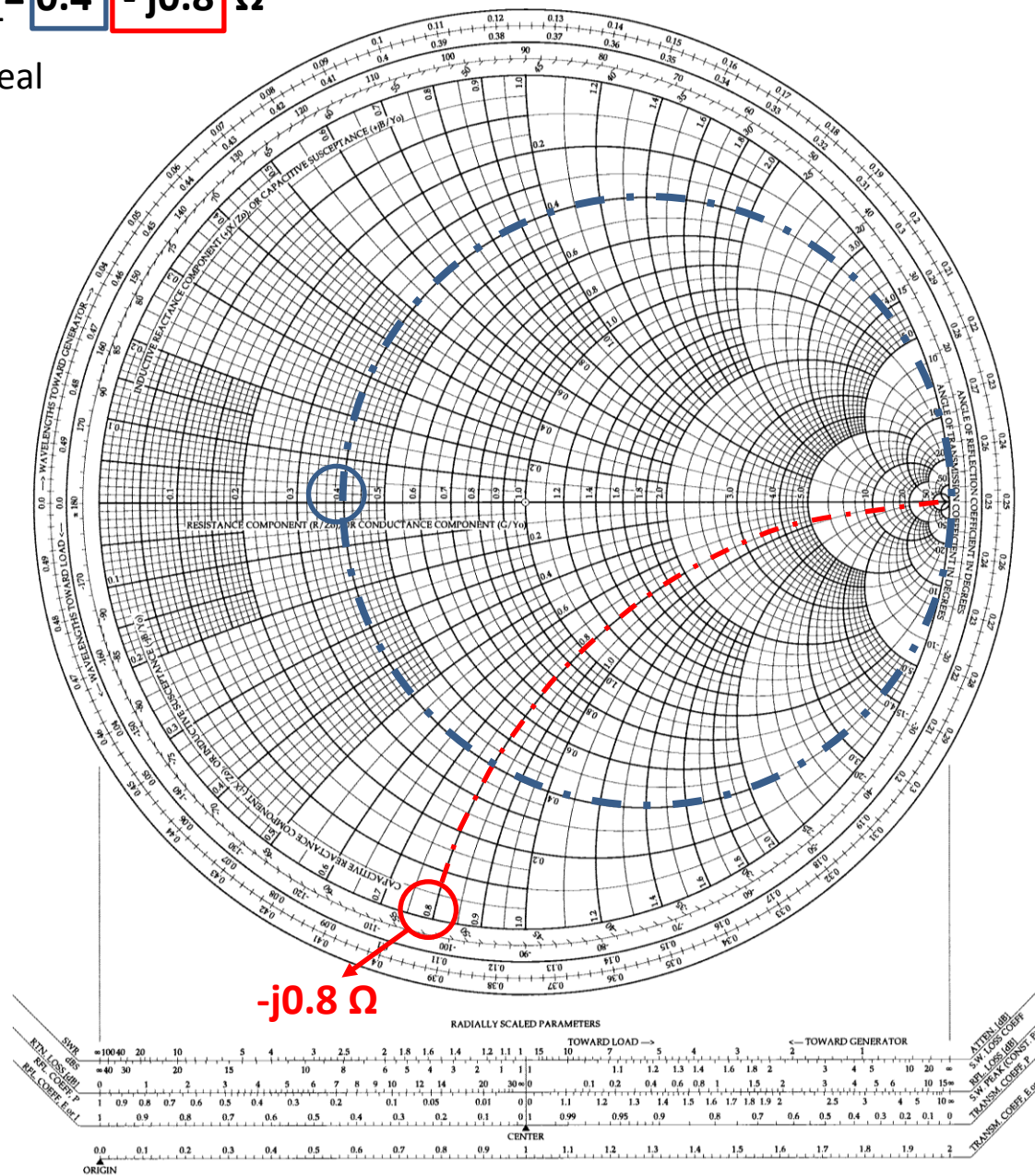
2. Mapeamos parte real  
(resistencia)



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

2. Mapeamos parte real  
(resistencia)

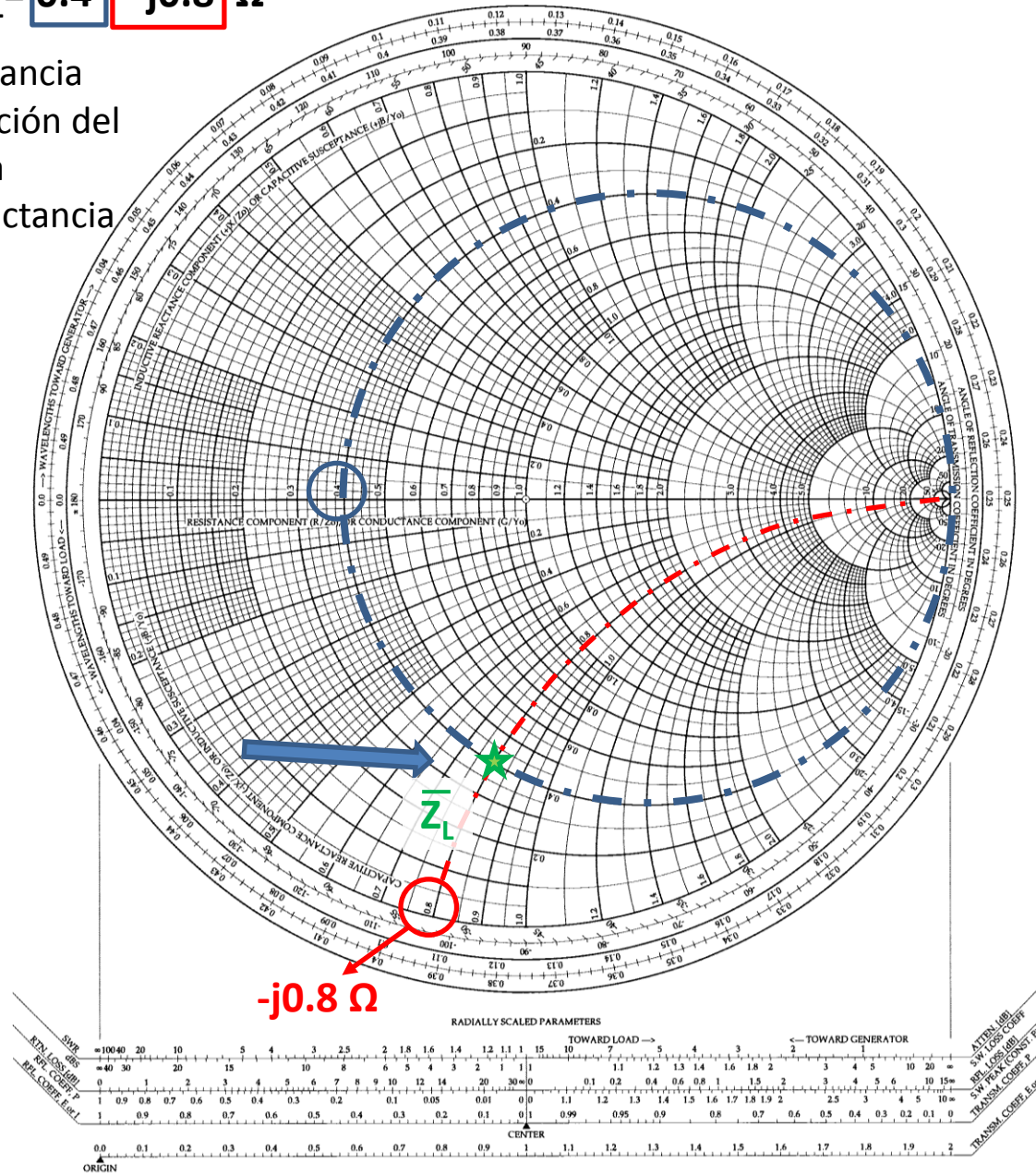
En nuestro caso:





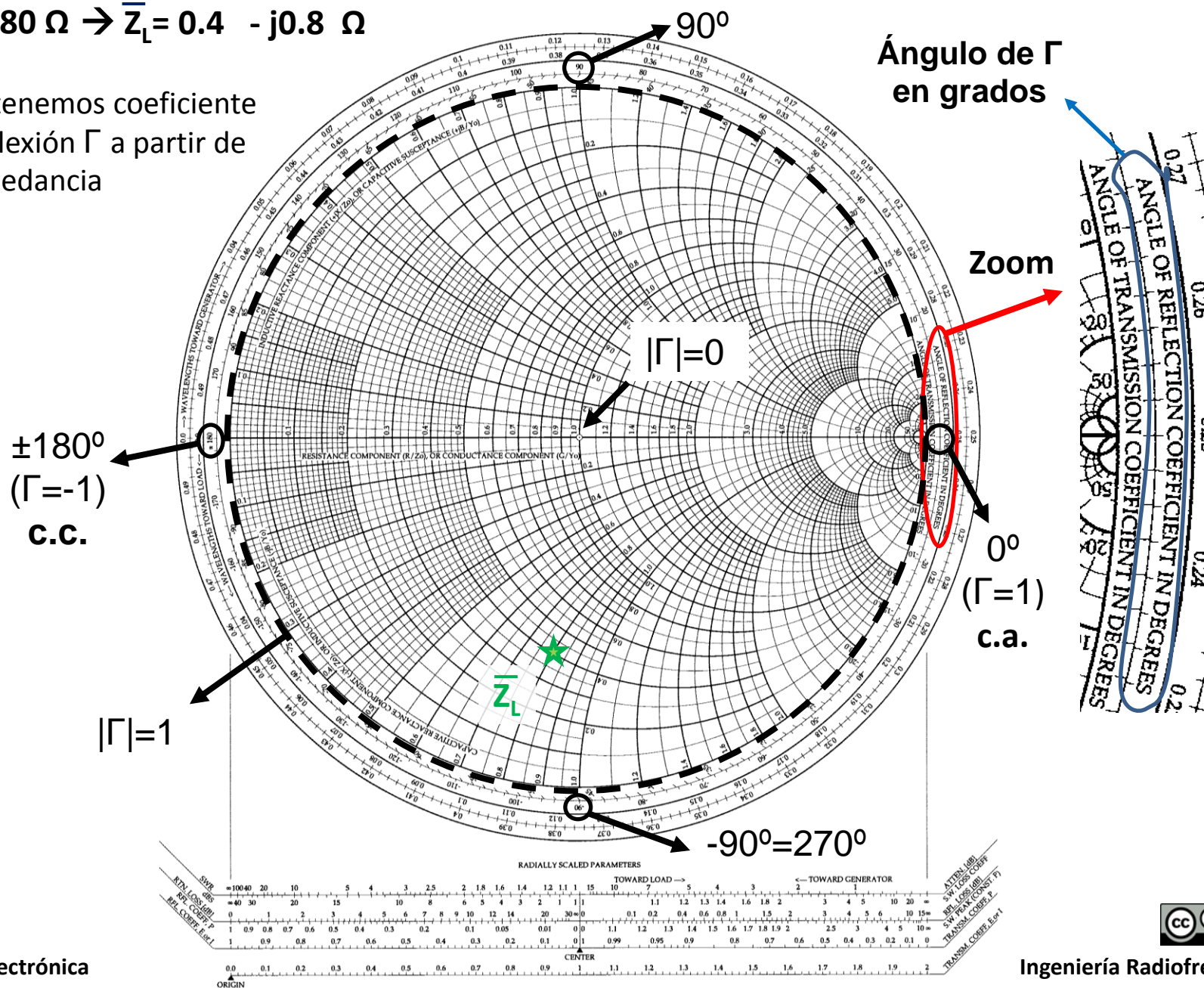
$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

3. Mapeamos impedancia mediante la intersección del círculo de resistencia constante y el de reactancia constante



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

4. Obtenemos coeficiente de reflexión  $\Gamma$  a partir de la impedancia

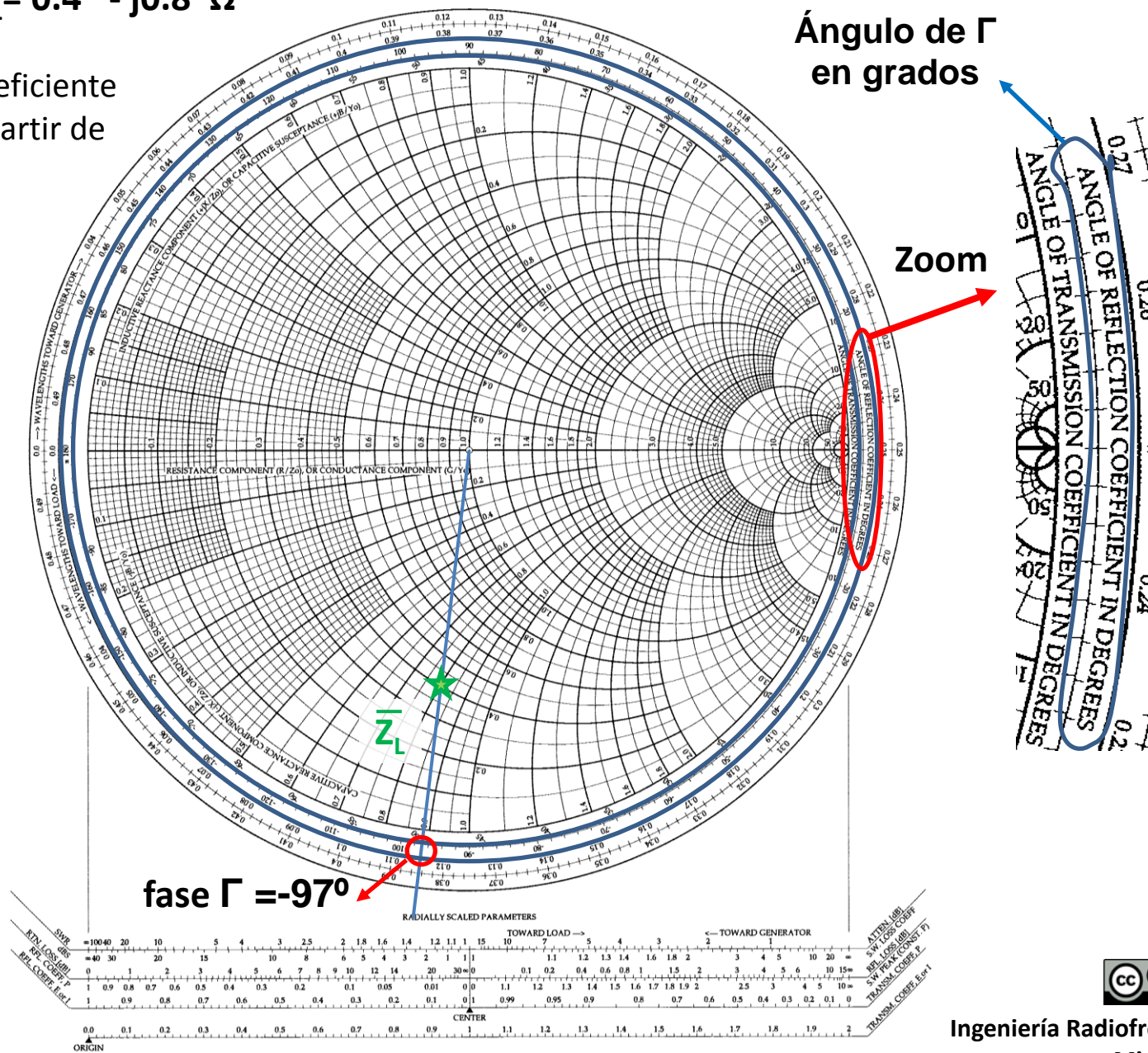




$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

4. Obtenemos coeficiente de reflexión  $\Gamma$  a partir de la impedancia

Fase del coeficiente de reflexión  $\Gamma$  en nuestro caso



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

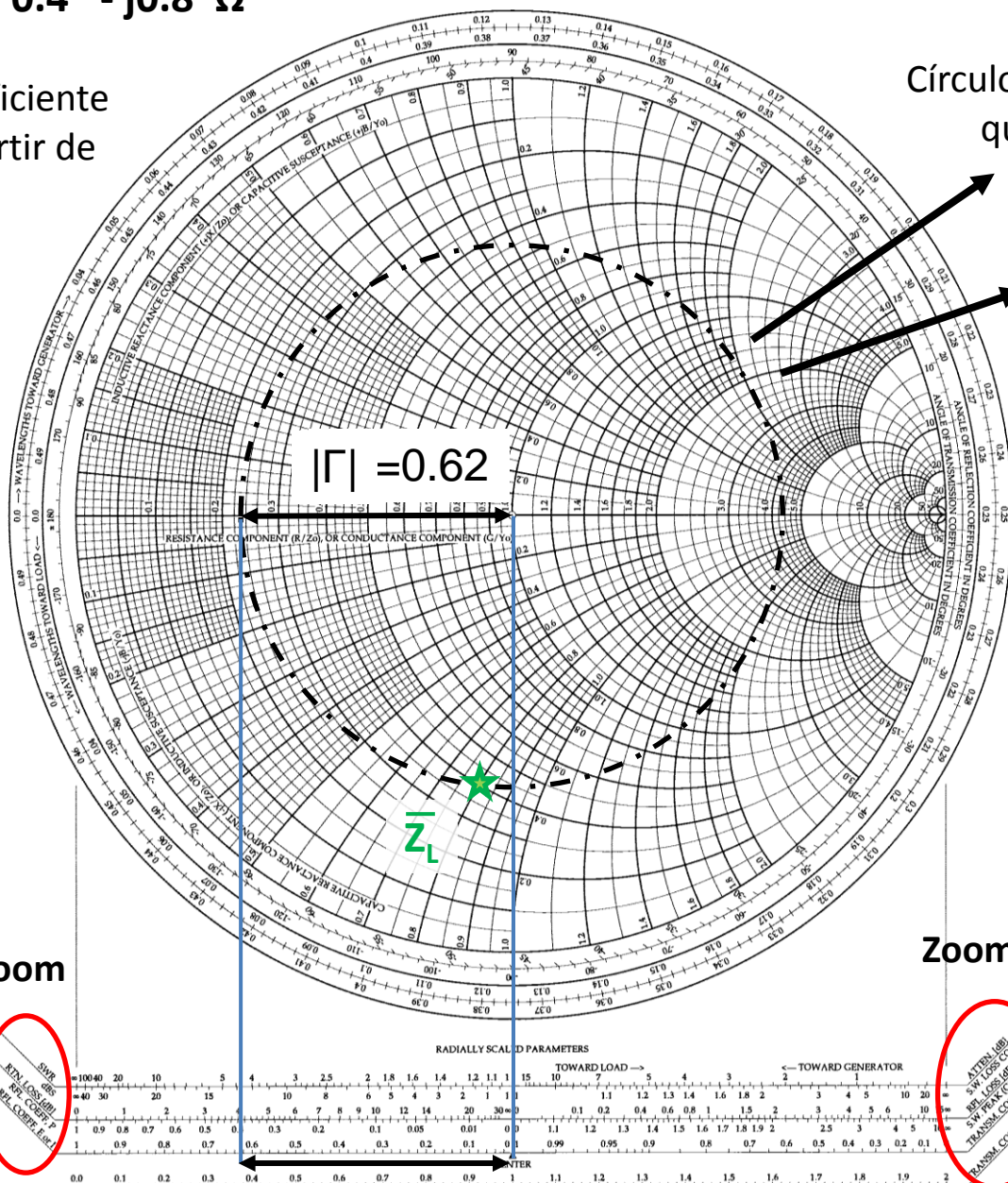
4. Obtenemos coeficiente de reflexión  $\Gamma$  a partir de la impedancia

**Módulo del coeficiente de reflexión  $\Gamma$**

$$\Gamma_P \rightarrow RL = -10 \log |\Gamma_P|$$

$$\Gamma_{E,I} \rightarrow RL = -20 \log |\Gamma_{E,I}|$$

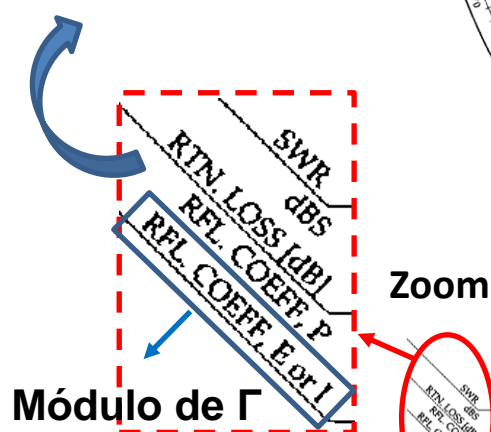
Utilizamos  $\Gamma_{E,I}$  (ratio de tensiones)



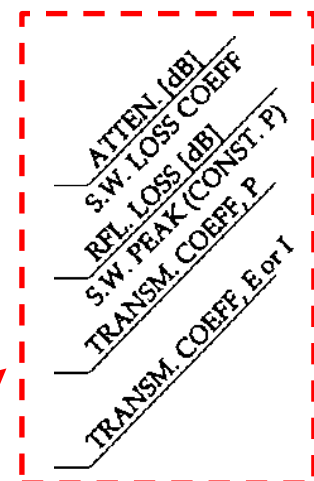
Círculo centrado en el origen que intersecciona con  $\bar{Z}_L$

Círculo de  $|\Gamma|$  constante

$$\Gamma_L = 0.62e^{-j97^\circ}$$



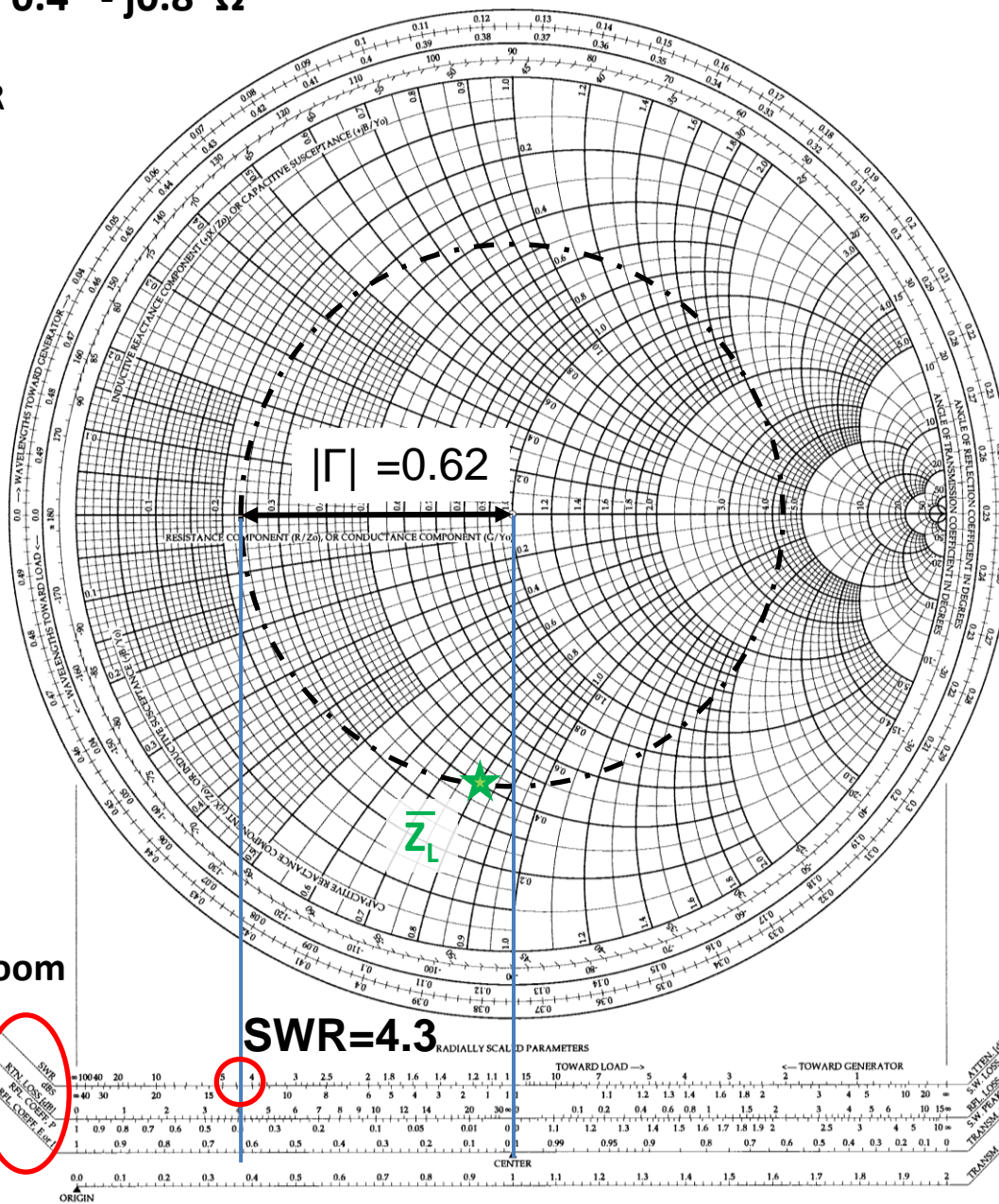
Zoom





$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

5. Obtenemos SWR



$$\text{SWR} = 4.3$$

$$\Gamma_L = 0.62e^{-j97^\circ}$$

RTN. LOSS (dB)  
RFL. COEFF. P  
RFL. COEFF. E or I

Zoom

$$\text{SWR} = 4.3$$

$$Z_L = 40 - j80 \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \Omega$$

6. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_L$

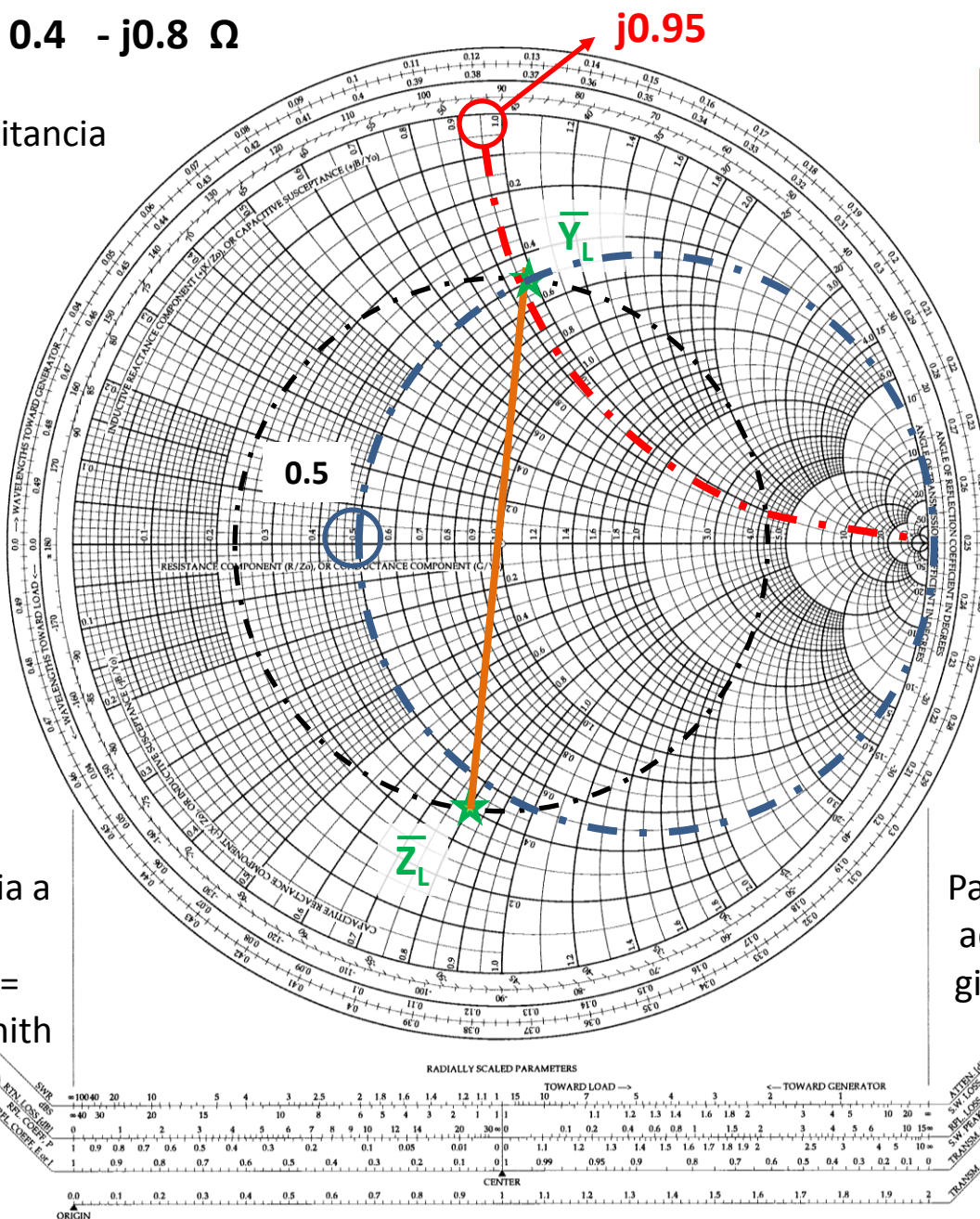
**Deducción I:**

Una línea  $\lambda/4$  transforma impedancia normalizada a su inversa:

$$Z_{in}|_{\lambda/4} = \frac{Z_0^2}{Z_L}$$

$$\bar{Z}_{in}|_{\lambda/4} = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

Pasamos de impedancia a admitancia desplazándonos  $\lambda/4 = 0.25\lambda$  en la carta de Smith (media carta Smith)



$$\bar{Y}_L = 0.5 + j0.95 \Omega$$

**Deducción II:**

$$\bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

$$\Gamma_L = \frac{\bar{Z}_L - 1}{\bar{Z}_L + 1} =$$

$$= -\frac{\bar{Y}_L - 1}{\bar{Y}_L + 1}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)



j0.95

$$\bar{Y}_L = 0.5 + j0.95 \text{ } \Omega$$

### Consecuencias III:

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte

c.a.  $\rightarrow$  c.c

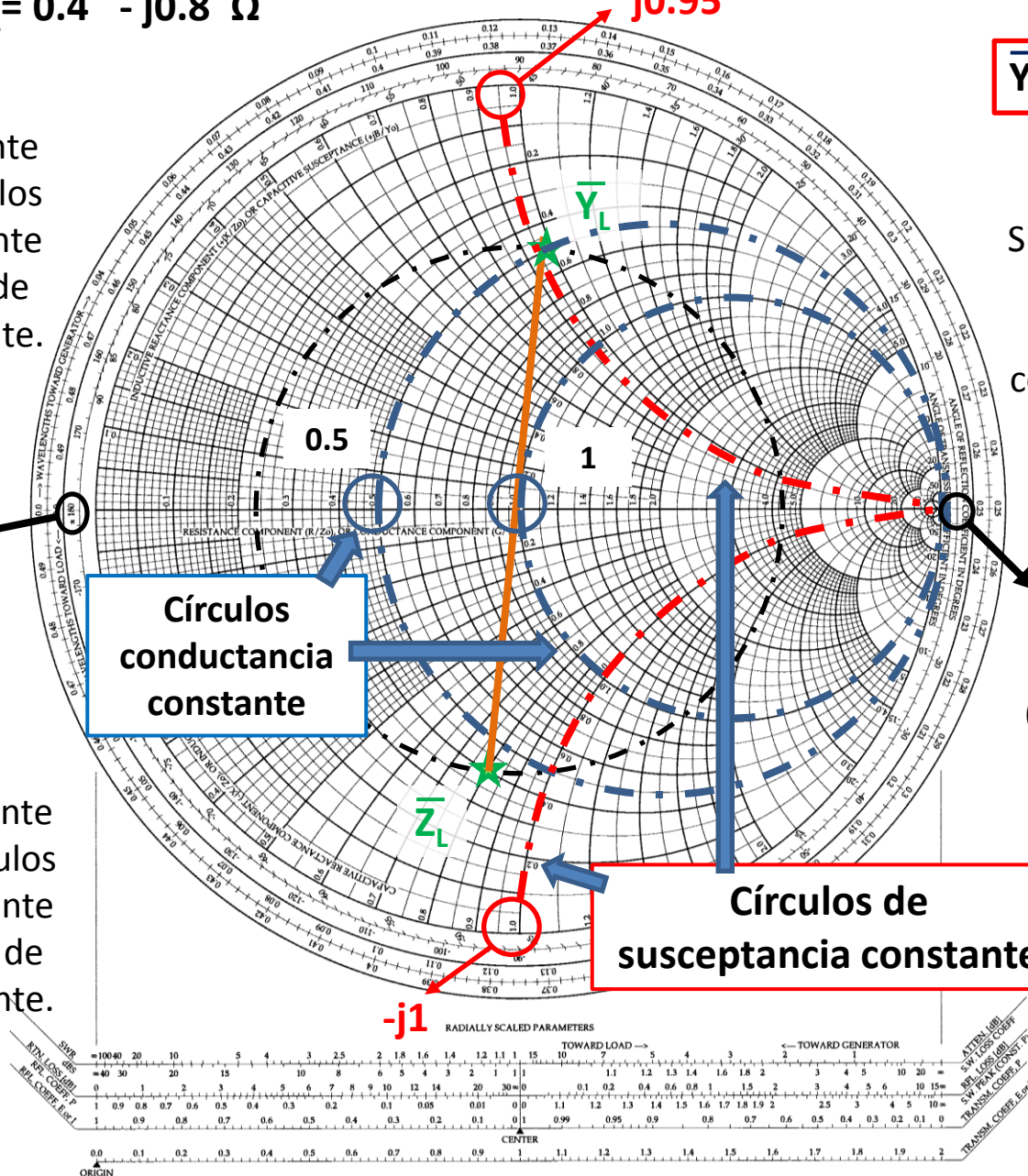
c.c.  $\rightarrow$  c.a.

<u>Z:</u>	<u>Y:</u>
$0^\circ$ ( $\Gamma=1$ )	$\pm 180^\circ$ ( $\Gamma=-1$ )
<b>c.a.</b>	<b>c.c.</b>

## Consecuencias II:

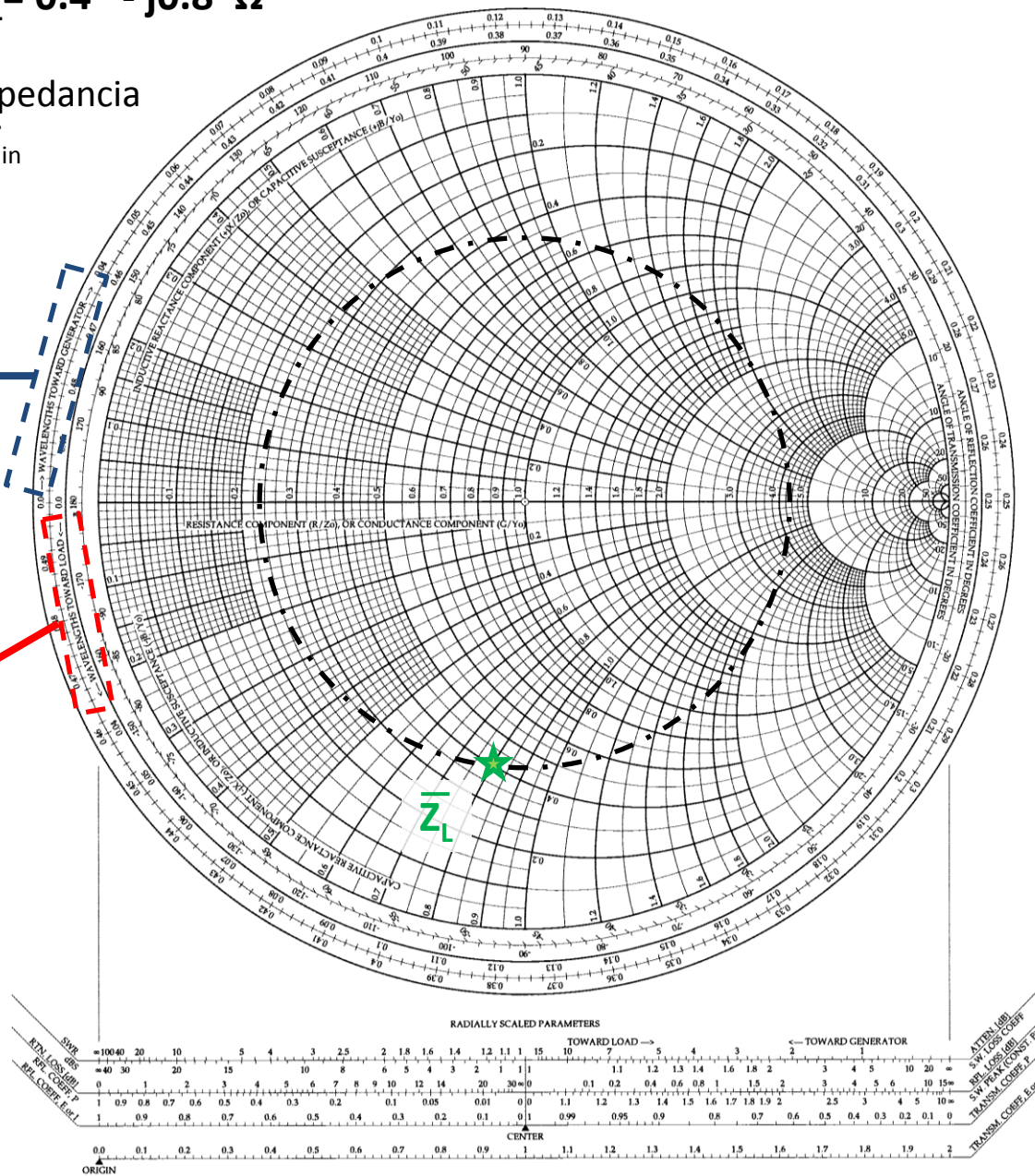
Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.

## Círculos de susceptancia constante



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

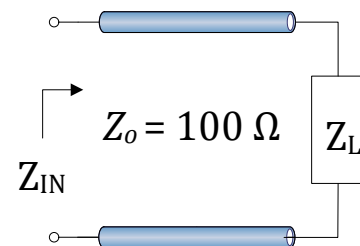
7. Obtenemos impedancia de entrada  $\bar{Z}_{in}$  y  $\Gamma_{in}$



Hacia la carga



$$l = 0.7\lambda$$



Hacia generador





$$Z_L = 40 - j80 \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \Omega$$

$$0.384\lambda + 0.2\lambda = 0.584\lambda = 0.584\lambda - 0.5\lambda = 0.084\lambda$$

7. Obtenemos impedancia de entrada  $\bar{Z}_{in}$  y  $\Gamma_{in}$

$$0.2\lambda = 0.2\lambda + 0.5\lambda = 0.7\lambda$$

$j0.5\lambda$  pasa a ser  $0\lambda$ !

$$\bar{Z}_{in} = 0.3 + j0.55 \Omega$$

$$\Gamma_{in} = 0.62e^{j119^\circ}$$

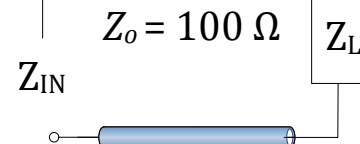
Fase  $\Gamma = 119^\circ$

$$0\lambda < \text{Smith} < 0.5\lambda$$

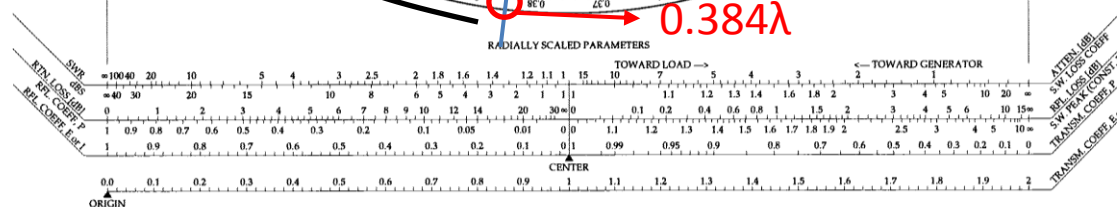
$0.5\lambda$  = Vuelta completa en Smith

$$0.2\lambda + 0.5\lambda$$

$$l = 0.7\lambda$$



Hacia generador



$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

8. Distancia desde la carga hasta el primer mínimo de voltaje



Cortocircuito

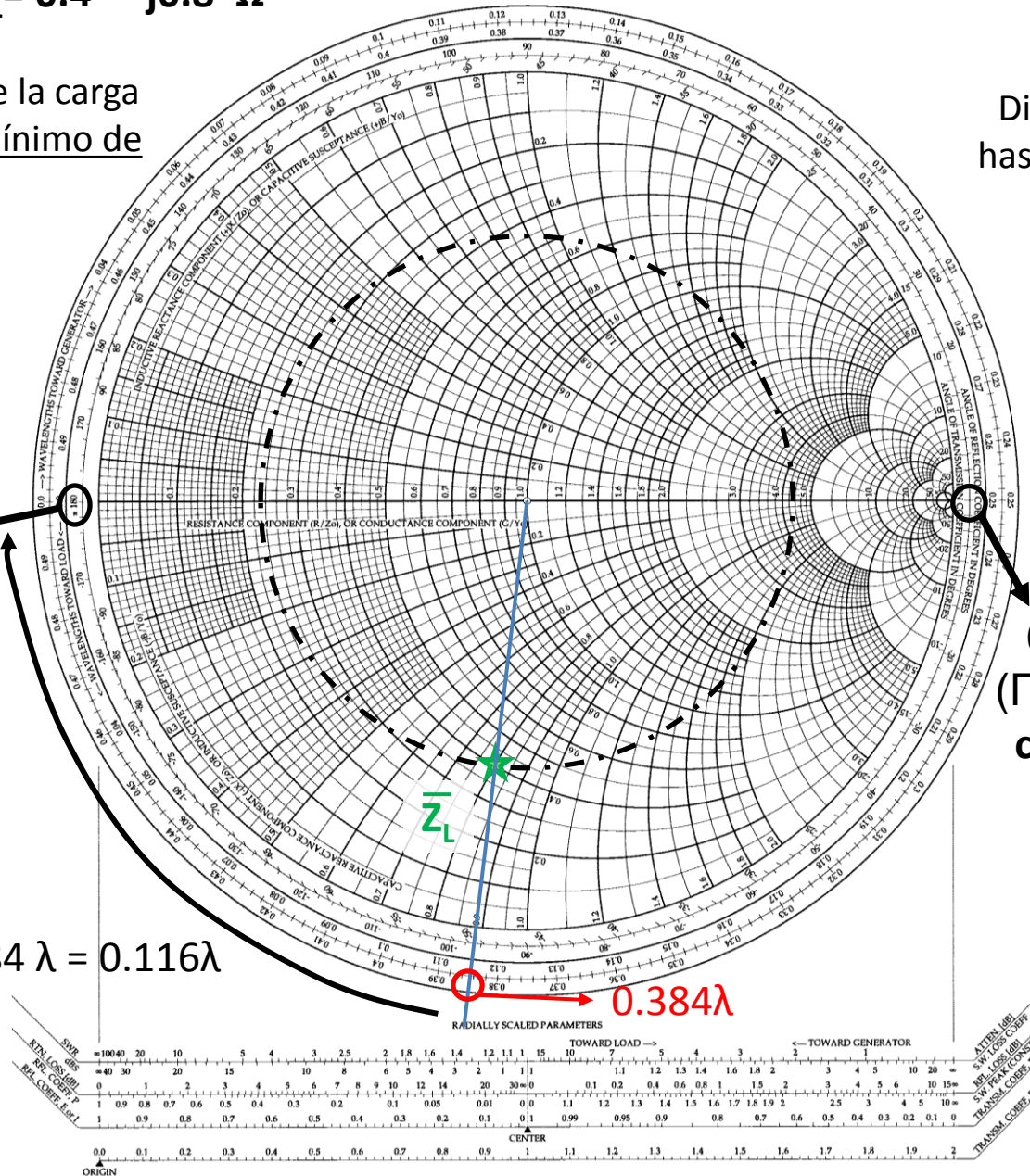
Distancia desde la carga hasta el primer mínimo de voltaje:

$$d_{cc} = 0.116\lambda$$

$\pm 180^\circ$   
( $\Gamma = -1$ )  
C.C.

$0^\circ$   
( $\Gamma = 1$ )  
C.a.

$$d_{cc} = 0.5\lambda - 0.384\lambda = 0.116\lambda$$





$$Z_L = 40 - j80 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 0.4 - j0.8 \, \Omega$$

9. Distancia desde la carga hasta el primer máximo de voltaje

Circuito abierto

$\pm 180^\circ$   
( $\Gamma = -1$ )  
C.C.

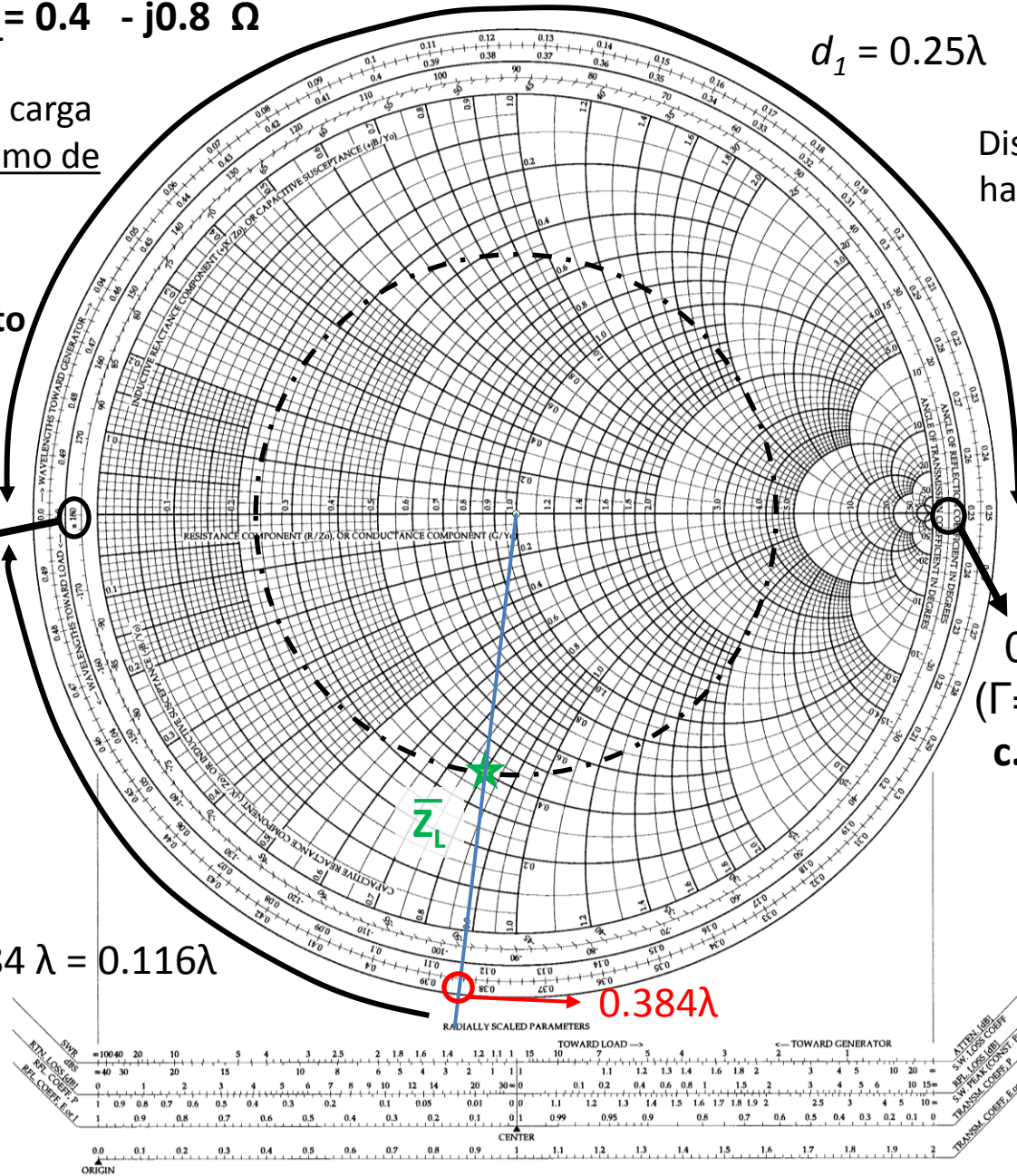
$$d_{cc} = 0.5\lambda - 0.384\lambda = 0.116\lambda$$

$$d_1 = 0.25\lambda$$

Distancia desde la carga hasta el primer máximo de voltaje

$$d_{ca} = d_{cc} + 0.25\lambda = 0.366\lambda$$

$0^\circ$   
( $\Gamma = 1$ )  
c.a.





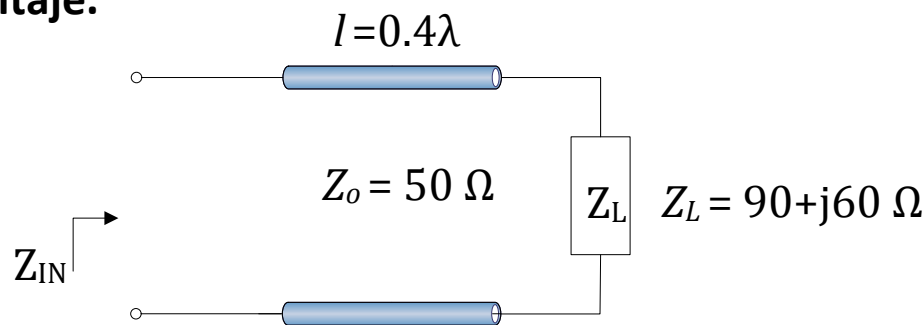
Universitat Autònoma de Barcelona

Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica

Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)

## Lista 1: Problema 7

7. Utilizar la carta de Smith y encontrar las siguientes magnitudes para la línea de transmisión del circuito inferior: SWR de la línea; Coeficiente de reflexión en la carga; Admitancia de carga; Impedancia de entrada de la línea; Distancia de la carga al primer mínimo y máximo de voltaje.



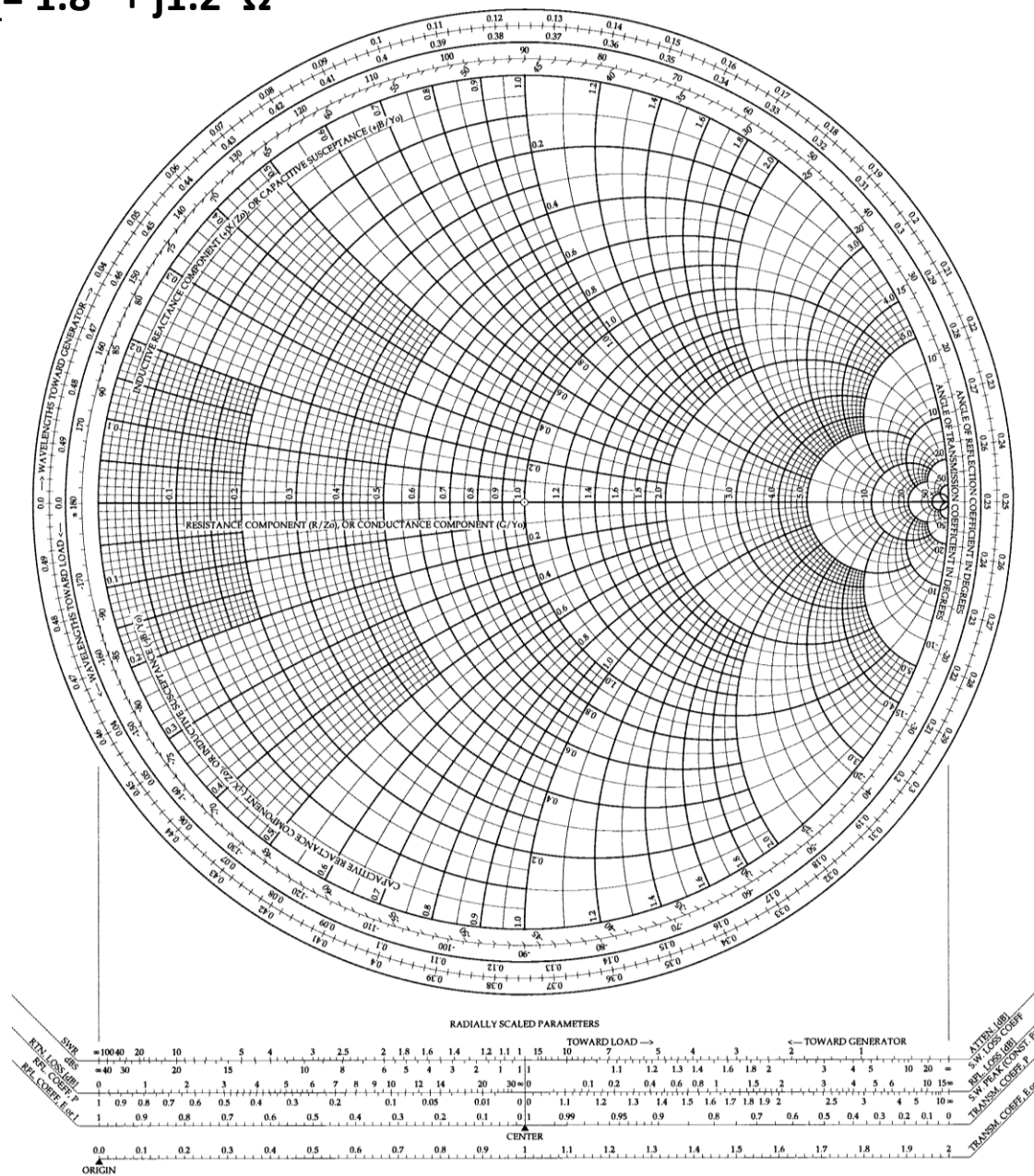
Miguel Durán-Sindreu





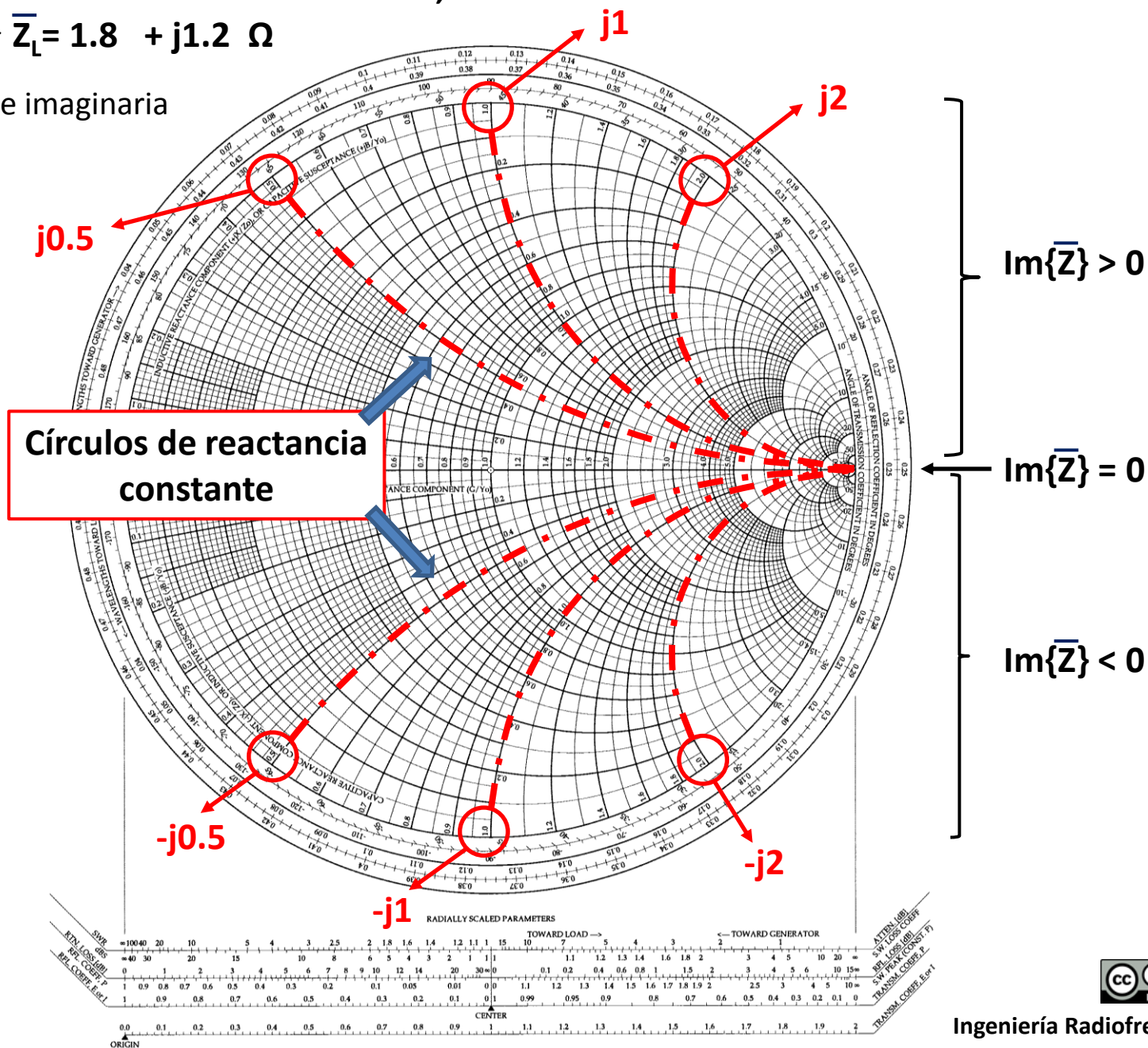
$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

$$Z_0 = 50 \, \Omega$$



$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

1. Mapeamos parte imaginaria (reactancia)

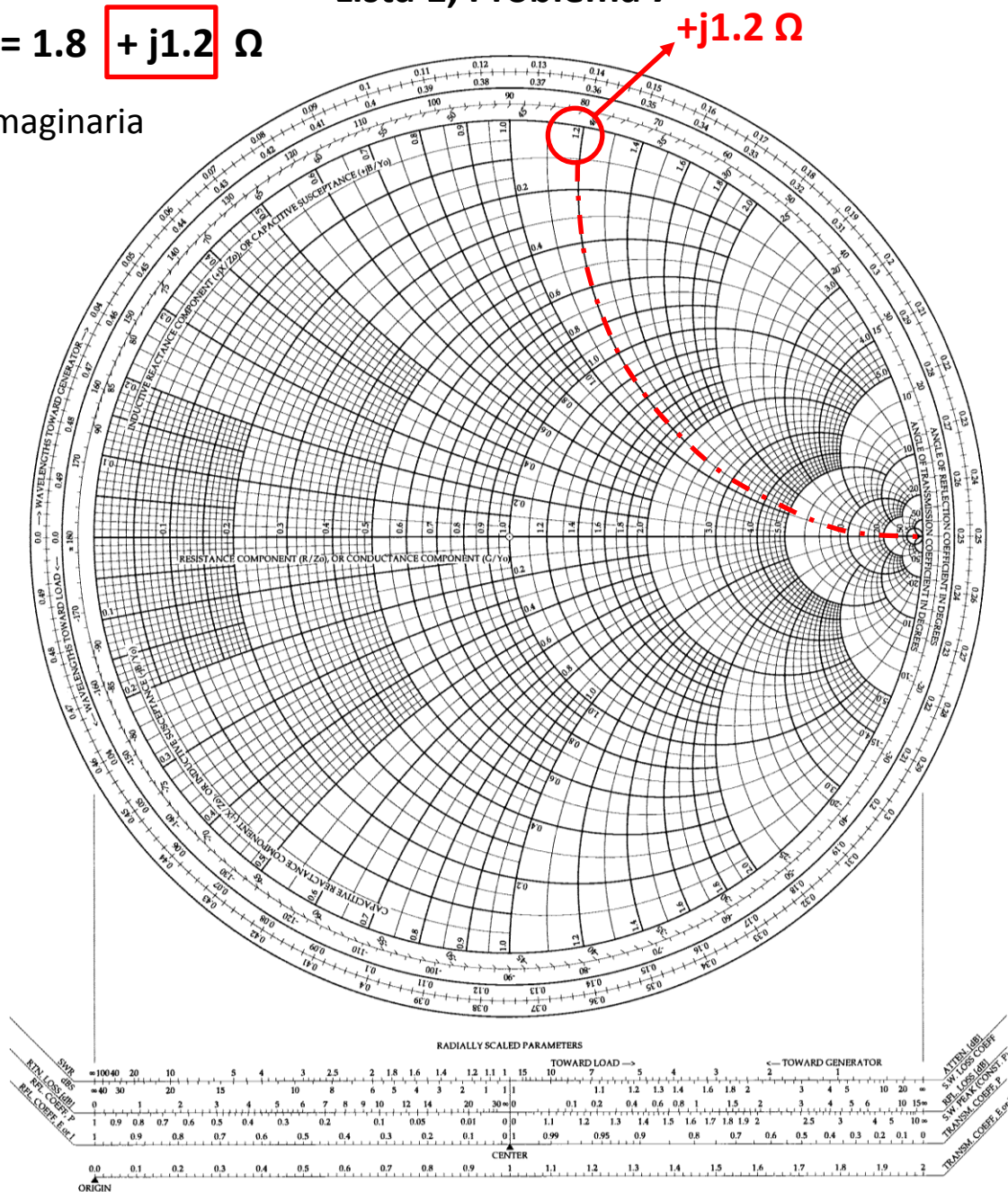




$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

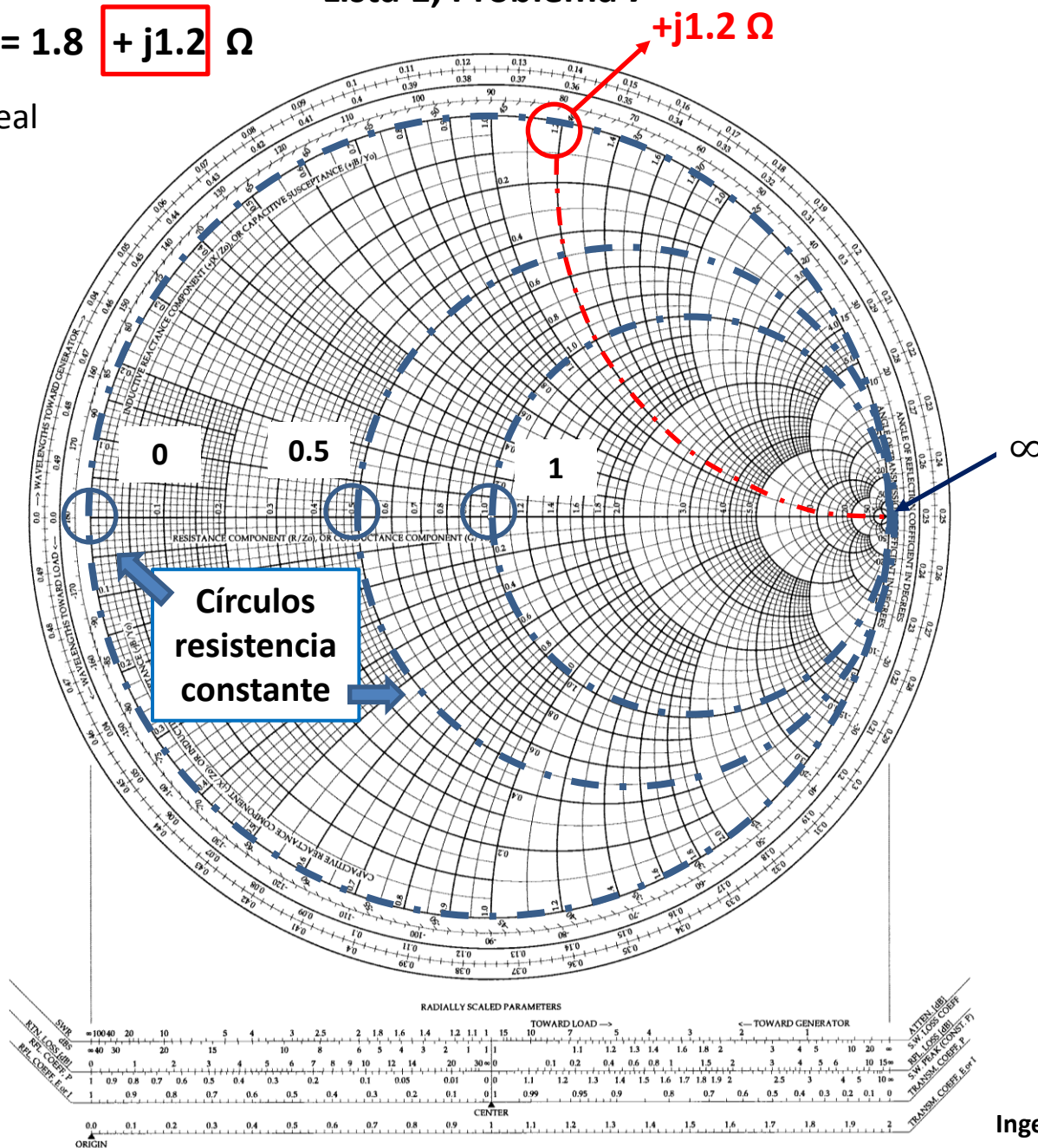
1. Mapeamos parte imaginaria (reactancia)

En nuestro caso:



$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

2. Mapeamos parte real  
(resistencia)

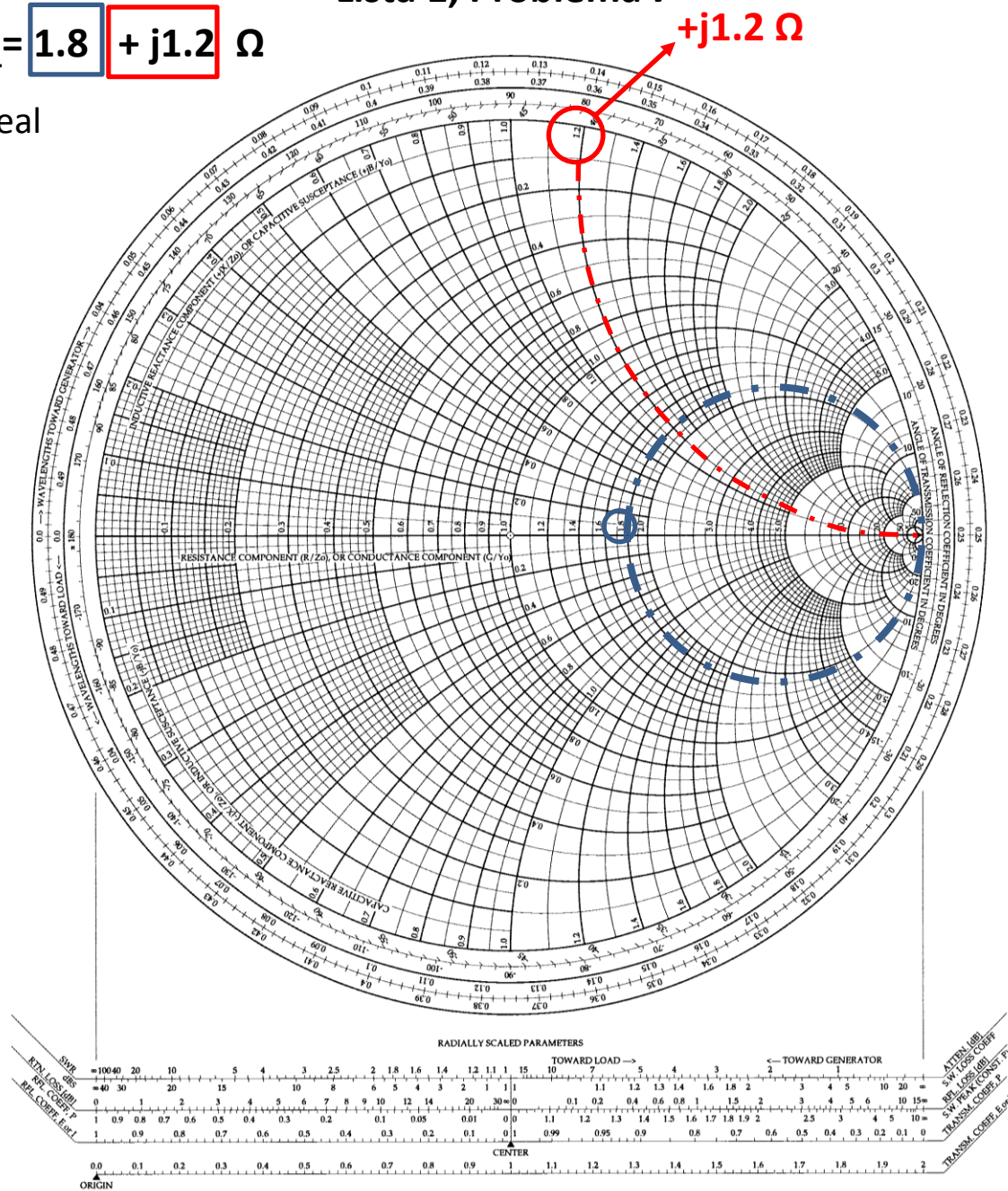




$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

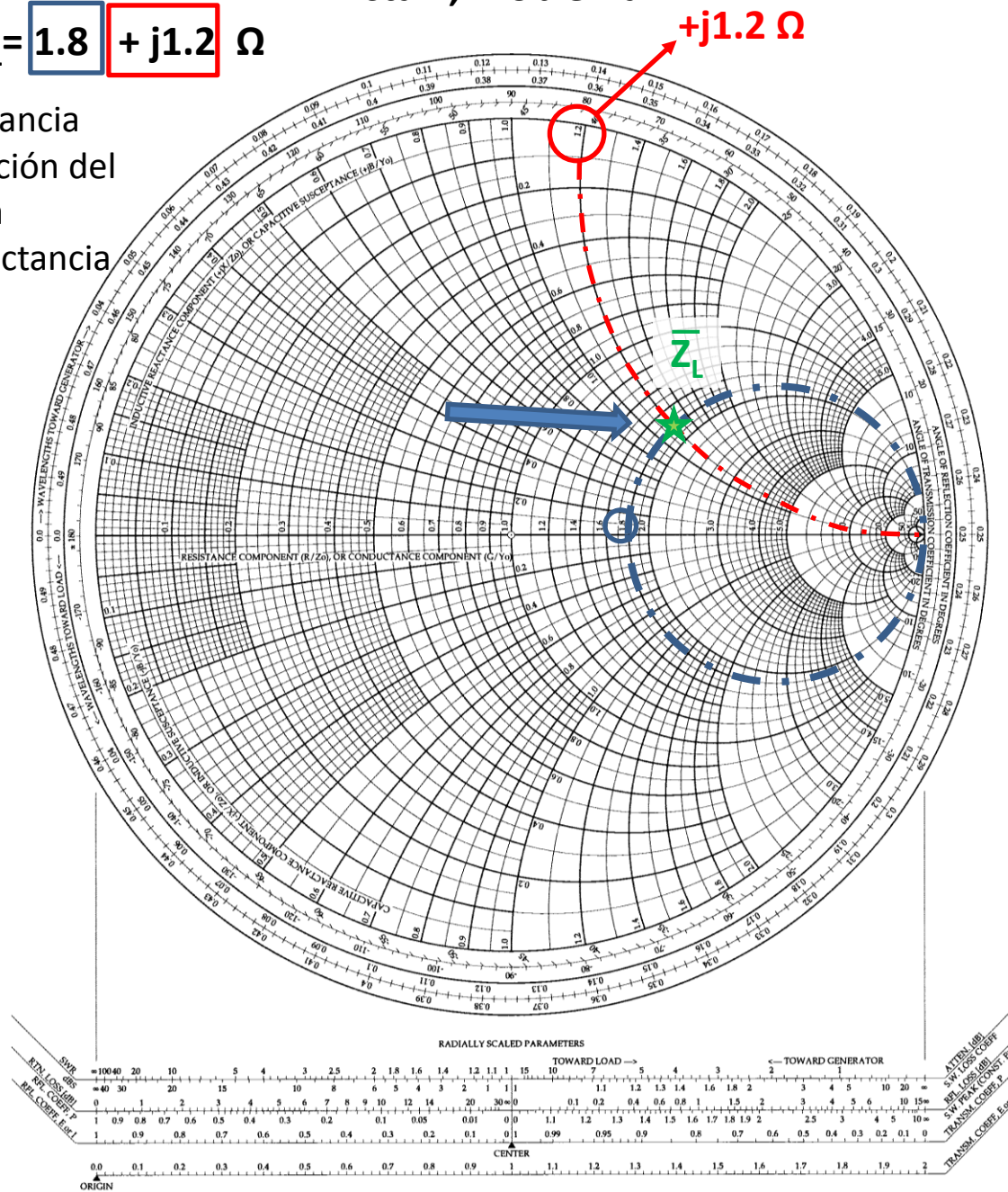
2. Mapeamos parte real  
(resistencia)

En nuestro caso:



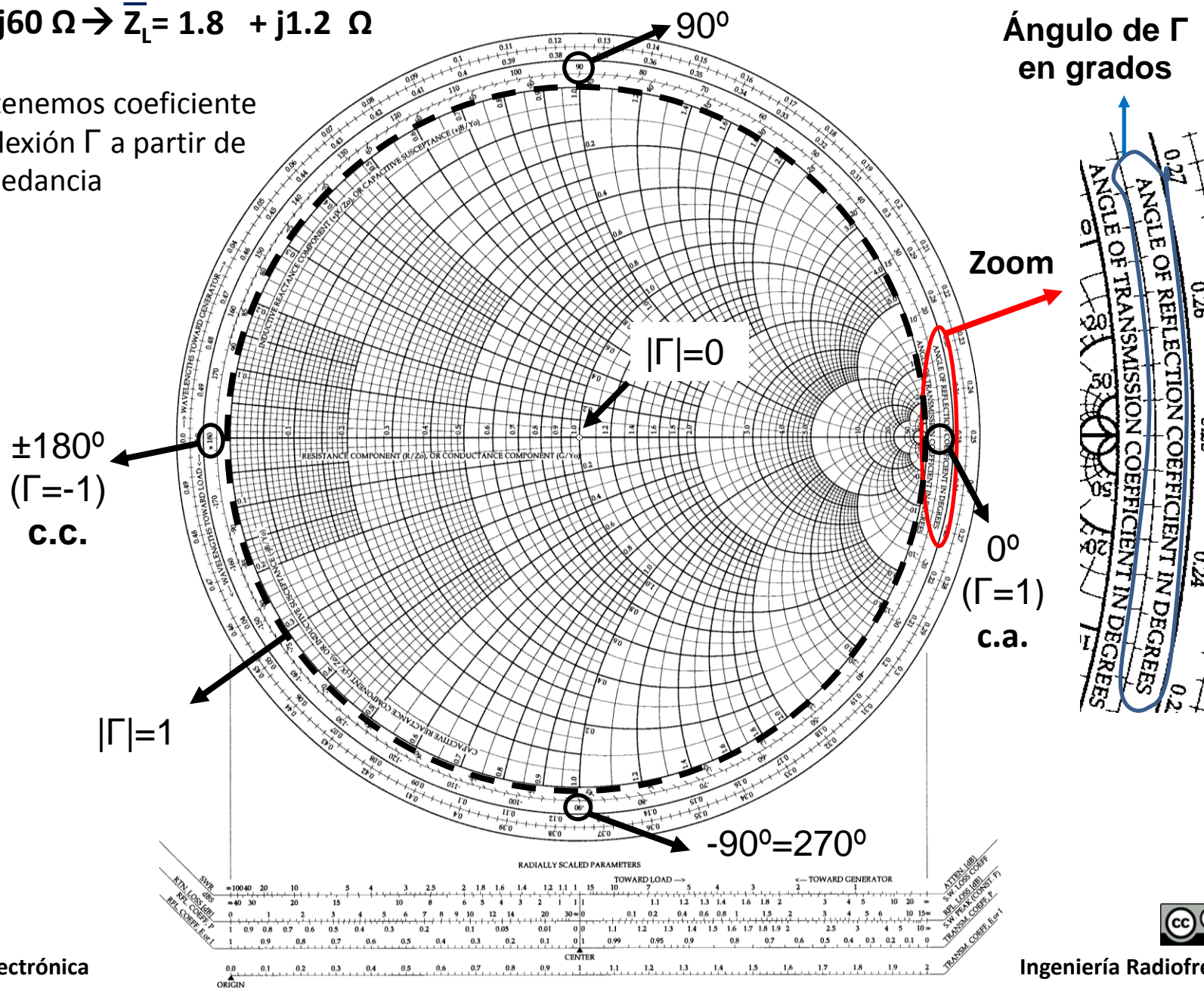
$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

3. Mapeamos impedancia mediante la intersección del círculo de resistencia constante y el de reactancia constante





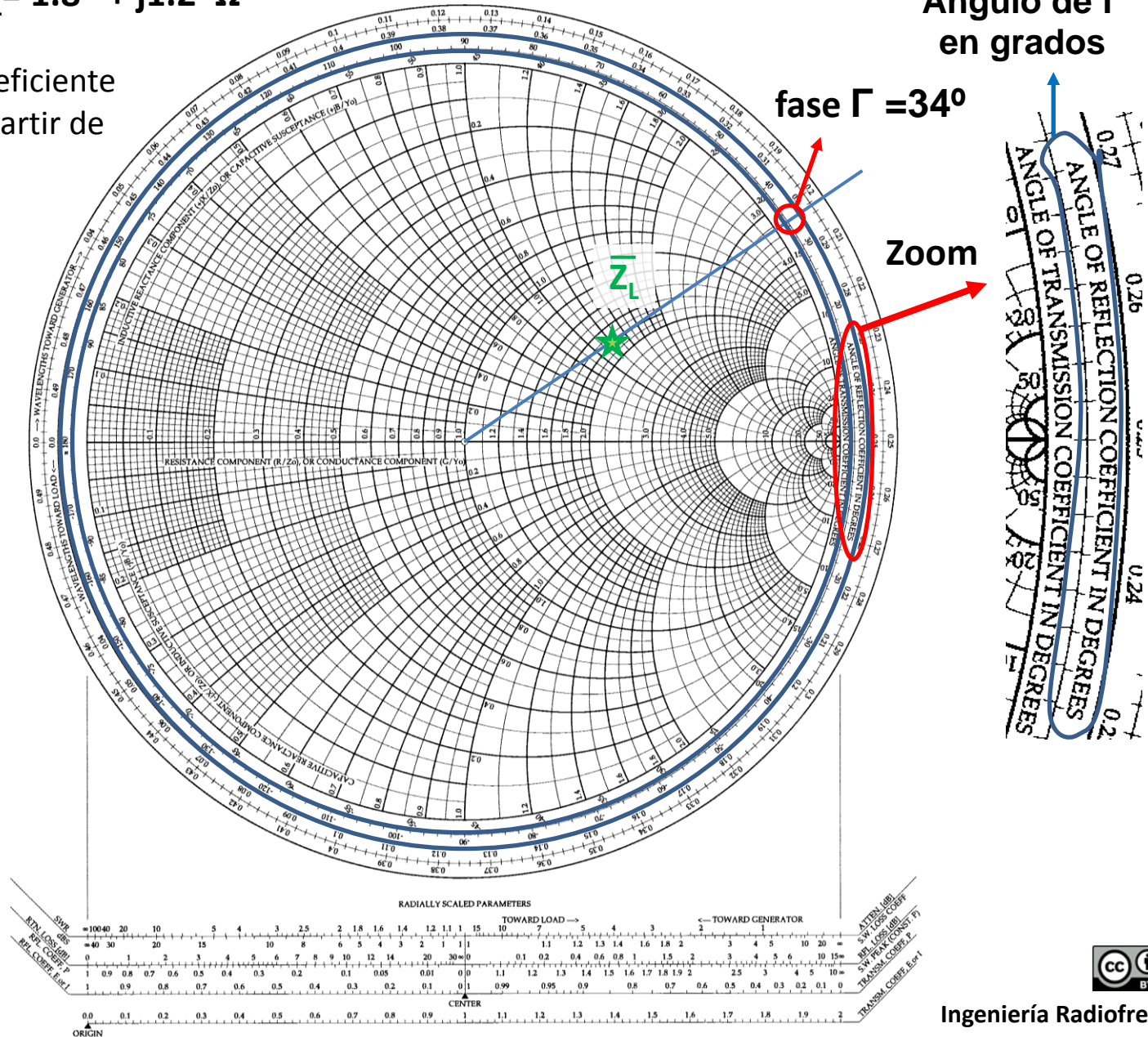
4. Obtenemos coeficiente de reflexión  $\Gamma$  a partir de la impedancia



$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

4. Obtenemos coeficiente de reflexión  $\Gamma$  a partir de la impedancia

Fase del coeficiente de reflexión  $\Gamma$  en nuestro caso



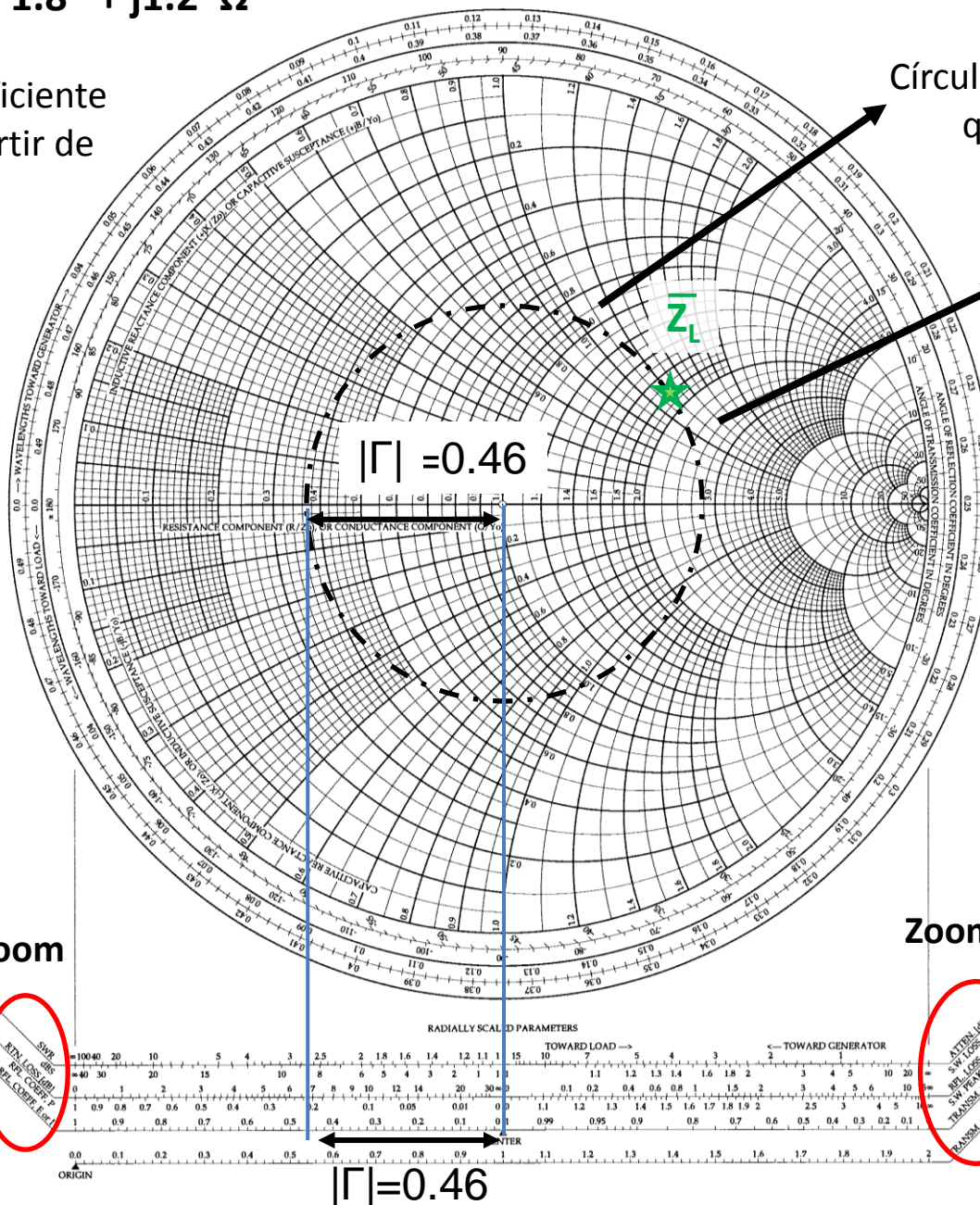


$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

4. Obtenemos coeficiente de reflexión  $\Gamma$  a partir de la impedancia

**Módulo del coeficiente de reflexión  $\Gamma$**

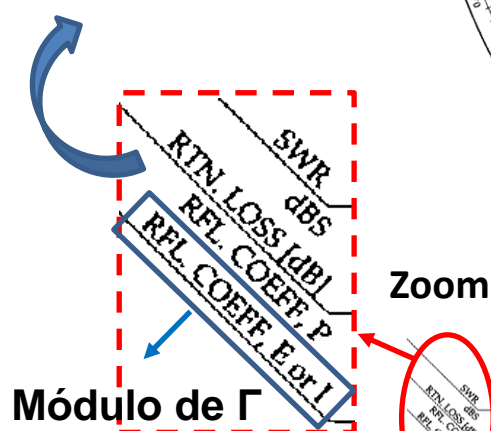
$\Gamma_P \rightarrow RL = -10 \log |\Gamma_P|$   
 $\Gamma_{E,I} \rightarrow RL = -20 \log |\Gamma_{E,I}|$   
 Utilizamos  $\Gamma_{E,I}$  (ratio de tensiones)



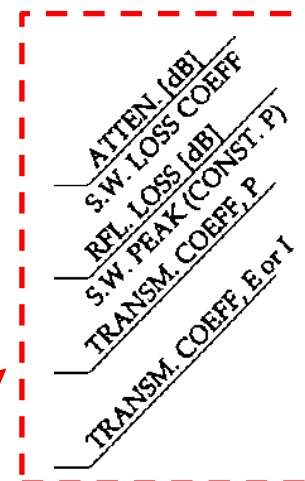
Círculo centrado en el origen que intersecciona con  $\bar{Z}_L$

Círculo de  $|\Gamma|$  constante

$$\Gamma_L = 0.46 e^{j34^\circ}$$

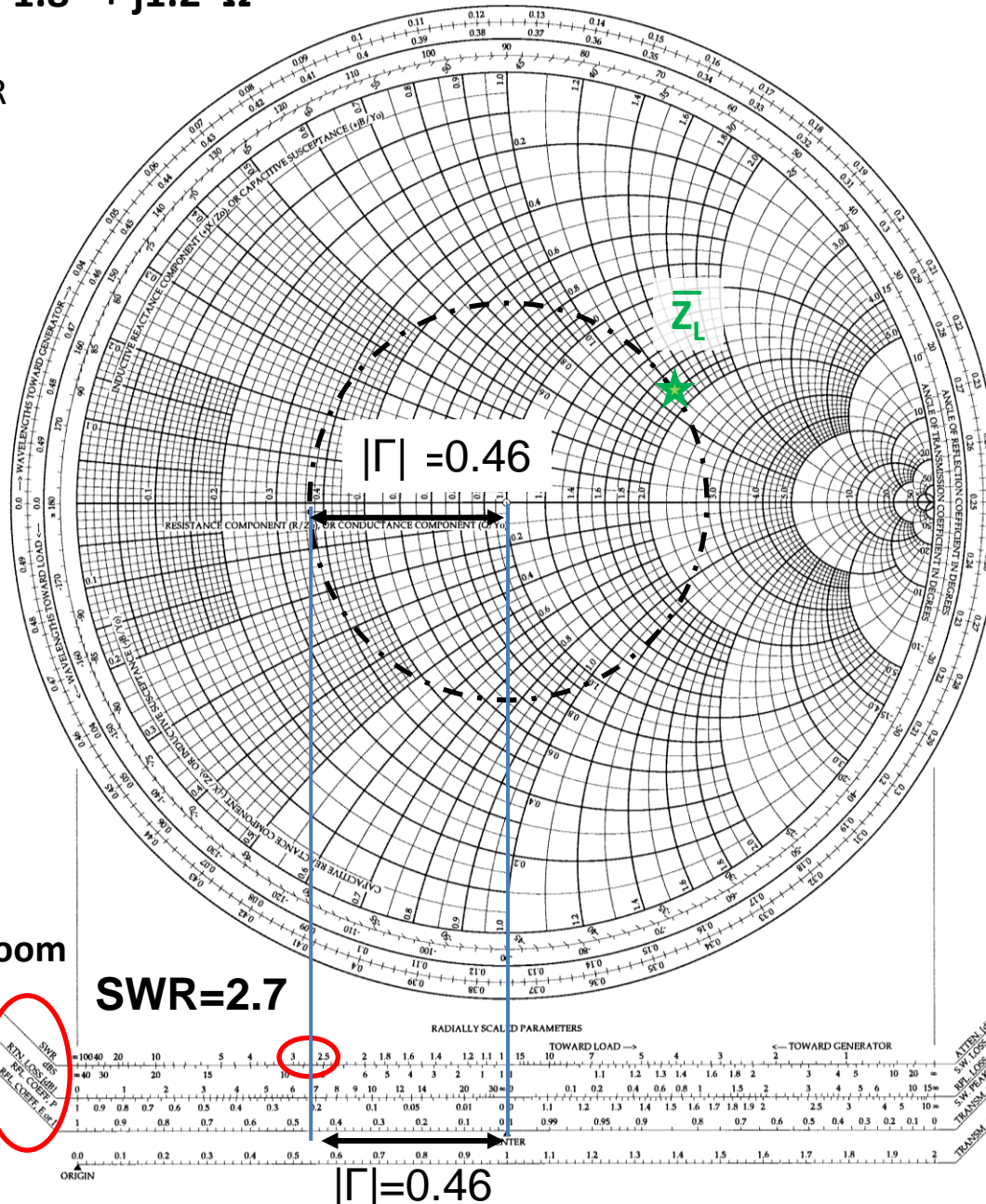


Zoom



$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

5. Obtenemos SWR



$$\text{SWR} = 2.7$$

$$\Gamma_L = 0.46e^{j34^\circ}$$

SWR  
RTN. LOSS (dB)  
RFL. COEFF. P  
RFL. COEFF. E or I

Zoom

$$\text{SWR} = 2.7$$

RADIALLY SCALED PARAMETERS

$$|\Gamma| = 0.46$$





$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

6. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_L$

**Deducción I:**

Una línea  $\lambda/4$  transforma impedancia normalizada a su inversa:

$$Z_{in}|_{\lambda/4} = \frac{Z_0^2}{Z_L}$$

$$\bar{Z}_{in}|_{\lambda/4} = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

Pasamos de impedancia a admitancia desplazándonos  $\lambda/4 = 0.25\lambda$  en la carta de Smith (media carta Smith)

$$\bar{Y}_L = 0.4 - j0.26 \, \Omega$$

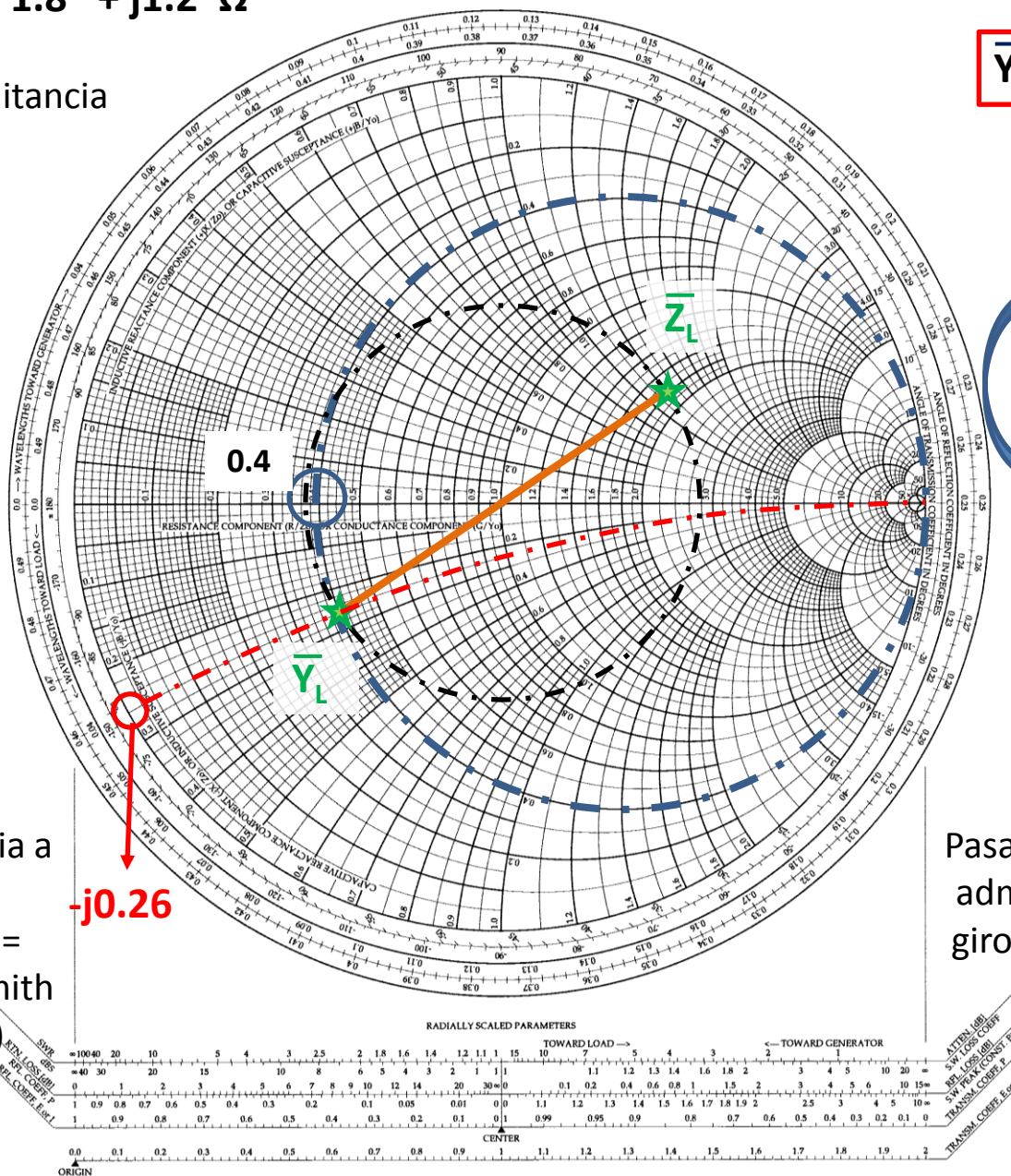
**Deducción II:**

$$\bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

$$\Gamma_L = \frac{\bar{Z}_L - 1}{\bar{Z}_L + 1} =$$

$$= -\frac{\bar{Y}_L - 1}{\bar{Y}_L + 1}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)



$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

### Consecuencias I:

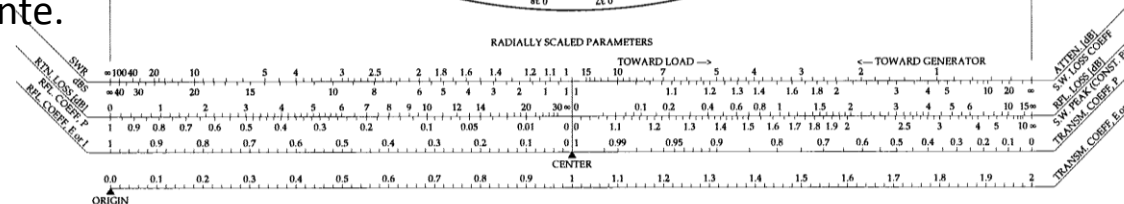
Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.

$\bar{Z}$ :	$\bar{Y}$ :
$\pm 180^\circ$	$0^\circ$
$(\Gamma = -1)$	$(\Gamma = 1)$
<b>C.C.</b>	<b>c.a.</b>

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.

$$-j0.26$$



Círculos de susceptancia constante

Círculos conductancia constante

$$\bar{Y}_L = 0.4 - j0.26 \, \Omega$$

### Consecuencias III:

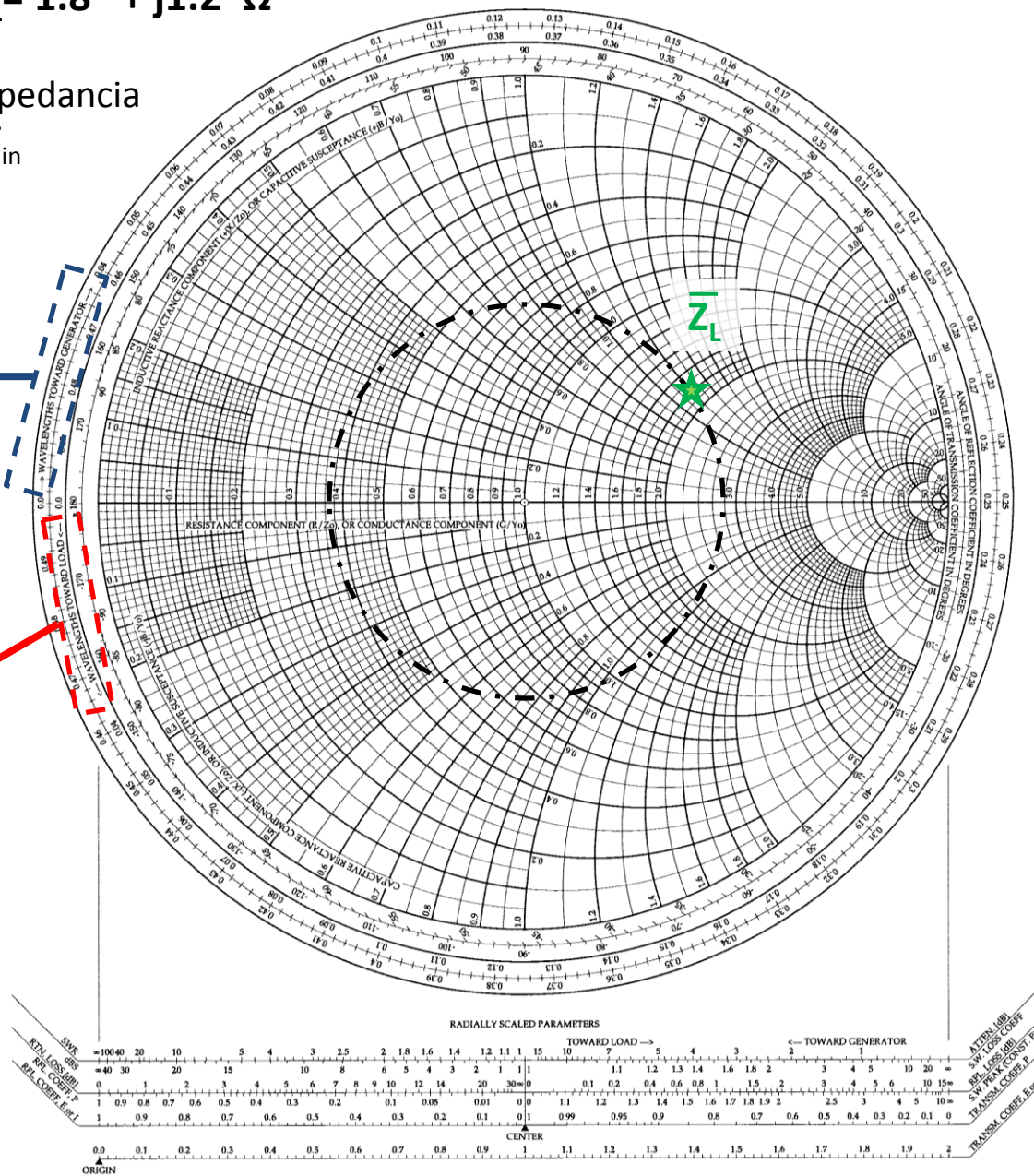
Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte  
c.a.  $\rightarrow$  c.c.  
c.c.  $\rightarrow$  c.a.

$\bar{Z}$ :	$\bar{Y}$ :
$0^\circ$	$\pm 180^\circ$
$(\Gamma = 1)$	$(\Gamma = -1)$
<b>c.a.</b>	<b>C.C.</b>



$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

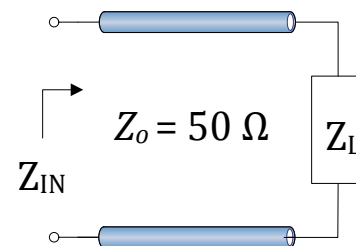
7. Obtenemos impedancia de entrada  $\bar{Z}_{in}$  y  $\Gamma_{in}$



Hacia la carga



$$l = 0.4\lambda$$



Hacia generador



## Miguel Durán-Sindreu

7. Obtenemos impedancia de entrada  $\underline{Z}_{in}$  y  $\Gamma_{in}$

$$r = 0.205\lambda + 0.4\lambda = 0.605\lambda = 0.5\lambda + 0.105\lambda = 0.105\lambda$$

Fase  $\Gamma=106^\circ$

$$0\lambda < S_{\text{Smith}} < 0.5\lambda$$

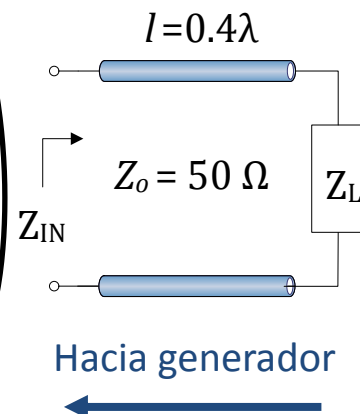
►  $0.205\lambda$

**$0.4\lambda$**

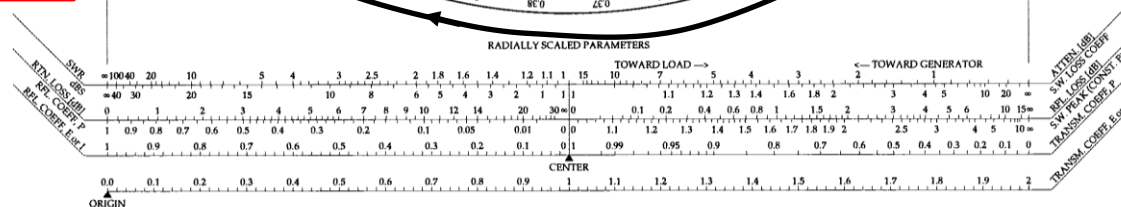
$i0.5\lambda$  pasa a ser  $0\lambda$ !

$$\bar{Z}_{in} = 0.55 + j0.62 \, \Omega$$

$$\Gamma_{in} = 0.46e^{j106^\circ}$$



$0.5\lambda = \text{Vuelta completa en Smith}$



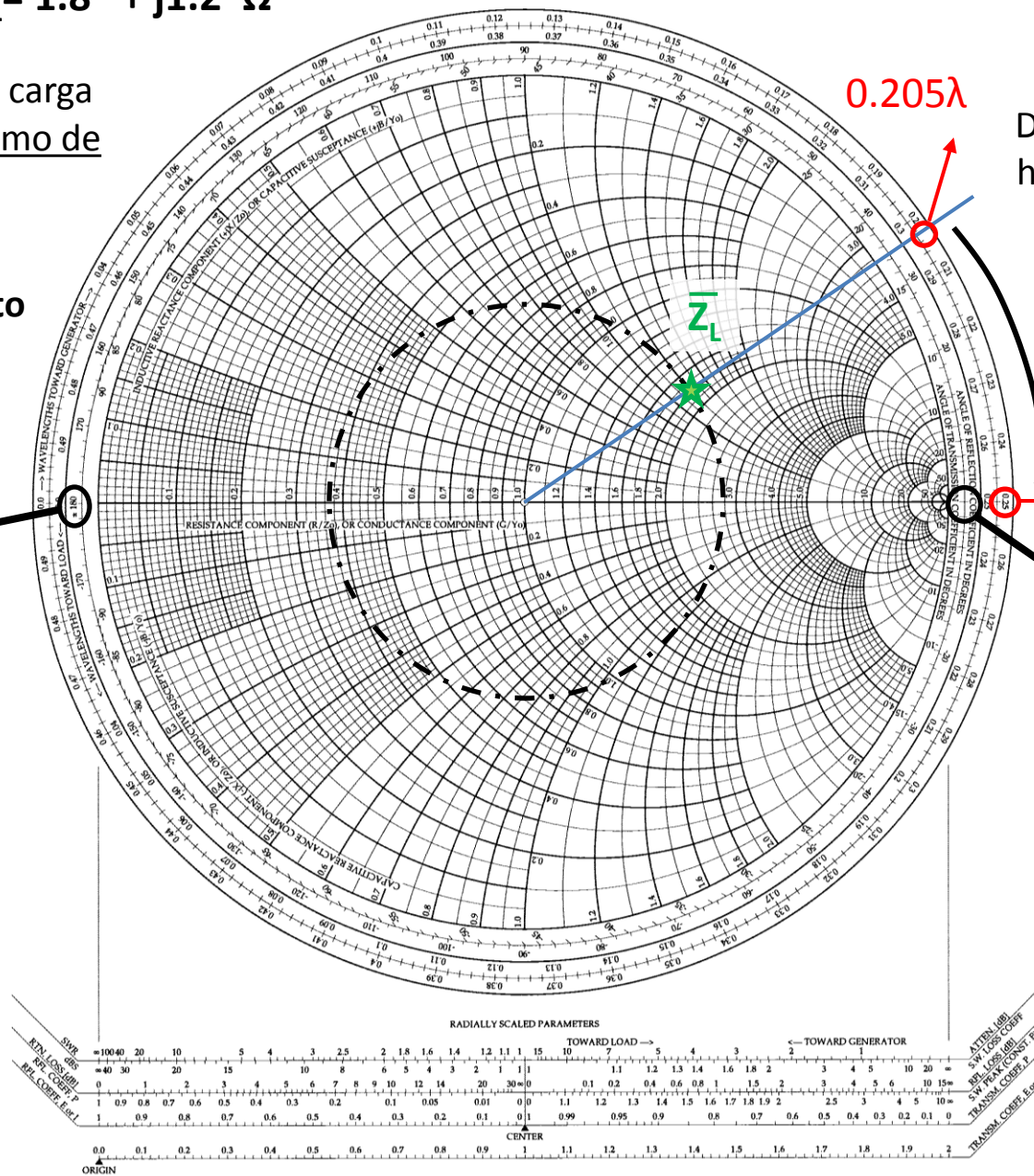


$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

8. Distancia desde la carga hasta el primer máximo de voltaje

Circuito abierto

$\pm 180^\circ$   
( $\Gamma = -1$ )  
C.C.



$0.205\lambda$

Distancia desde carga hasta primer máximo de voltaje:

$$0.25\lambda - 0.205\lambda$$

$$d_{ca} = 0.045\lambda$$

$0.25\lambda$

$0^\circ$  ( $\Gamma = 1$ )  
C.a.

$$Z_L = 90 + j60 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 1.8 + j1.2 \, \Omega$$

9. Distancia desde la carga hasta el primer mínimo de voltaje



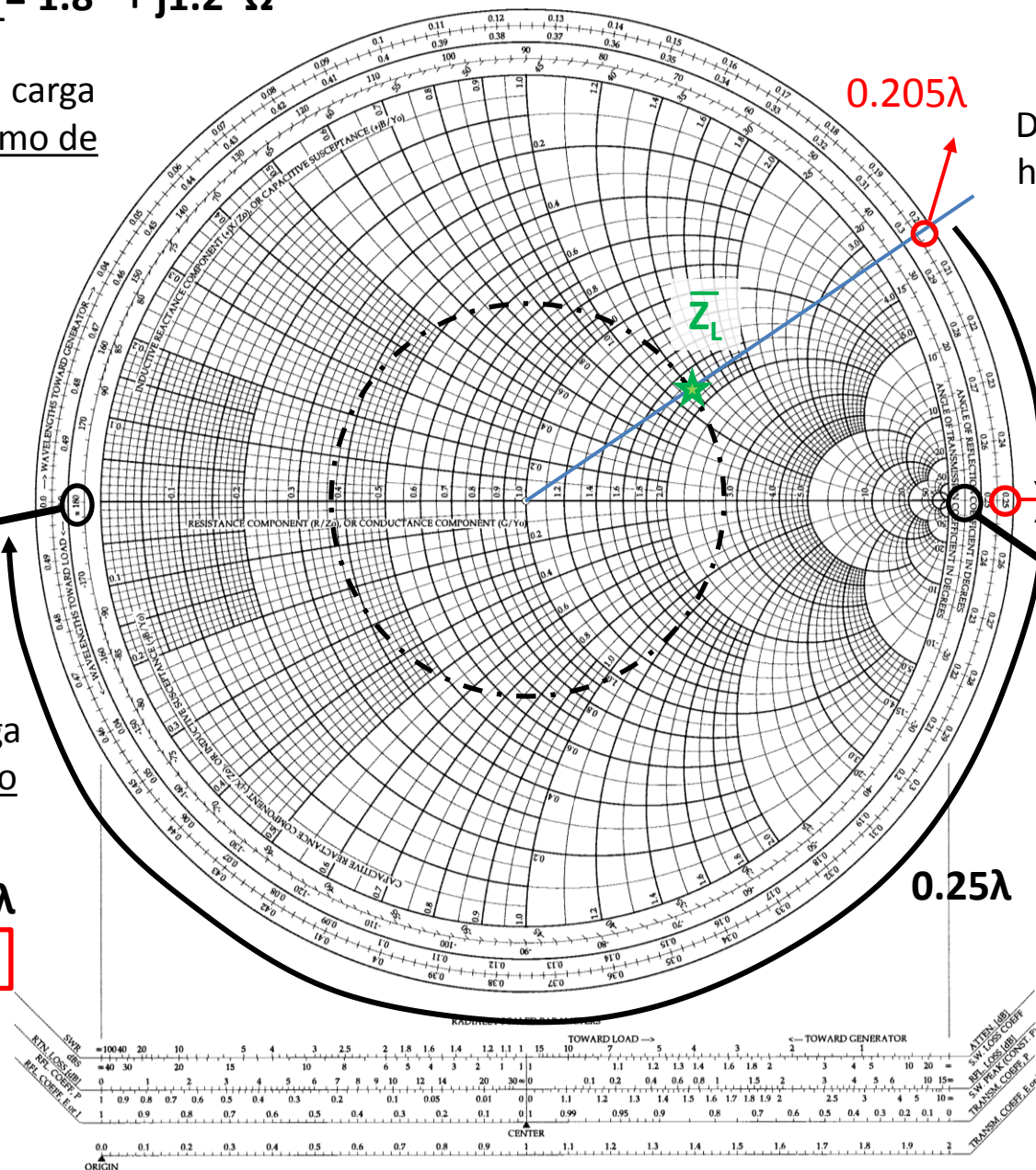
Cortocircuito

$\pm 180^\circ$   
( $\Gamma = -1$ )  
C.C.

Distancia desde carga hasta primer mínimo de voltaje:

$$d_{cc} = d_{ca} + 0.25\lambda$$

$$d_{cc} = 0.295\lambda$$



0.205λ

Distancia desde carga hasta primer máximo de voltaje:

$$0.25\lambda - 0.205\lambda$$

$$d_{ca} = 0.045\lambda$$

0.25λ

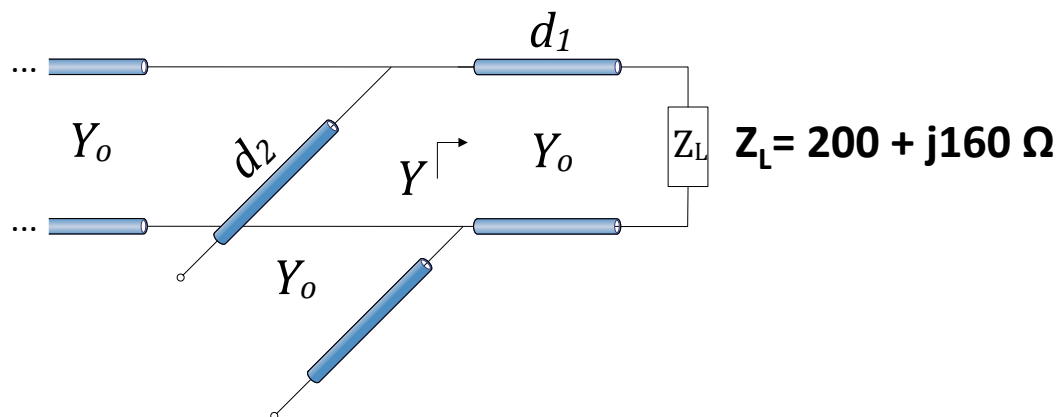
0° ( $\Gamma = 1$ )  
C.a.

0.25λ



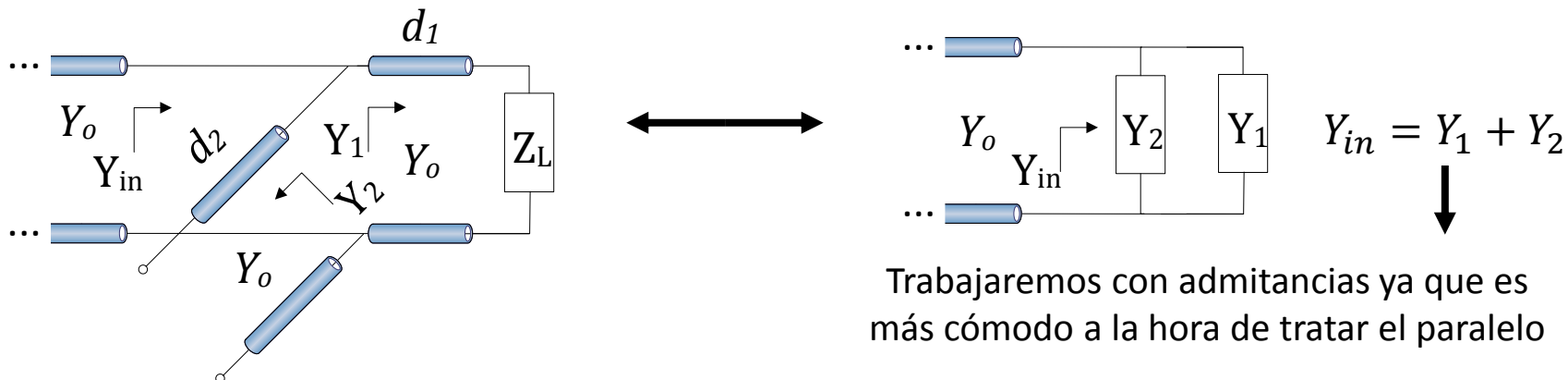
## Lista 1: Problema 8

8. Mediante la carta de Smith, adaptar una carga de  $200 + j160\Omega$  a una línea de  $100\Omega$  utilizando una sección de línea en paralelo acabada en circuito abierto.



Miguel Durán-Sindreu

$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow$  Buscamos  $Z_{in} = Z_0$



Impedancia de entrada  $Z_2$  de una línea de longitud  $d_2$  acabada en circuito abierto:

$$Z_2 = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta d_2)}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta d_2)} \rightarrow Z_2 \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = \frac{Z_0}{j \tan(\beta d_2)}$$

$$\overline{Z_2} \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = -j \cotan(\beta d_2) \quad \overline{Y_2} \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = j \tan(\beta d_2)$$

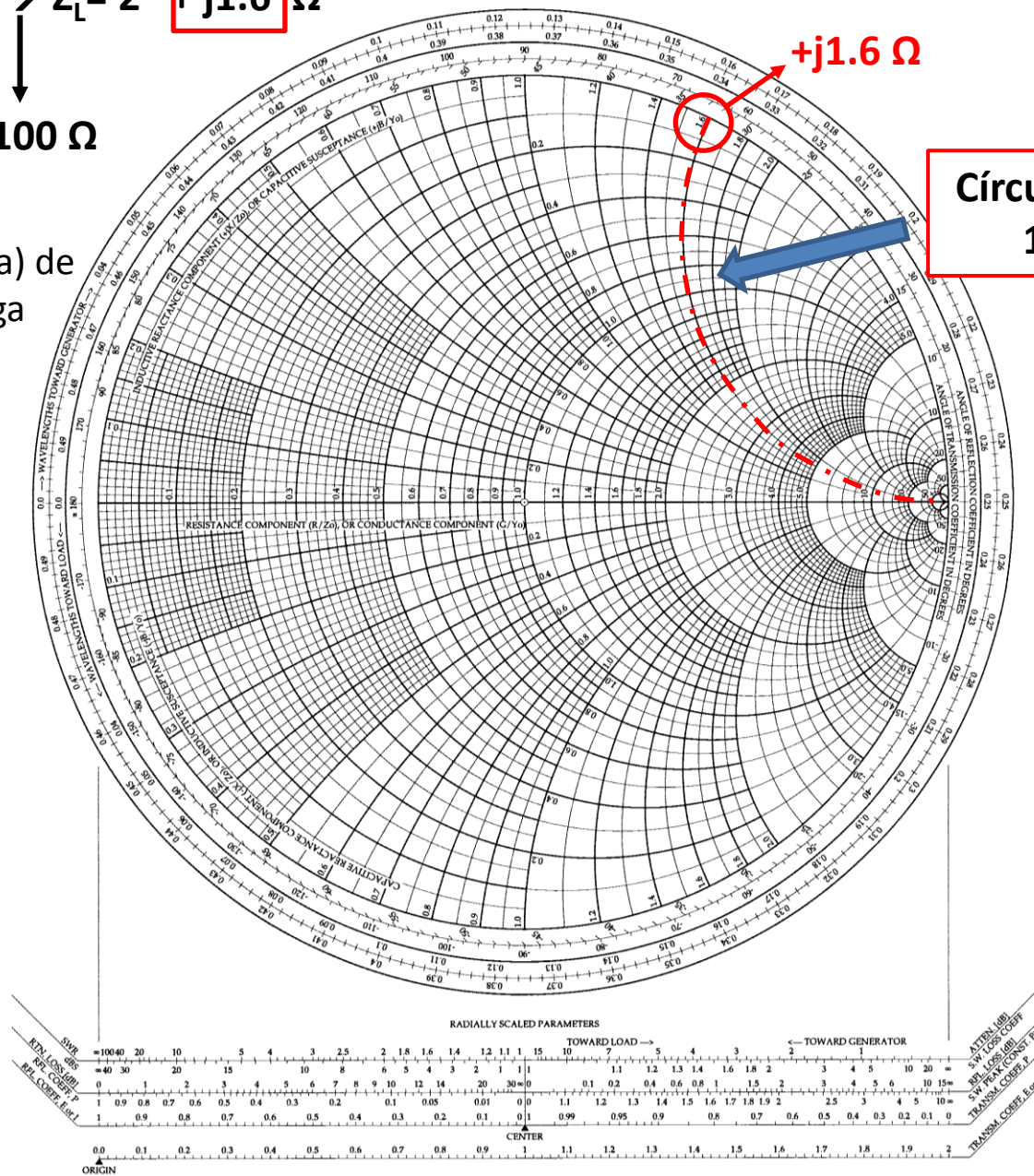
Dado que  $Y_2$  es puramente imaginario,  $Y_1$  deberá ser de la forma  $Y_1 = Y_0 \pm jB$  para adaptar la carga ( $Y_{in} = Y_0 \rightarrow \overline{Y_{in}} = 1$ )

Por lo tanto, para adaptar el circuito desplazaremos la carga  $Z_L$  una distancia  $d_1$  tal que obtengamos  $\overline{Y_1} = 1 \pm jB$  y luego compensaremos la parte imaginaria con  $Y_2$

$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

$$Z_0 = 100 \, \Omega$$

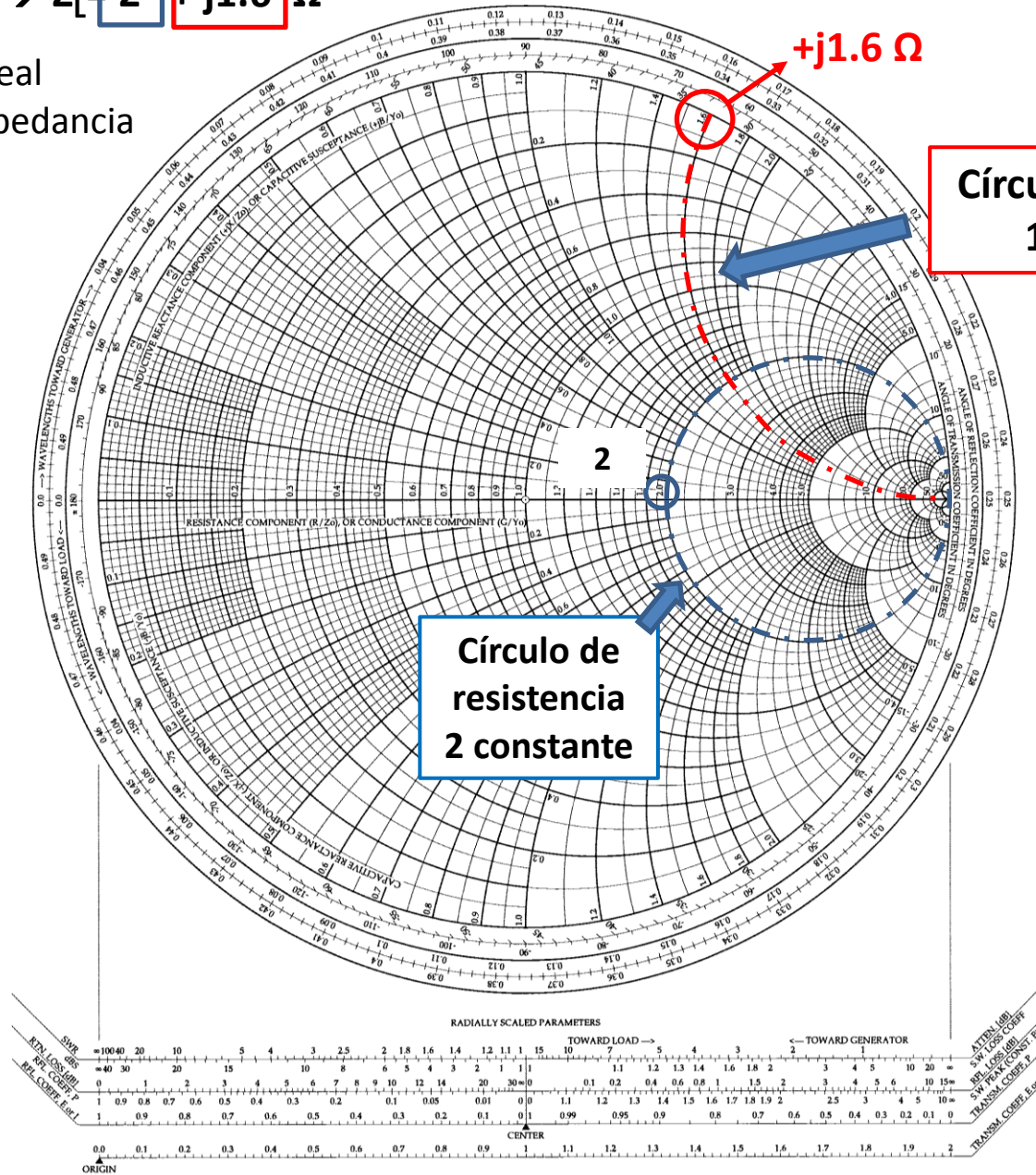
1. Mapeamos parte imaginaria (reactancia) de la impedancia de carga



Círculo de reactancia 1.6 constante

$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

2. Mapeamos parte real  
(resistencia) de la impedancia  
de carga



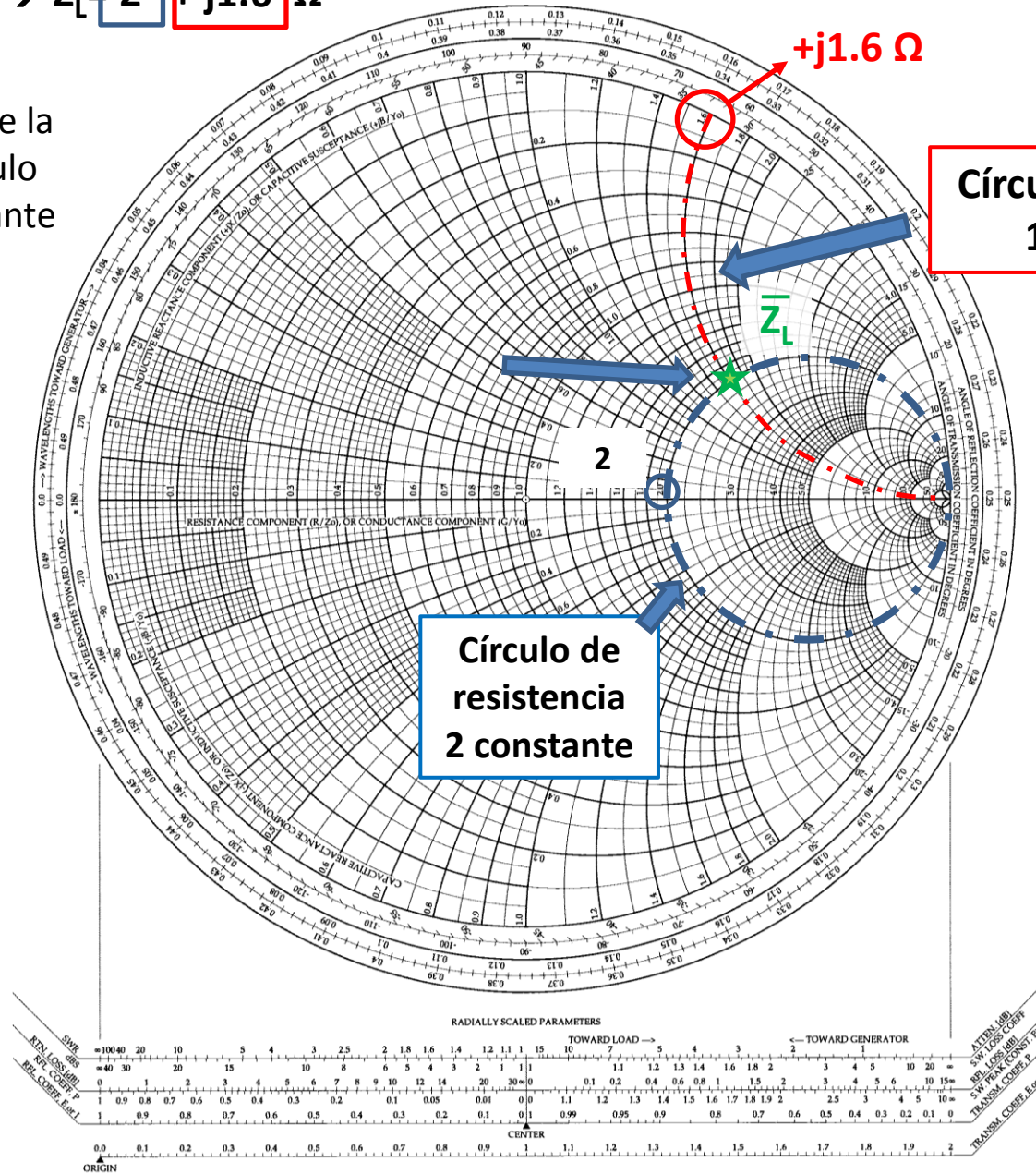
Círculo de reactancia  
1.6 constante

Círculo de  
resistencia  
2 constante



$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

3. Mapeamos impedancia mediante la intersección del círculo de resistencia constante y el de reactancia constante



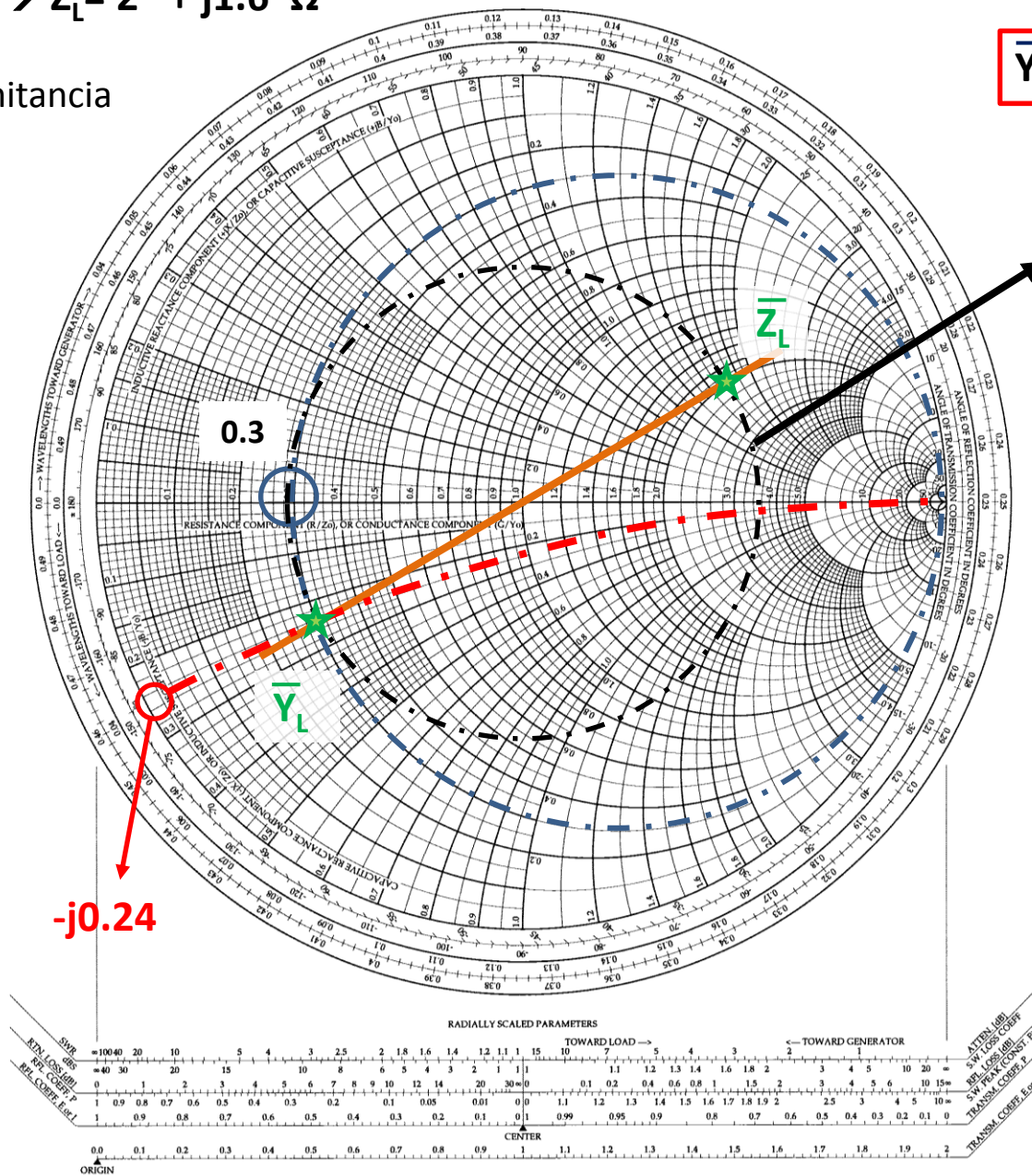
$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

4. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_L$

$$\bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de 180° en  $\Gamma$  (media carta Smith)

$$\bar{Y}_L = 0.3 - j0.24 \, \Omega$$



Círculo de  $|\Gamma|$  constante

Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo



$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

### Consecuencias I:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.

$\underline{Z}$ :	$\underline{Y}$ :
$\pm 180^\circ$	$0^\circ$
$(\Gamma = -1)$	$(\Gamma = 1)$
<b>C.C.</b>	<b>c.a.</b>

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.

$-j0.24$

$-j1$

Círculos  
conductancia  
constante

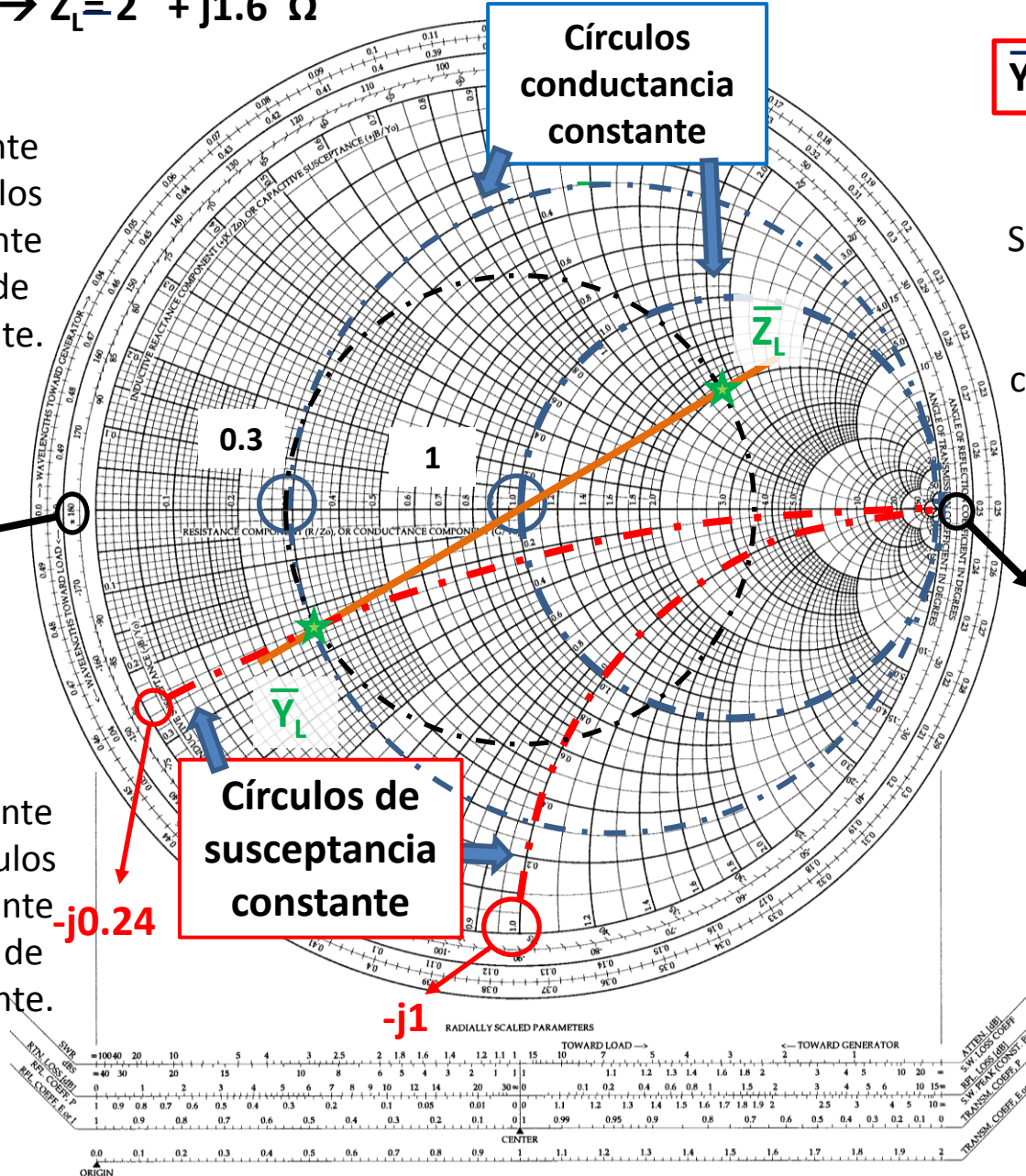
Círculos de  
susceptancia  
constante

$$\bar{Y}_L = 0.3 - j0.24 \, \Omega$$

### Consecuencias III:

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte  
c.a.  $\rightarrow$  c.c.  
c.c.  $\rightarrow$  c.a.

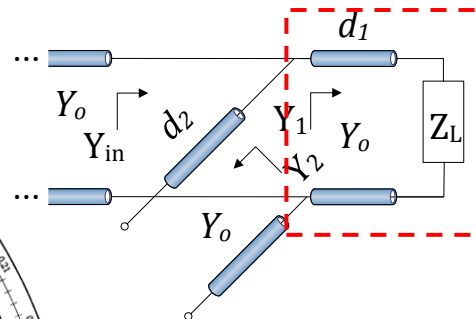
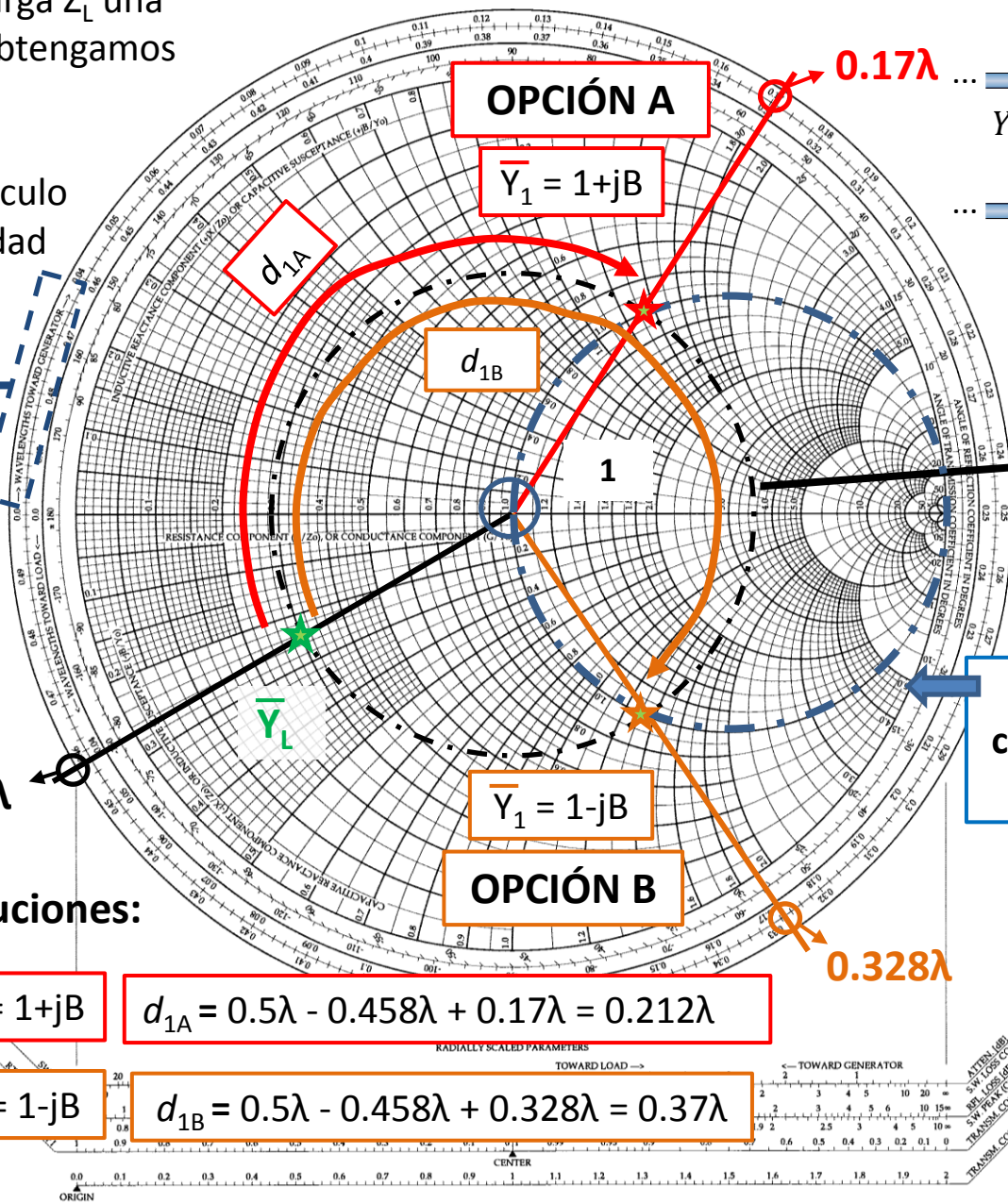
$\underline{Z}$ :	$\underline{Y}$ :
$0^\circ$	$\pm 180^\circ$
$(\Gamma = 1)$	$(\Gamma = -1)$
<b>c.a.</b>	<b>C.C.</b>



5. Desplazamos la carga  $Z_L$  una distancia  $d_1$  tal que obtengamos

$$\bar{Y}_1 = 1 \pm jB$$

Hemos de cruzar el círculo de conductancia unidad



Círculo de  $|\Gamma|$  constante  
(desplazarse por la línea sólo modifica su fase)

Círculo conductancia unidad

Tenemos dos soluciones:

OPCIÓN A

$$\bar{Y}_1 = 1 + jB$$

$$d_{1A} = 0.5\lambda - 0.458\lambda + 0.17\lambda = 0.212\lambda$$

OPCIÓN B

$$\bar{Y}_1 = 1 - jB$$

$$d_{1B} = 0.5\lambda - 0.458\lambda + 0.328\lambda = 0.37\lambda$$



6. Calculamos susceptancia de  $Y_1$ :

$$\bar{Y}_1 = 1 + j1.3$$

7. Dado que:  $Y_{in} = Y_1 + Y_2$

Buscamos longitud de stub en c.a. que cumpla

$\bar{Y}_2 = -j1.3$  para anular  $\text{Im}\{Y_1\}$  y obtener  $\bar{Y}_{in} = 1$

$\bar{Y}$ :  
0°  
( $\Gamma=1$ )  
c.a.

Tenemos dos soluciones:

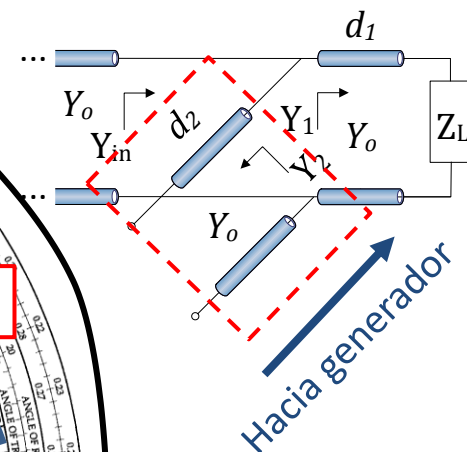
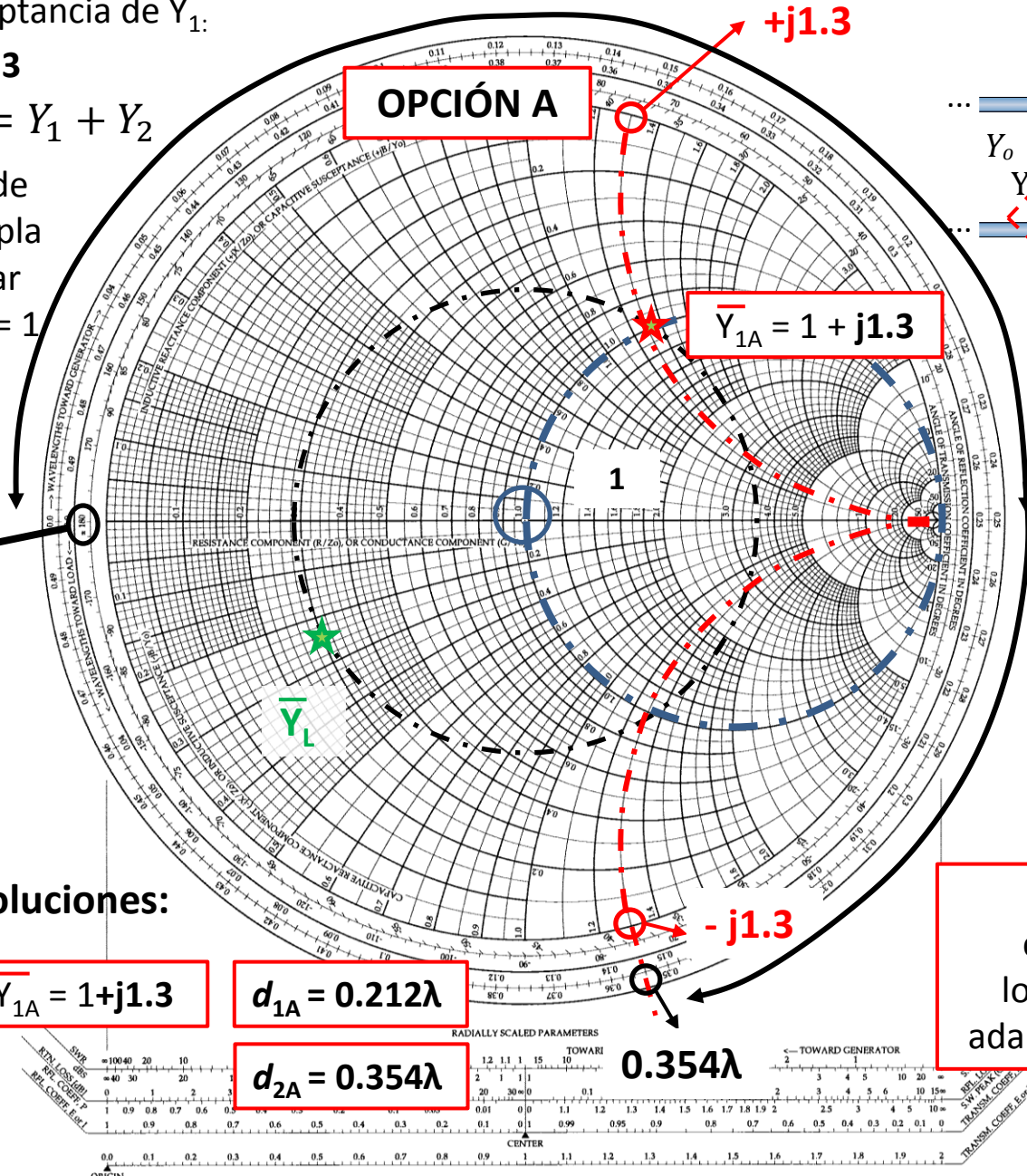
OPCIÓN A

$$\bar{Y}_{1A} = 1 + j1.3$$

$$d_{1A} = 0.212\lambda$$

$$d_{2A} = 0.354\lambda$$

$$0.354\lambda$$



Por lo tanto, considerando las longitudes  $d_{1A}$  y  $d_{2A}$  adaptaremos la carga  $Z_L$

6. Calculamos susceptancia de  $Y_1$ :

$$\overline{Y}_1 = 1 - j1.3$$

7. Dado que:  $Y_{in} = Y_1 + Y_2$

Buscamos longitud de stub en c.a. que cumpla  $\underline{Y}_2 = +j1.3$  para anular  $\text{Im}\{\underline{Y}_1\}$  y obtener  $\underline{Y}_{in} = 1$

**Y:**  
0°  
( $\Gamma=1$ )  
**c.a.**

## Tenemos dos soluciones:

### OPCIÓN B

$$Y_{1B} = 1 - j1.3$$

$$d_{1B} = 0.37\lambda$$

$$d_{2B} = 0.146\lambda$$

## Lista 1, Problema 8

 $d_{2B}$ 

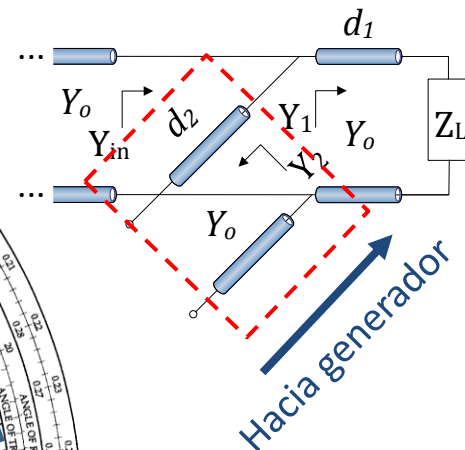
**0.146λ**

**+j1.3**

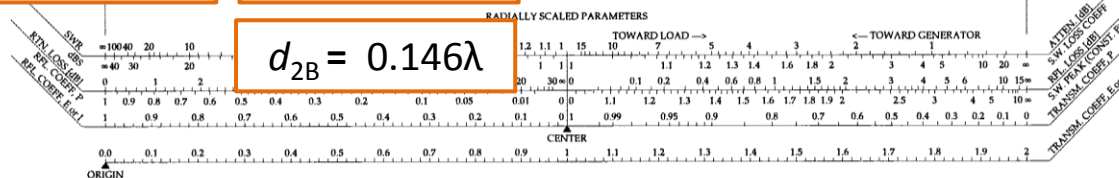
$$\overline{Y_1} = 1 - j1.3$$

## OPCIÓN B

- j1.3

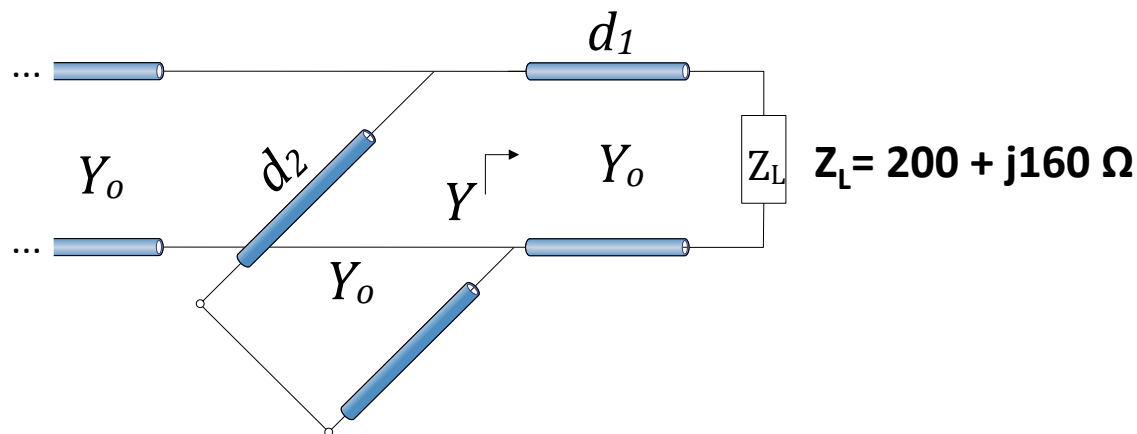


Por lo tanto, considerando las longitudes  $d_{1B}$  y  $d_{2B}$  también adaptaremos la carga  $Z_I$



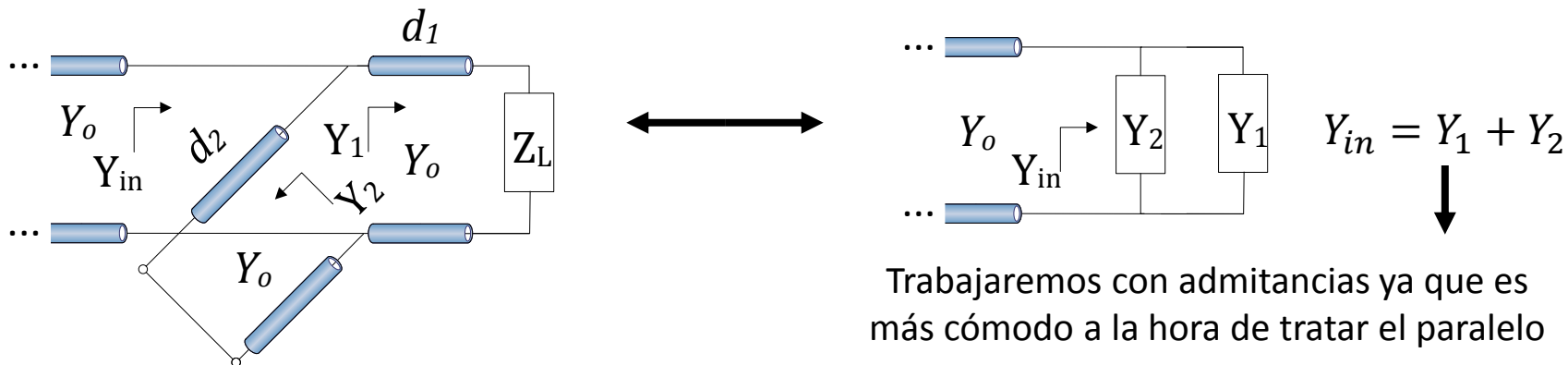
## Lista 1: Problema 9

9. Mediante la carta de Smith, adaptar una carga de  $200 + j160\Omega$  a una línea de  $100\Omega$  utilizando una sección de línea en paralelo acabada en cortocircuito.



Miguel Durán-Sindreu

$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow$  Buscamos  $Z_{in} = Z_0$



Impedancia de entrada  $Z_2$  de una línea de longitud  $d_2$  acabada en cortocircuito:

$$Z_2 = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta d_2)}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta d_2)} \rightarrow Z_2 \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = Z_0 j \tan(\beta d_2)$$

$$\overline{Z_2} \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = j \tan(\beta d_2)$$

$$\overline{Y_2} \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = -j \cotan(\beta d_2)$$

Dado que  $Y_2$  es puramente imaginario,  $Y_1$  deberá ser de la forma  $Y_1 = Y_0 \pm jB$  para adaptar la carga ( $Y_{in} = Y_0 \rightarrow \overline{Y_{in}} = 1$ )

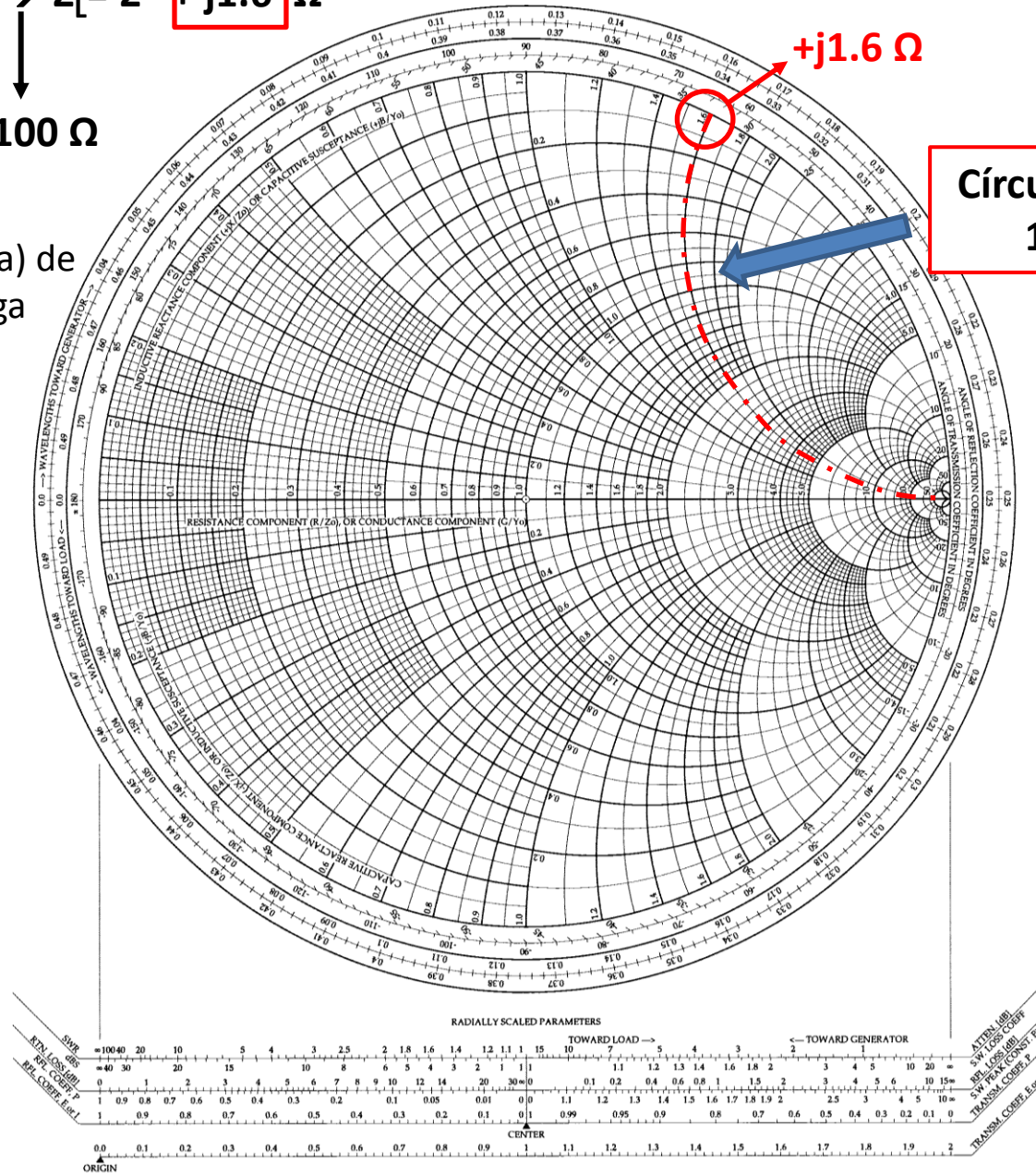
Por lo tanto, para adaptar el circuito desplazaremos la carga  $Z_L$  una distancia  $d_1$  tal que obtengamos  $\overline{Y_1} = 1 \pm jB$  y luego compensaremos la parte imaginaria con  $Y_2$



$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

$$Z_0 = 100 \, \Omega$$

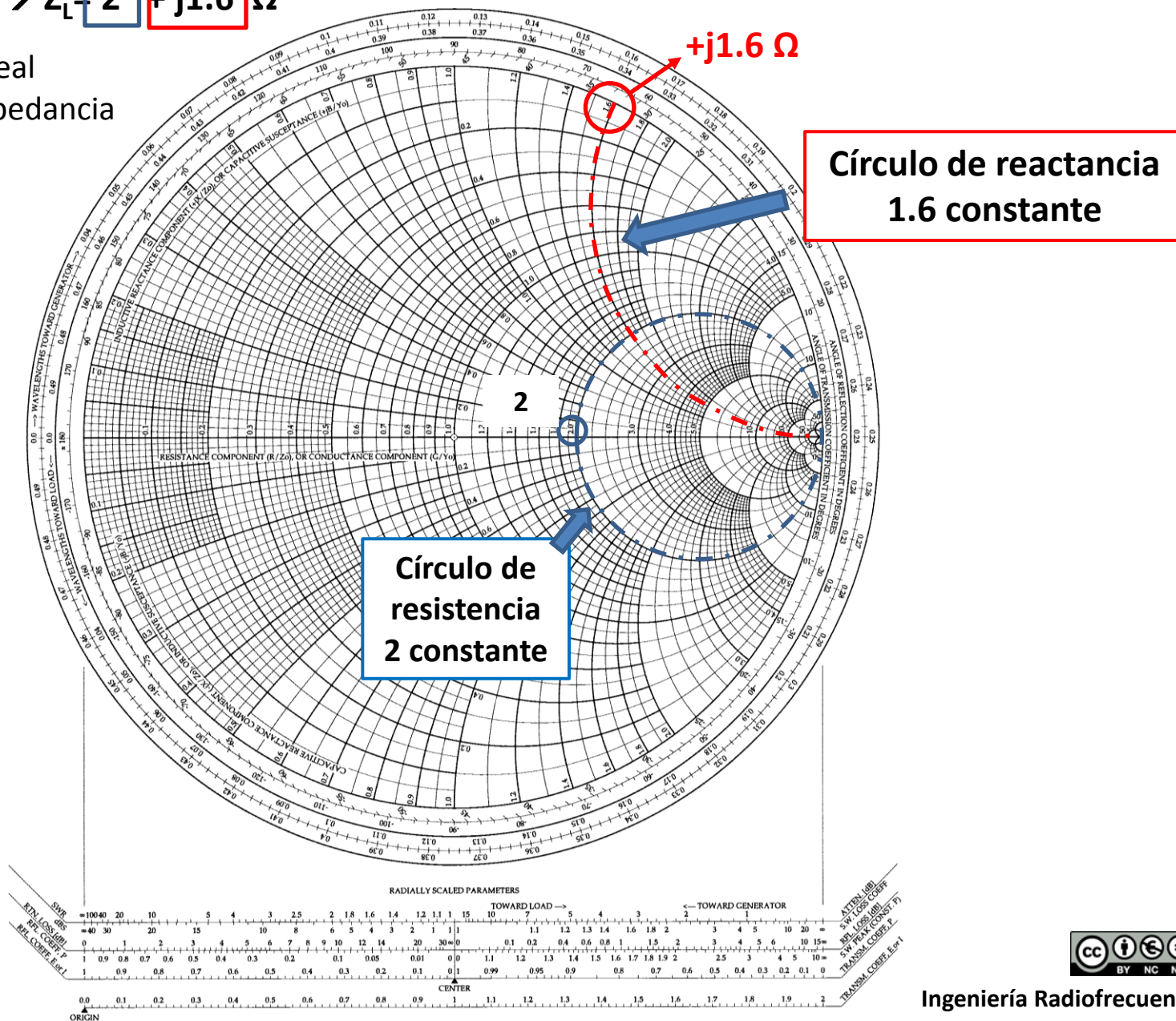
1. Mapeamos parte imaginaria (reactancia) de la impedancia de carga



Círculo de reactancia  
1.6 constante

$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

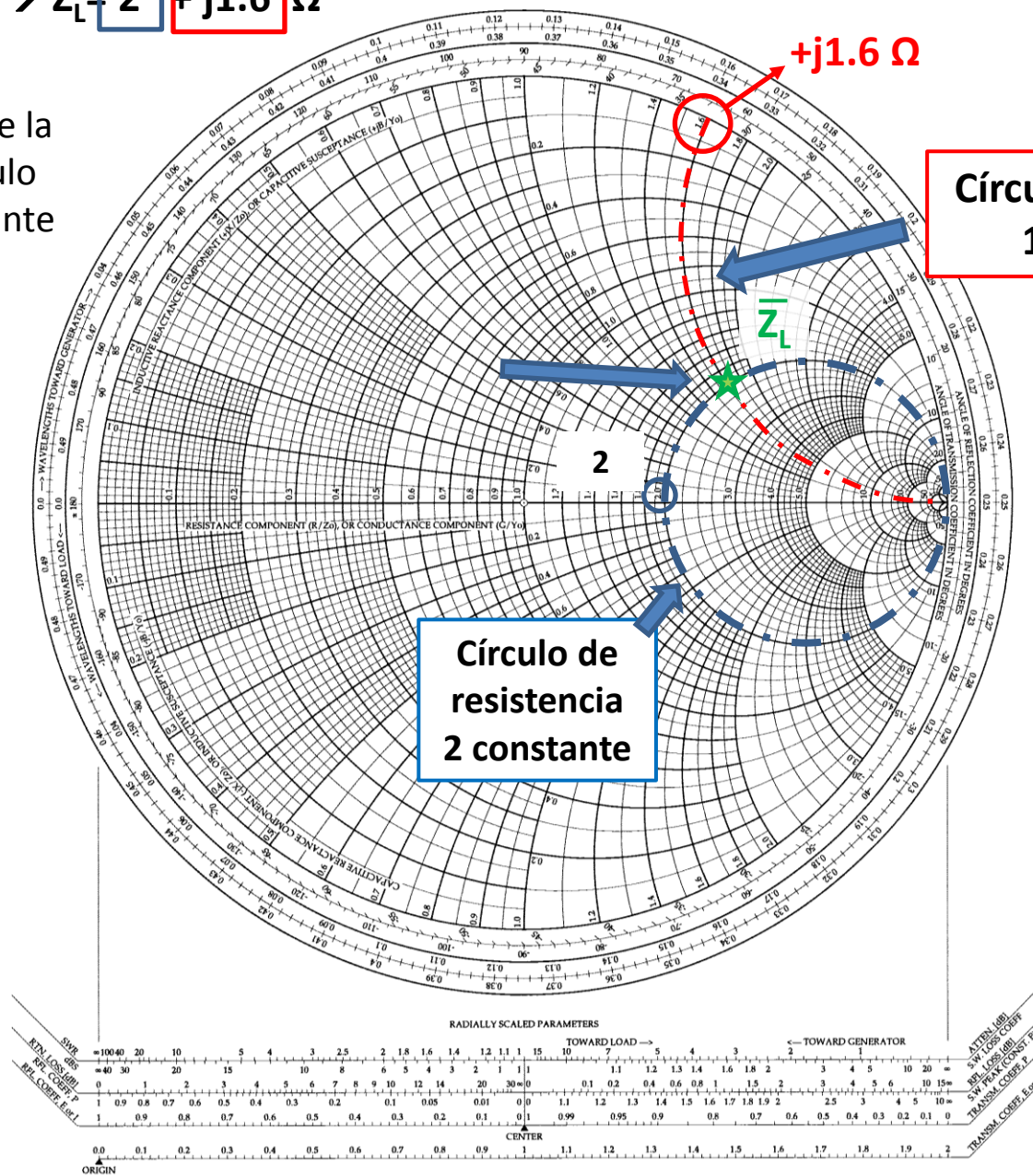
## 2. Mapeamos parte real (resistencia) de la impedancia de carga





$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

3. Mapeamos impedancia mediante la intersección del círculo de resistencia constante y el de reactancia constante





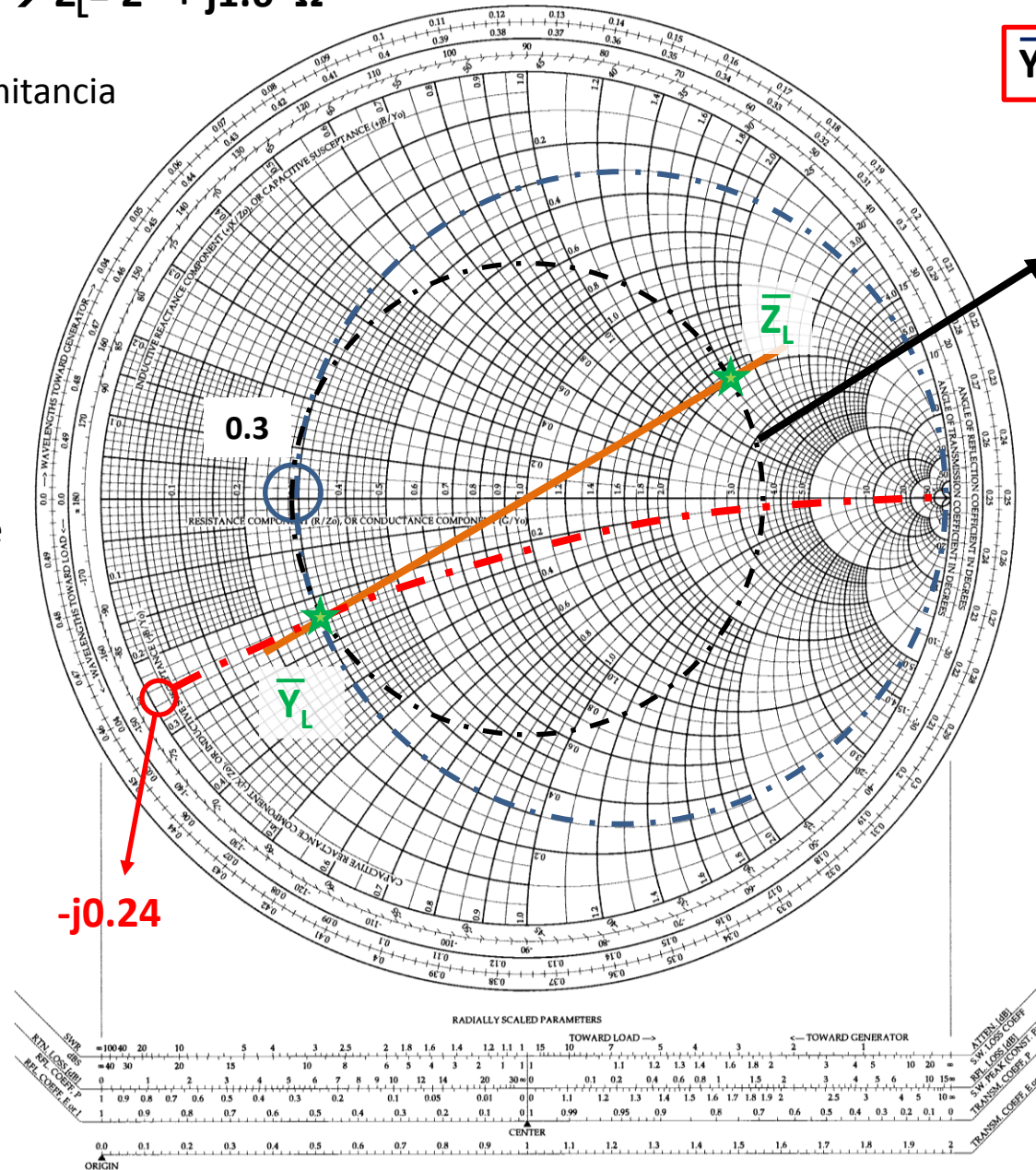
$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

4. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_L$

$$\bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de 180° en  $\Gamma$  (media carta Smith)

$$\bar{Y}_L = 0.3 - j0.24 \, \Omega$$



Círculo de  $|\Gamma|$  constante

Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo

$$Z_L = 200 + j160 \, \Omega \rightarrow \bar{Z}_L = 2 + j1.6 \, \Omega$$

### Consecuencias I:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.

$\underline{Z}$ :	$\underline{Y}$ :
$\pm 180^\circ$	$0^\circ$
$(\Gamma = -1)$	$(\Gamma = 1)$
<b>C.C.</b>	<b>c.a.</b>

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.

$-j0.24$

$-j1$

Círculos  
conductancia  
constante

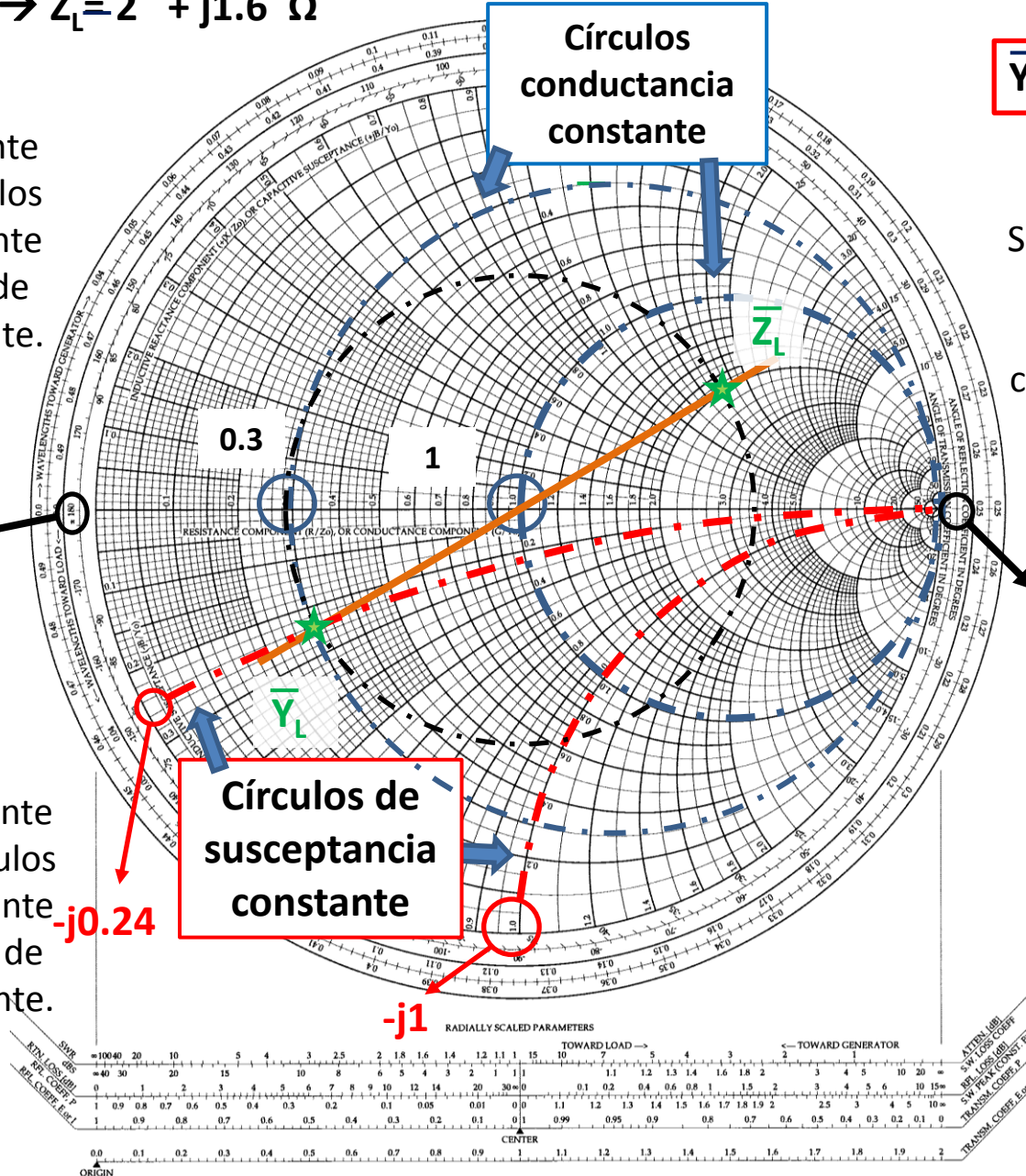
Círculos de  
susceptancia  
constante

$$\bar{Y}_L = 0.3 - j0.24 \, \Omega$$

### Consecuencias III:

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte  
c.a.  $\rightarrow$  c.c.  
c.c.  $\rightarrow$  c.a.

$\underline{Z}$ :	$\underline{Y}$ :
$0^\circ$	$\pm 180^\circ$
$(\Gamma = 1)$	$(\Gamma = -1)$
<b>c.a.</b>	<b>C.C.</b>





5. Desplazamos la carga  $Z_L$  una distancia  $d_1$  tal que obtengamos

$$\bar{Y}_1 = 1 \pm jB$$

Hemos de cruzar el círculo de conductancia unidad



0.458λ

Tenemos dos soluciones:

OPCIÓN A

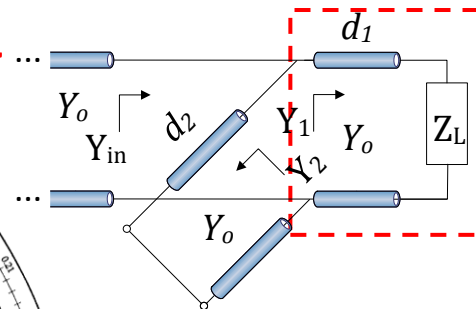
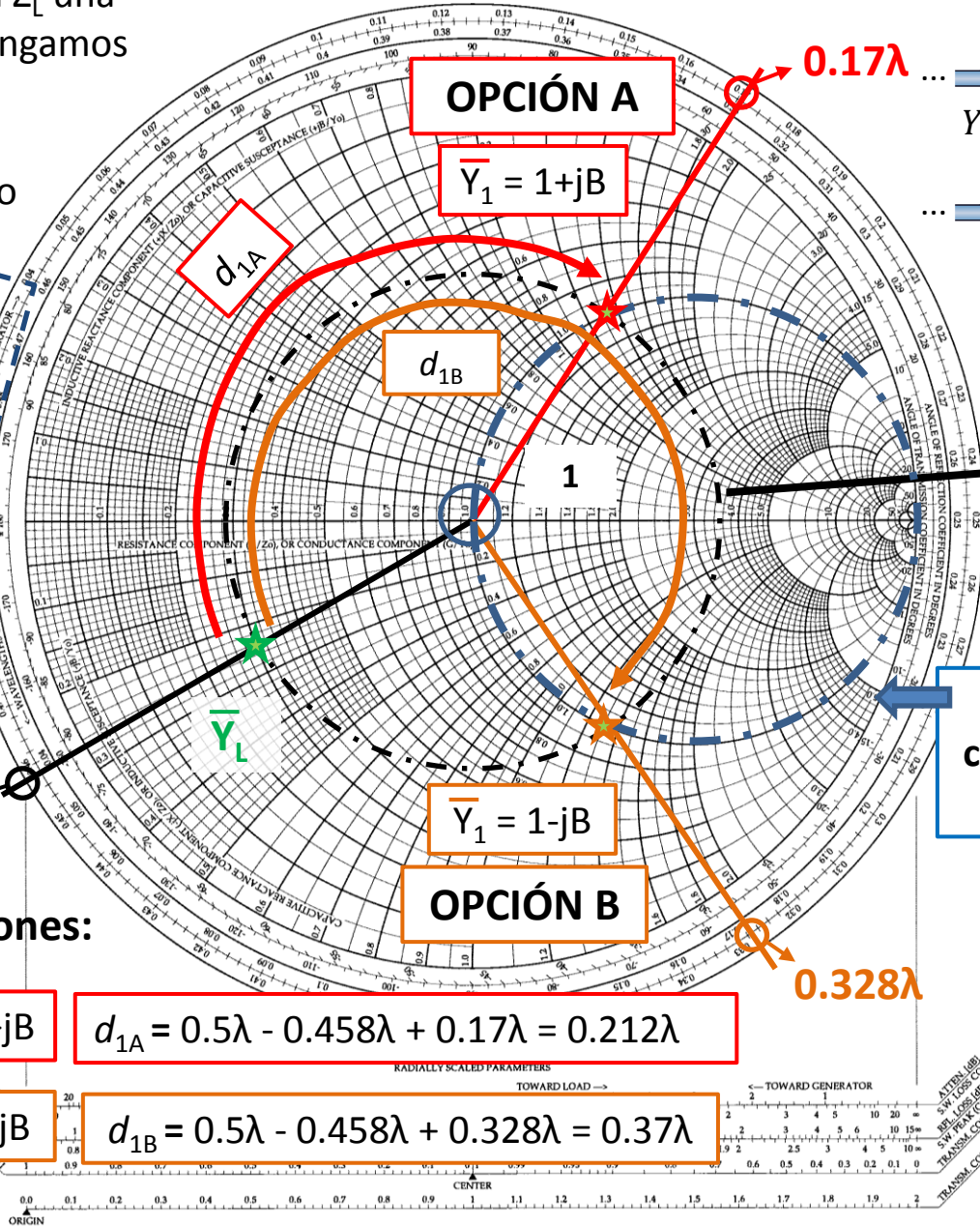
$$\bar{Y}_1 = 1+jB$$

$$d_{1A} = 0.5\lambda - 0.458\lambda + 0.17\lambda = 0.212\lambda$$

OPCIÓN B

$$\bar{Y}_1 = 1-jB$$

$$d_{1B} = 0.5\lambda - 0.458\lambda + 0.328\lambda = 0.37\lambda$$



Círculo de  $|\Gamma|$  constante  
(desplazarse por la línea sólo modifica su fase)

Círculo conductancia unidad



# Ingeniería Radiofrecuencia y Microondas

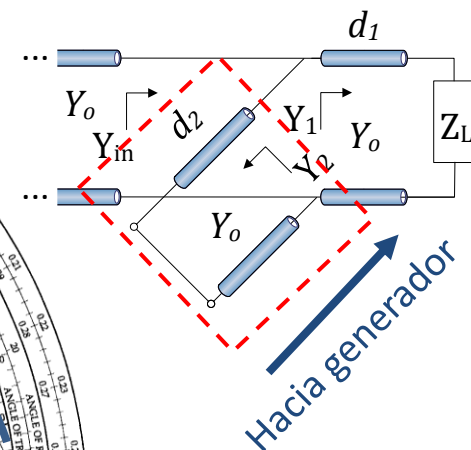
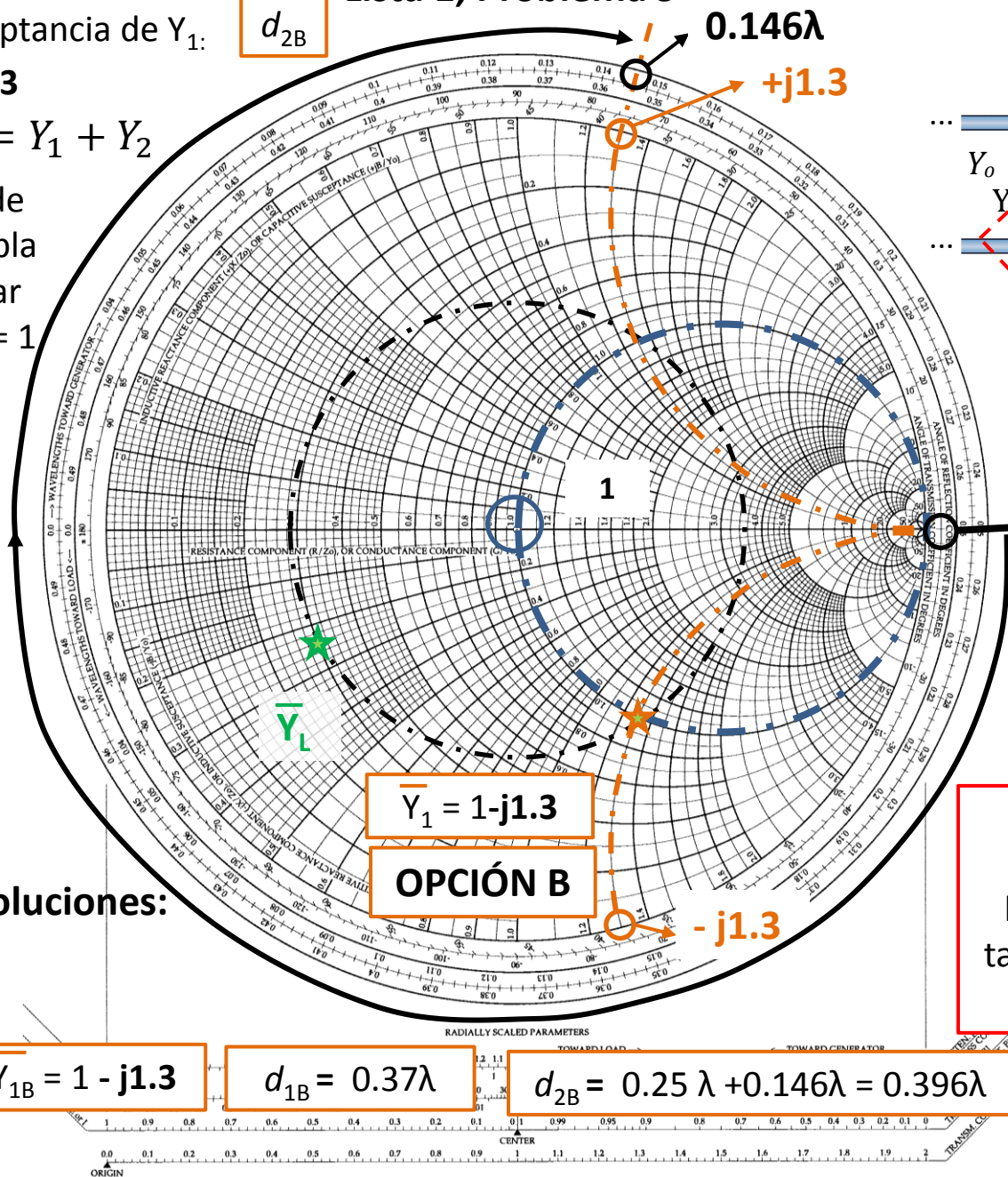
## Lista 1, Problema 9

6. Calculamos susceptancia de  $Y_1$ :

$$\overline{Y}_1 = 1 - j1.3$$

7. Dado que:  $Y_{in} = Y_1 + Y_2$

Buscamos longitud de stub en c.c. que cumpla  $\underline{\mathbf{Y}}_2 = +j1.3$  para anular  $\text{Im}\{\mathbf{Y}_1\}$  y obtener  $\underline{\mathbf{Y}}_{in} = 1$



## Tenemos dos soluciones:

## OPCIÓN B

$$\underline{Y_{1B}} = 1 - j1.3$$

$$d_{1B} = 0.37\lambda$$

$$d_{2R} = 0.25 \lambda + 0.146\lambda = 0.396\lambda$$

Por lo tanto,  
considerando las  
longitudes  $d_{1B}$  y  $d_{2B}$   
también adaptaremos  
la carga  $Z_L$



**Universitat Autònoma de Barcelona**

**Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica**

**Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)**

## **Solución de la Lista 5 de problemas (amplificadores de microondas)**

**Miguel Durán-Sindreu**







Universitat Autònoma de Barcelona

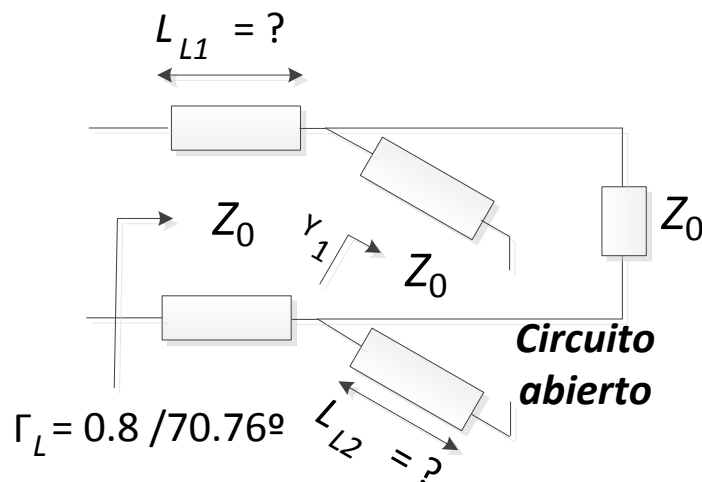
Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica

Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)

## Lista 5: Problema 1

Obtención de la red de adaptación a la salida mediante carta de Smith

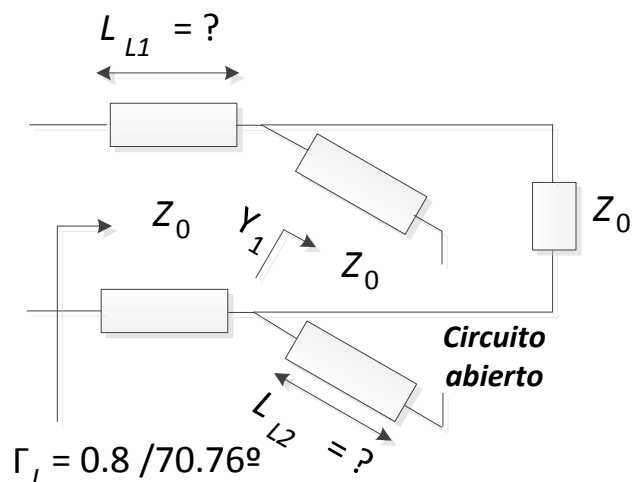
1. Mediante la carta de Smith, obtener  $L_{L1}$  y  $L_{L2}$  para obtener el siguiente coeficiente de reflexión que cumple los requisitos del problema 1.



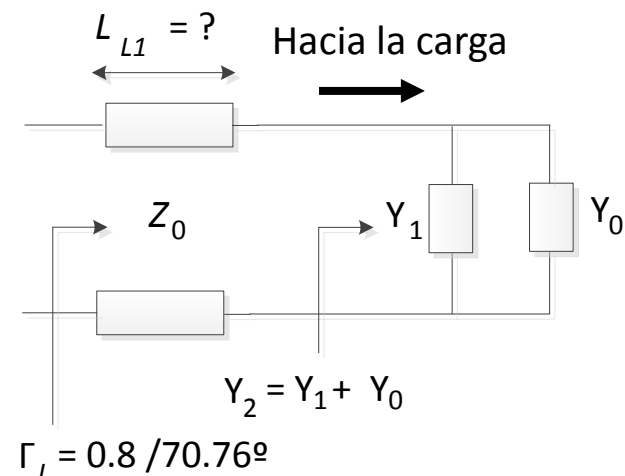
Miguel Durán-Sindreu

Curso 2012/2013





Trabajamos con admitancias ya que es más cómodo a la hora de tratar el paralelo



Impedancia de entrada  $Z_1$  de una línea de longitud  $L_{L2}$  acabada en circuito abierto:

$$Z_1 = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta L_{L2})}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta L_{L2})} \longrightarrow Z_1 \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = \frac{Z_0}{j \tan(\beta L_{L2})}$$

$$\overline{Z_1} \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = -j \cotan(\beta L_{L2}) \quad \overline{Y_1} \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = j \tan(\beta L_{L2})$$

Dado que  $Y_1$  es puramente imaginario, la longitud  $L_{L1}$  deberá permitir desplazar  $\Gamma_L$  (hacia la carga) hasta el círculo de conductancia unidad, para poder satisfacer la condición:

$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \overline{Y_2} = \overline{Y_1} + 1$$

Posteriormente, mediante el stub en circuito abierto implementaremos la admitancia  $Y_1$  mediante la distancia  $L_{L2}$

1. Mapeamos coeficiente de reflexión  $\Gamma_L = 0.8 / 70.76^\circ$

Círculo de  $|\Gamma|$  constante

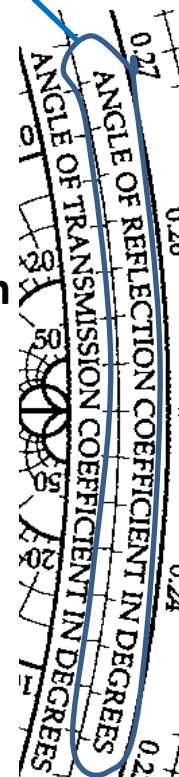
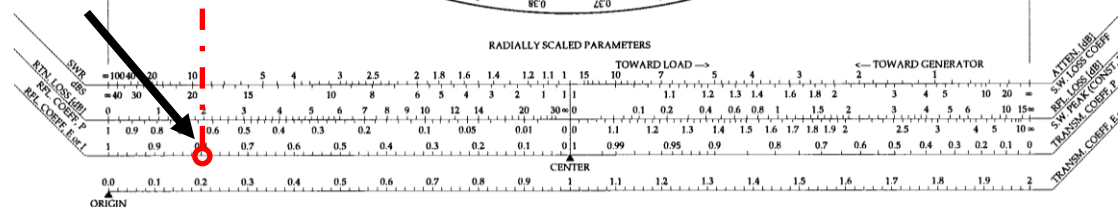
$|\Gamma|=0.8$

$70.76^\circ$

Ángulo de  $\Gamma$  en grados

Zoom

$|\Gamma|=0.8$





2. Obtenemos admitancia normalizada  $\overline{Y}_L$

$$\overline{Y}_L = \frac{1}{\overline{Z}_L}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)

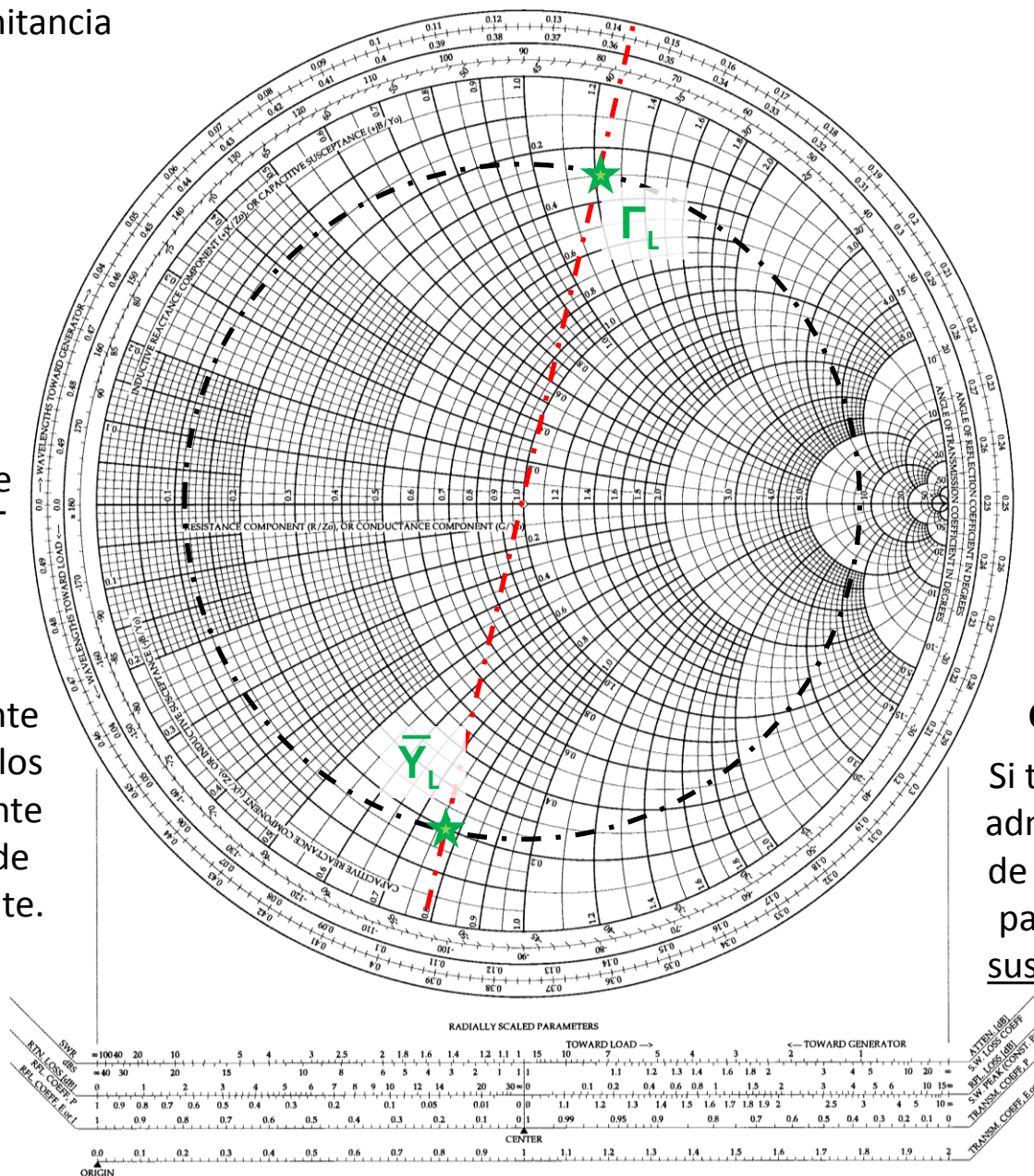
### Consecuencias I:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.

Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.



2. Obtenemos admitancia normalizada  $\overline{Y}_L$

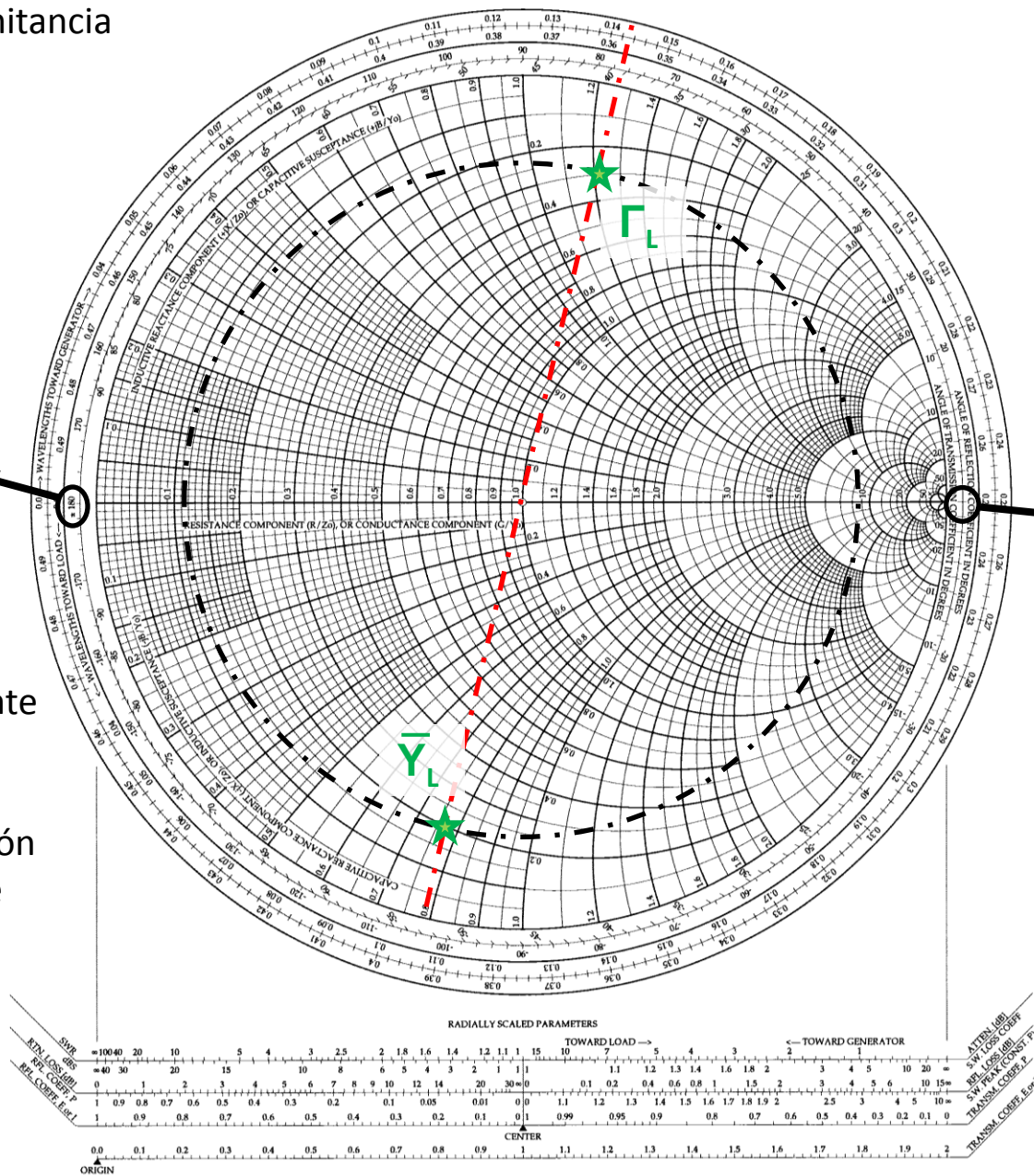
$$\overline{Y}_L = \frac{1}{\overline{Z}_L}$$

**Z:** **Y:**  
 $\pm 180^\circ$   $0^\circ$   
 $(\Gamma = -1)$   $(\Gamma = 1)$   
**c.c.** **c.a.**

**Consecuencias III:**

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte

c.a.  $\rightarrow$  c.c.  
 c.c.  $\rightarrow$  c.a.



**Z:** **Y:**  
 $0^\circ$   $\pm 180^\circ$   
 $(\Gamma = 1)$   $(\Gamma = -1)$   
**c.a.** **c.c.**



$L_{L_1}$  tal que obtengamos

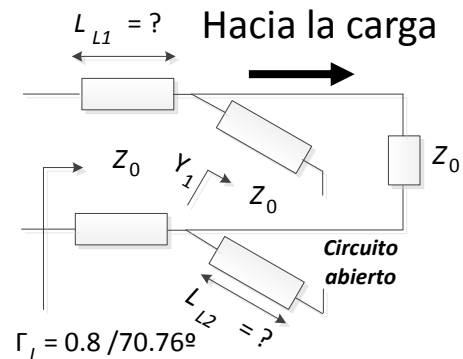
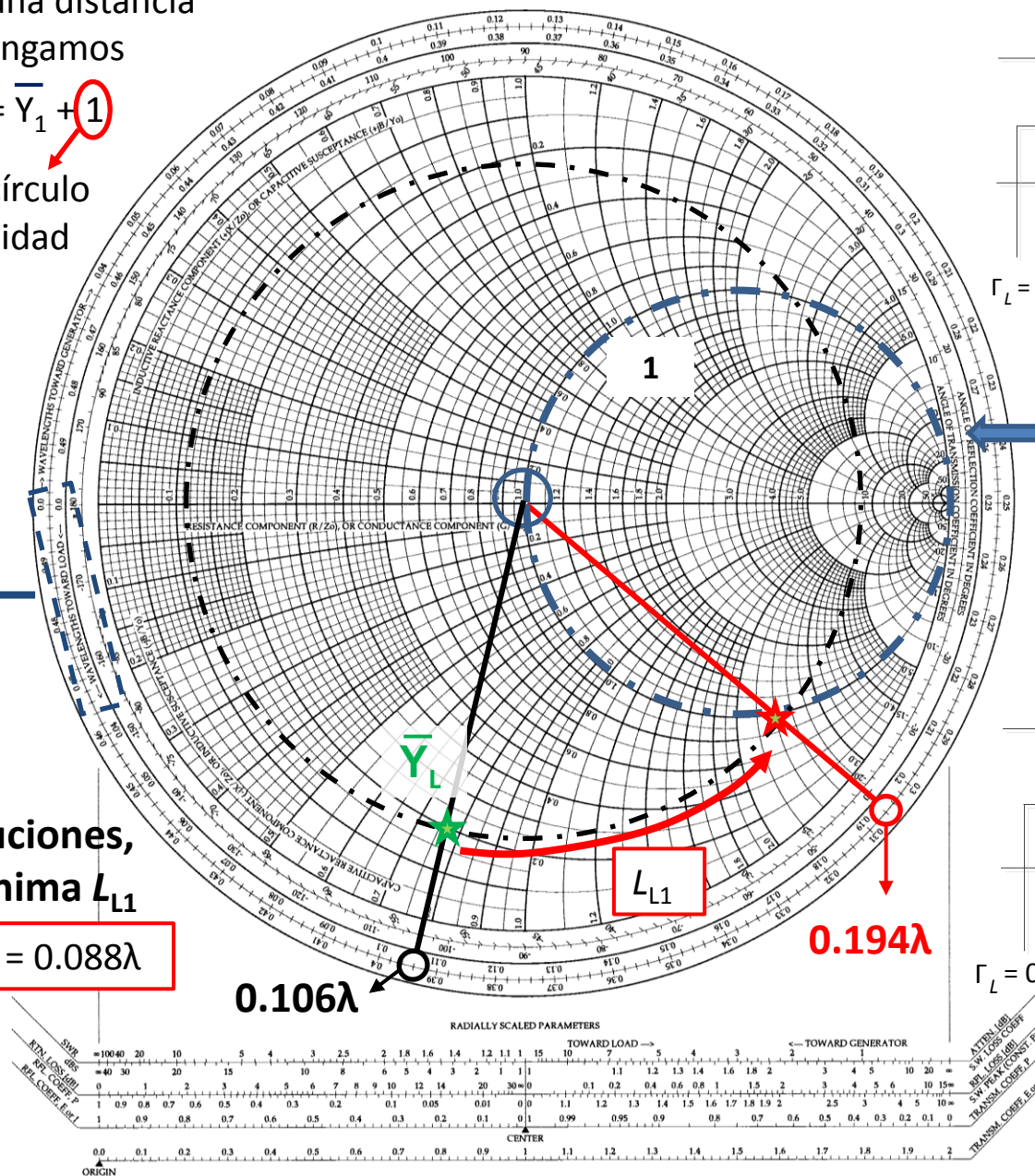
$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \Rightarrow \overline{Y}_2 = \overline{Y}_1 + 1$$

Hemos de cruzar el círculo  
de conductancia unidad

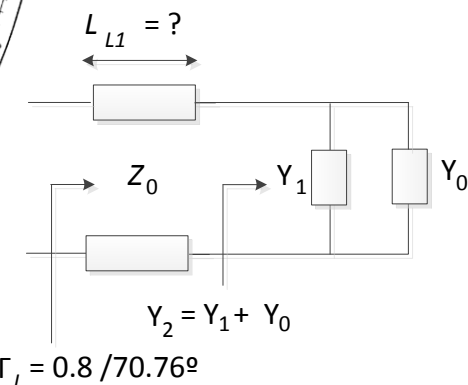


**Tenemos dos soluciones,  
consideramos mínima  $L_1$**

$$L_{11} = 0.194\lambda - 0.106\lambda = 0.088\lambda$$

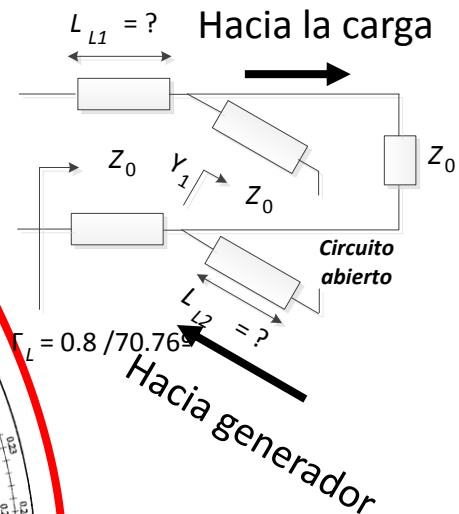


**Círculo  
conductancia  
unidad**





4. Obtenemos longitud de stub para implementar la susceptancia requerida

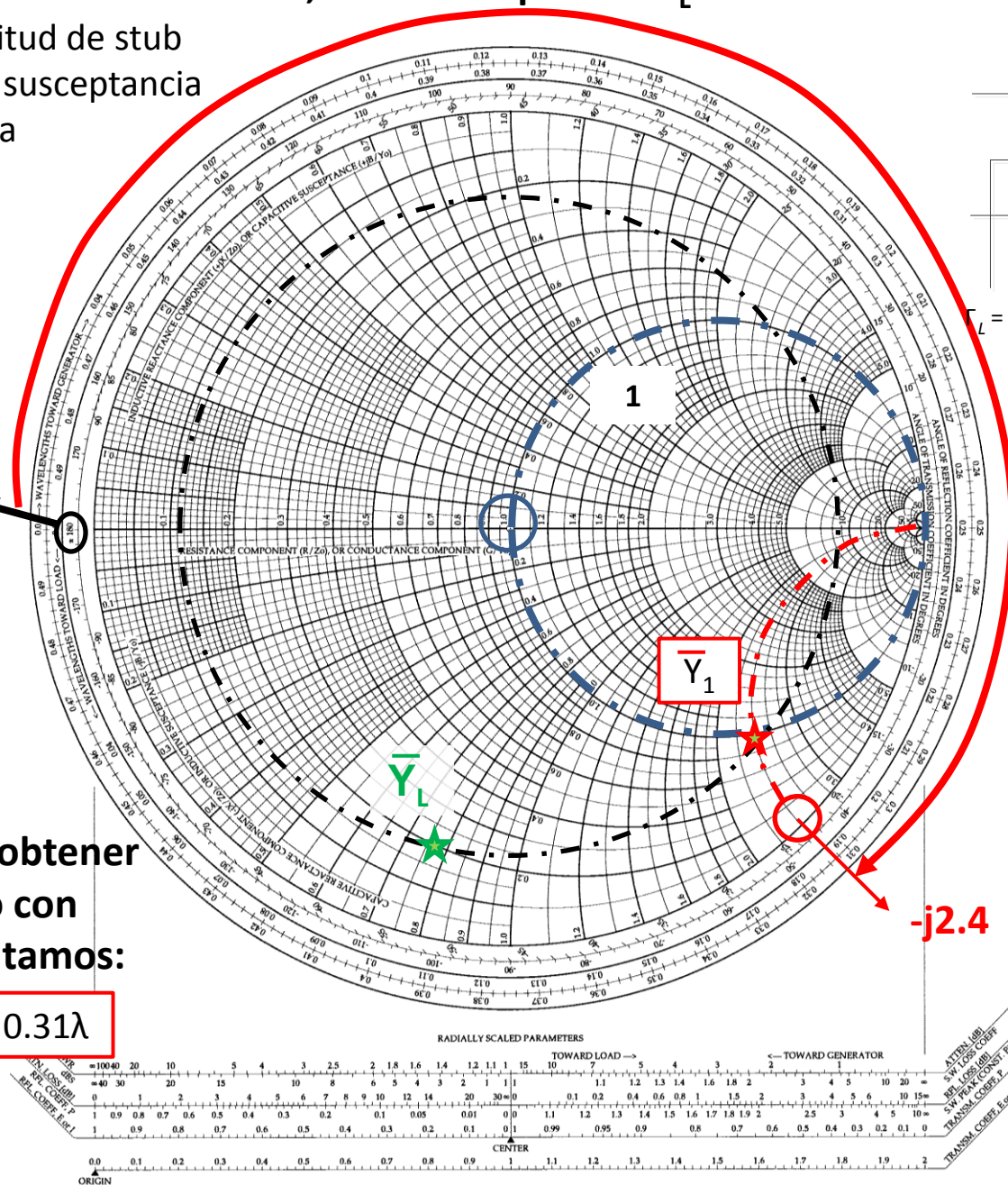


Hacia generador

$\underline{Y}: 0^\circ (\Gamma=1)$  c.a.

Por lo tanto, para obtener el  $\Gamma_L$  requerido con mínima  $L_{L1}$  necesitamos:

$$L_{L1} = 0.088\lambda ; L_{L2} = 0.31\lambda$$



$$L_{L2} = 0.31\lambda$$



Universitat Autònoma de Barcelona

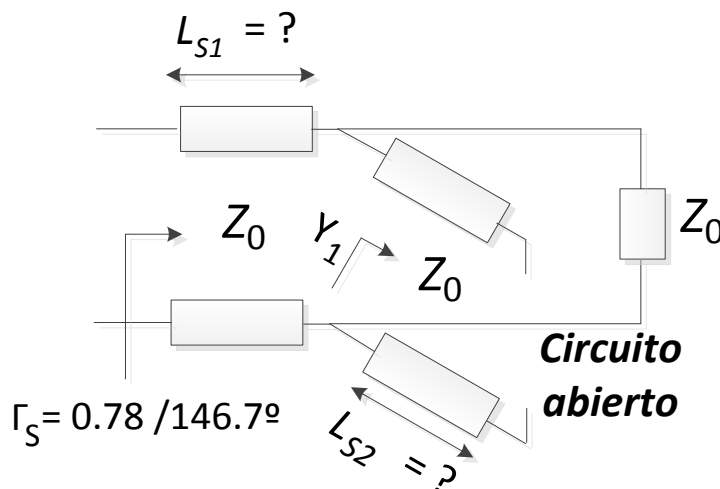
Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica

Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)

## Lista 5: Problema 1

Obtención de la red de adaptación a la entrada mediante carta de Smith

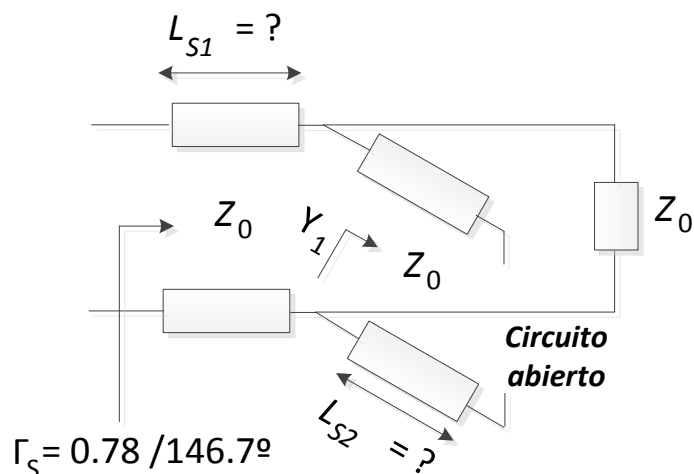
- Mediante la carta de Smith, obtener  $L_{S1}$  y  $L_{S2}$  para obtener el siguiente coeficiente de reflexión que cumple los requisitos del problema 1.



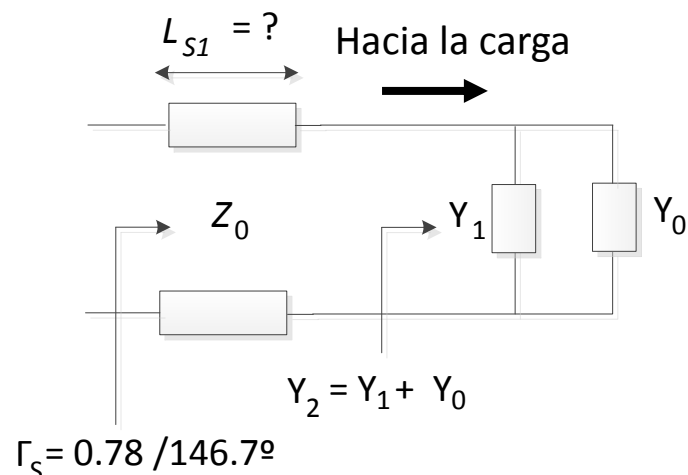
Miguel Durán-Sindreu

Curso 2012/2013





Trabajamos con admitancias ya que es más cómodo a la hora de tratar el paralelo



Impedancia de entrada  $Z_1$  de una línea de longitud  $L_{L2}$  acabada en circuito abierto:

$$Z_1 = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta L_{S2})}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta L_{S2})} \longrightarrow Z_1 \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = \frac{Z_0}{j \tan(\beta L_{S2})}$$

$$\overline{Z_1} \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = -j \cotan(\beta L_{S2}) \quad \overline{Y_1} \Big|_{Z_L \rightarrow \infty} = j \tan(\beta L_{S2})$$

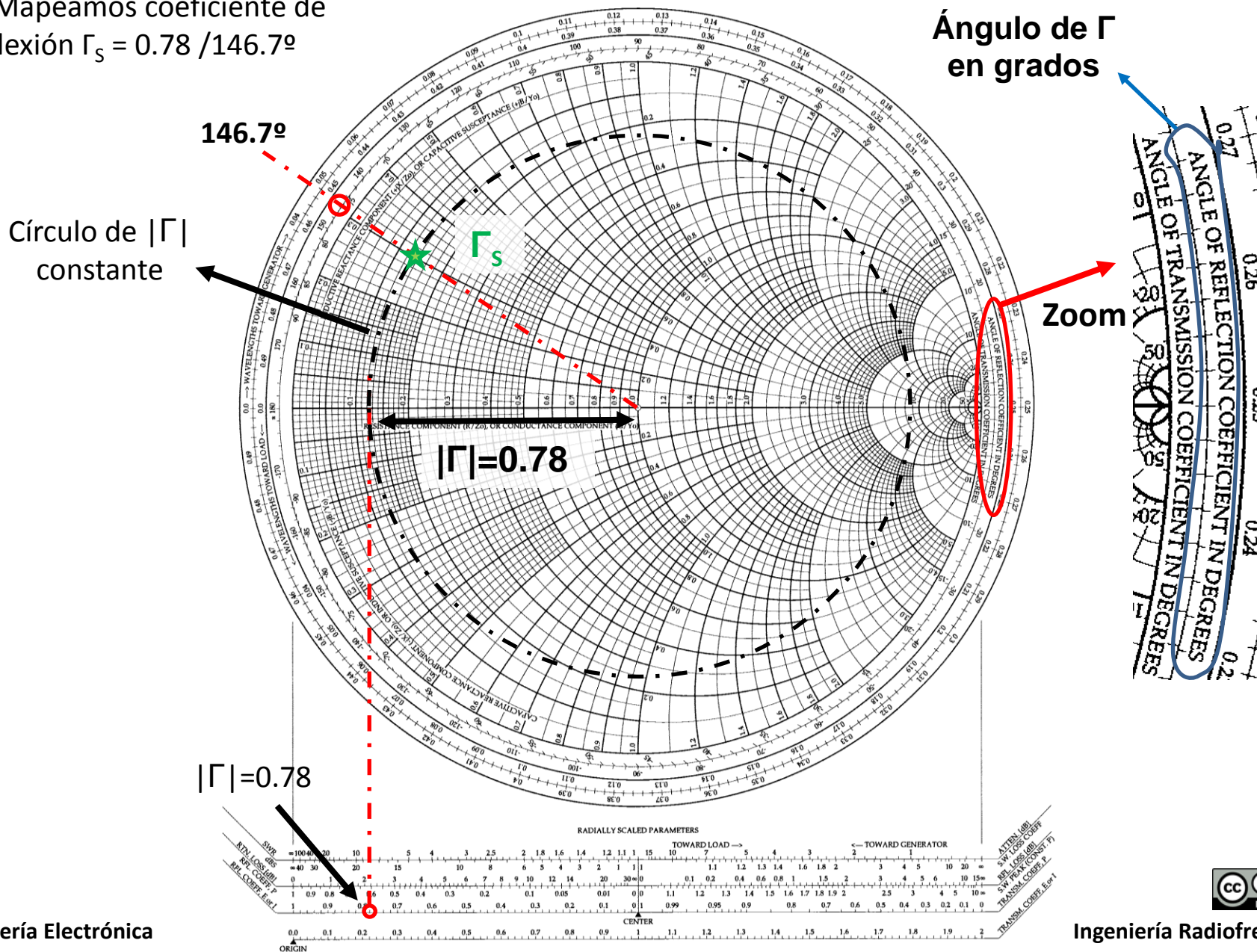
Dado que  $Y_1$  es puramente imaginario, la longitud  $L_{s1}$  deberá permitir desplazar  $\Gamma_s$  (hacia la carga) hasta el círculo de conductancia unidad, para poder satisfacer la condición:

$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \overline{Y_2} = \overline{Y_1} + 1$$

Posteriormente, mediante el stub en circuito abierto implementaremos la admitancia  $Y_1$  mediante la distancia  $L_{s2}$



1. Mapeamos coeficiente de reflexión  $\Gamma_s = 0.78 / 146.7^\circ$



2. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_s$

$$\bar{Y}_s = \frac{1}{\bar{Z}_s}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)

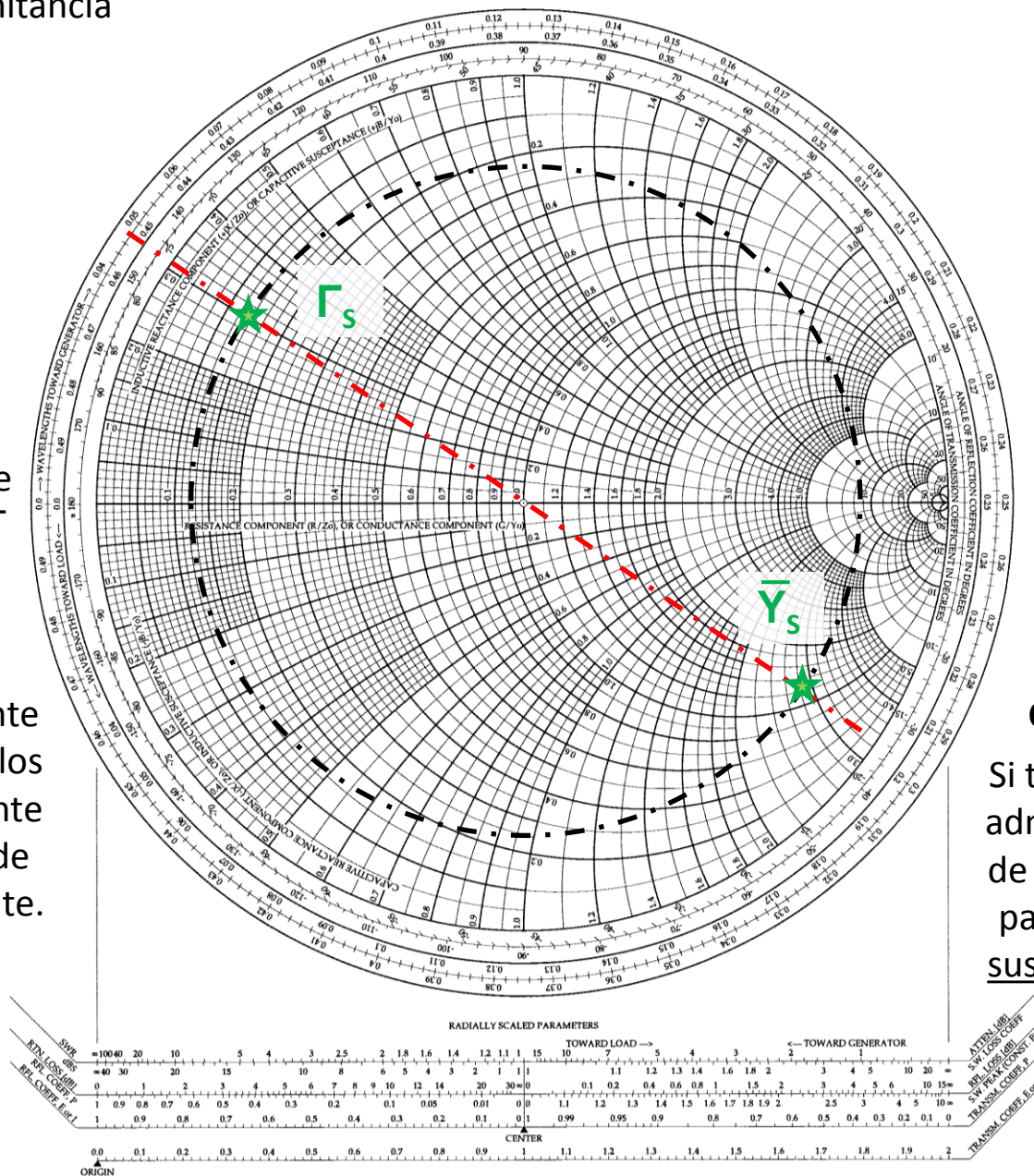
### Consecuencias I:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.

Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.





2. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_s$

$$\bar{Y}_s = \frac{1}{\bar{Z}_s}$$

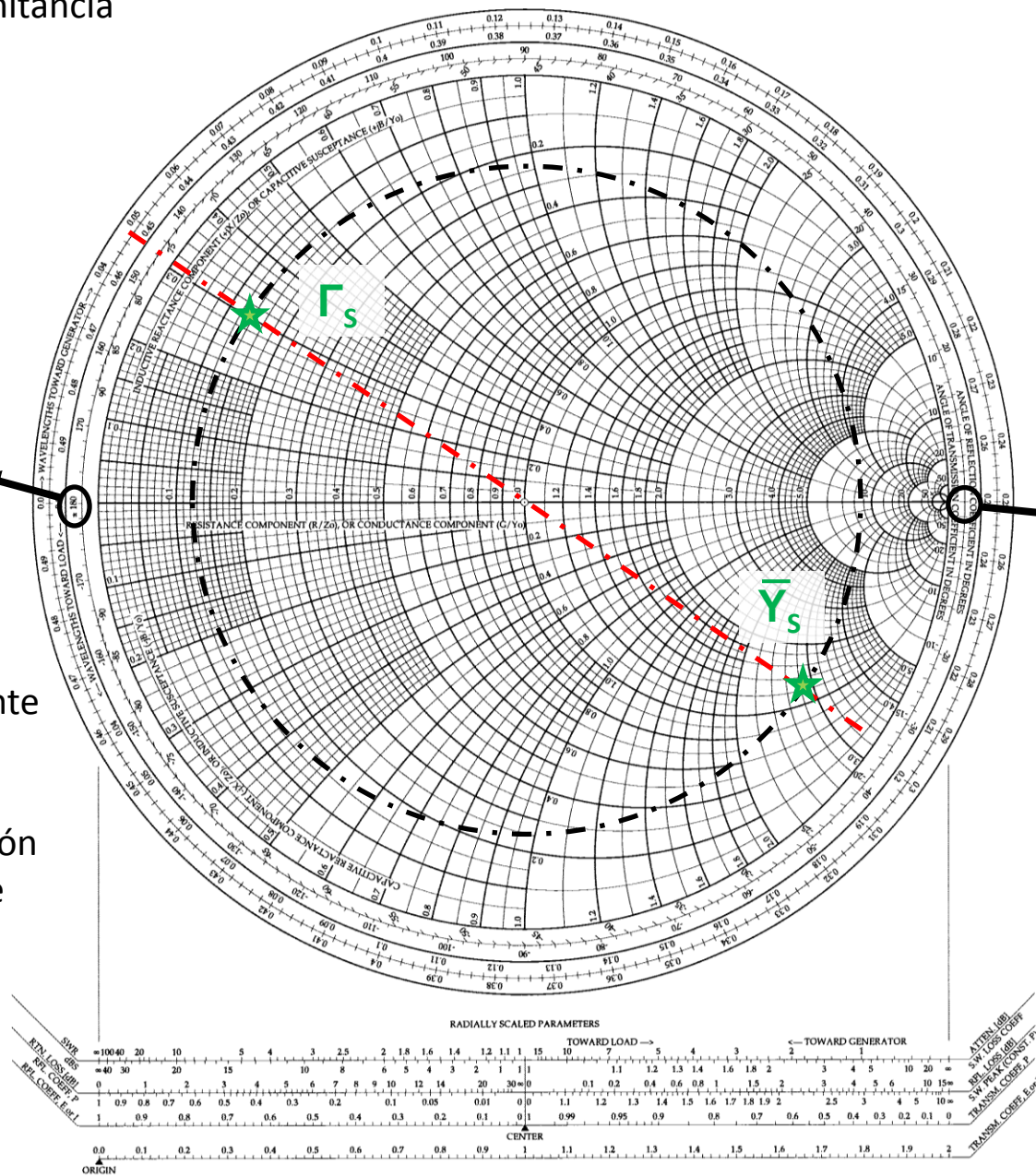
**Z:** **Y:**  
 $\pm 180^\circ$   $0^\circ$   
 $(\Gamma = -1)$   $(\Gamma = 1)$   
**c.c.** **c.a.**

**Consecuencias III:**

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte

c.a.  $\rightarrow$  c.c.

c.c.  $\rightarrow$  c.a.



**Z:** **Y:**  
 $0^\circ$   $\pm 180^\circ$   
 $(\Gamma = 1)$   $(\Gamma = -1)$   
**c.a.** **c.c.**



3. Desplazamos  $\Gamma_s$  una distancia

$L_{S1}$  tal que obtengamos

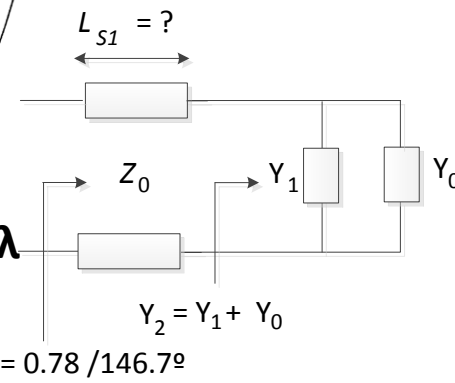
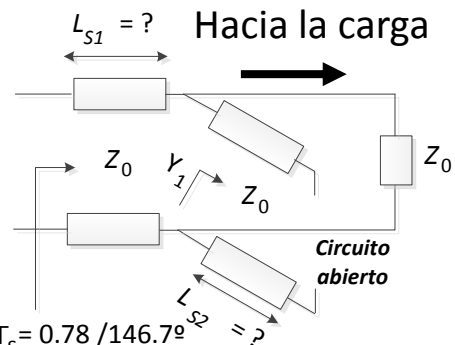
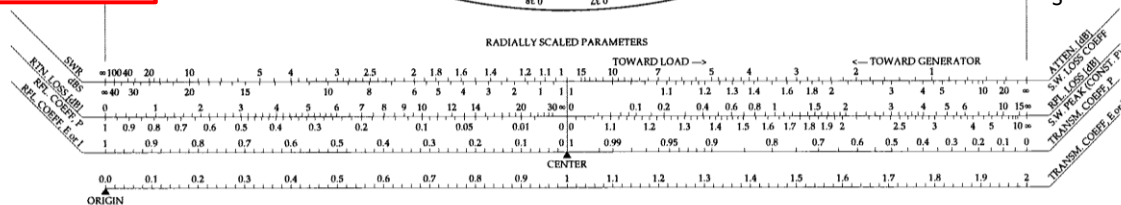
$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \bar{Y}_2 = \bar{Y}_1 + 1$$

Hemos de cruzar el círculo de conductancia unidad



Tenemos dos soluciones, consideramos mínima  $L_{S1}$

$$L_{S1} = 0.304\lambda - 0.204\lambda = 0.1\lambda$$



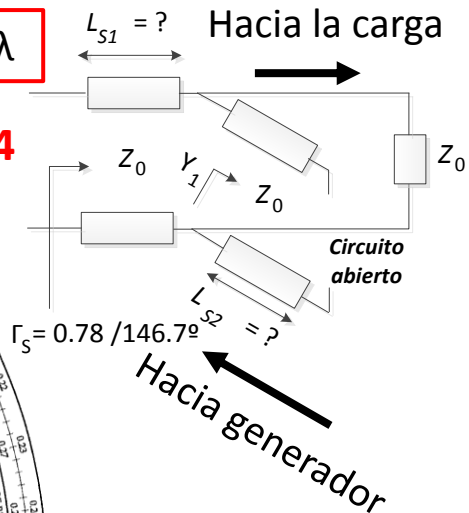
4. Obtenemos longitud de stub para implementar la susceptancia requerida

$$L_{S2} = 0.191 \lambda$$

$$j3.4$$

$$\bar{Y}_1$$

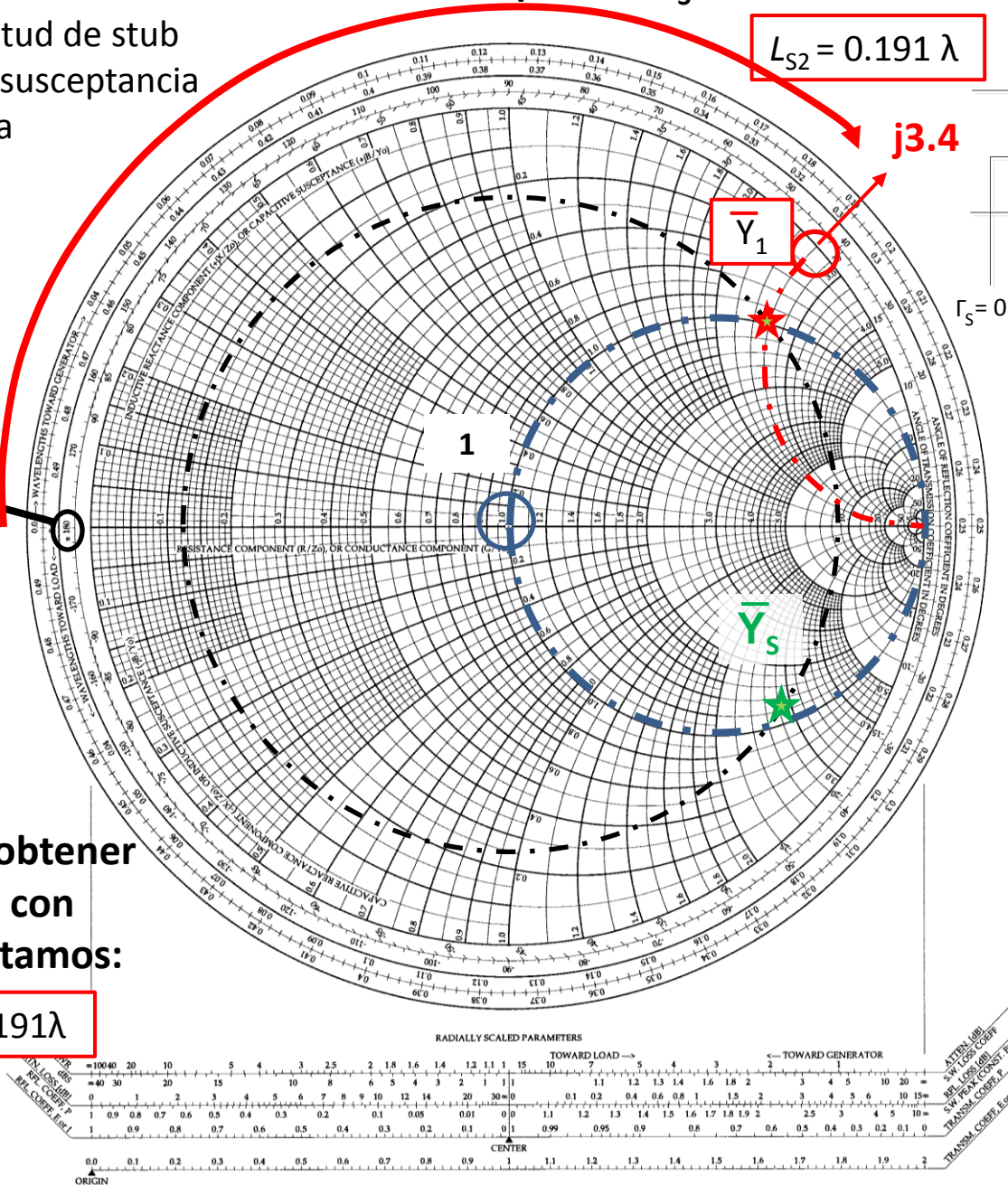
$$\bar{Y}_s$$



Hacia generador  
 $\underline{Y}$ :  
 $0^\circ$   
( $\Gamma=1$ )  
c.a.

Por lo tanto, para obtener el  $\Gamma_s$  requerido con mínima  $L_{S1}$  necesitamos:

$$L_{S1} = 0.1\lambda ; L_{S2} = 0.191\lambda$$





Universitat Autònoma de Barcelona

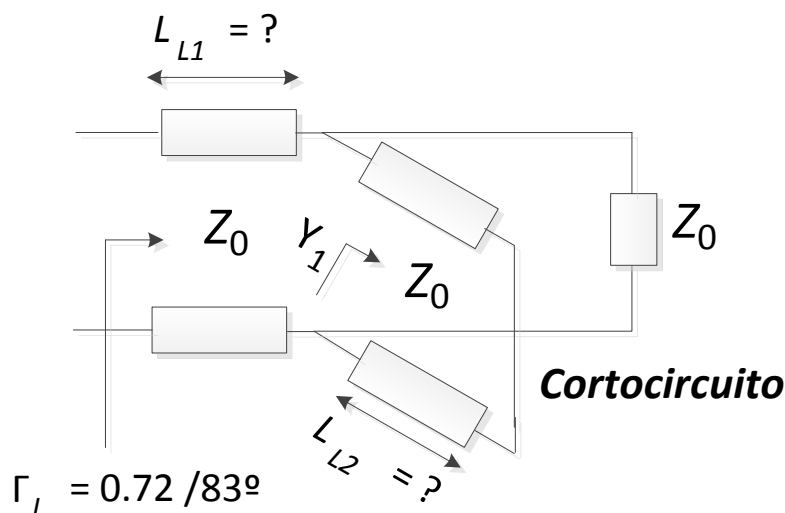
Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica

Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)

## Lista 5: Problema 2

Obtención de la red de adaptación a la salida mediante carta de Smith

2. Mediante la carta de Smith, obtener  $L_{L1}$  y  $L_{L2}$  para obtener el siguiente coeficiente de reflexión que cumple los requisitos del problema 2.

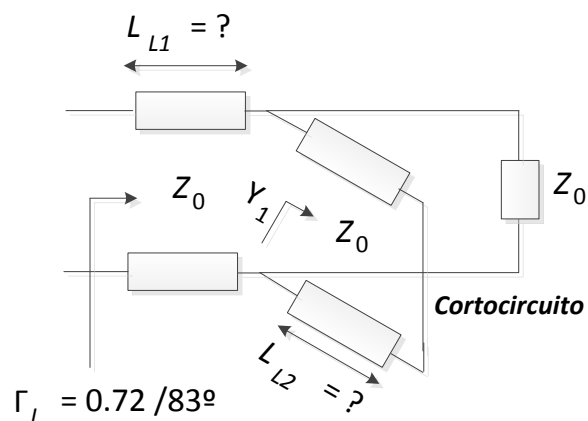


Miguel Durán-Sindreu

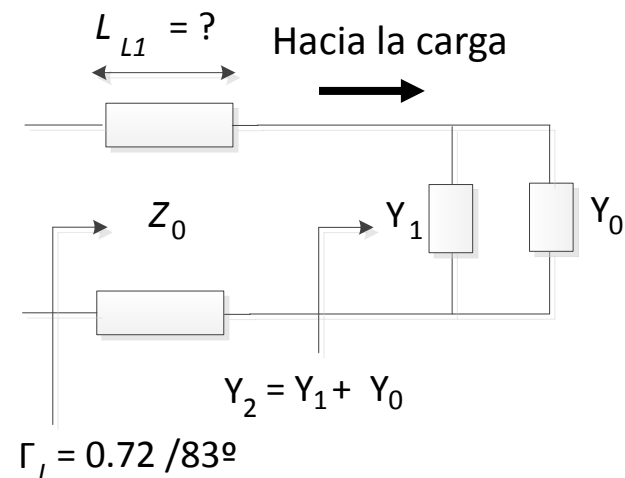
Curso 2012/2013







Trabajamos con admitancias ya que es más cómodo a la hora de tratar el paralelo



Impedancia de entrada  $Z_1$  de una línea de longitud  $L_{L2}$  acabada en cortocircuito:

$$Z_1 = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta L_{L2})}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta L_{L2})} \longrightarrow Z_1 \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = Z_0 j \tan(\beta L_{L2})$$

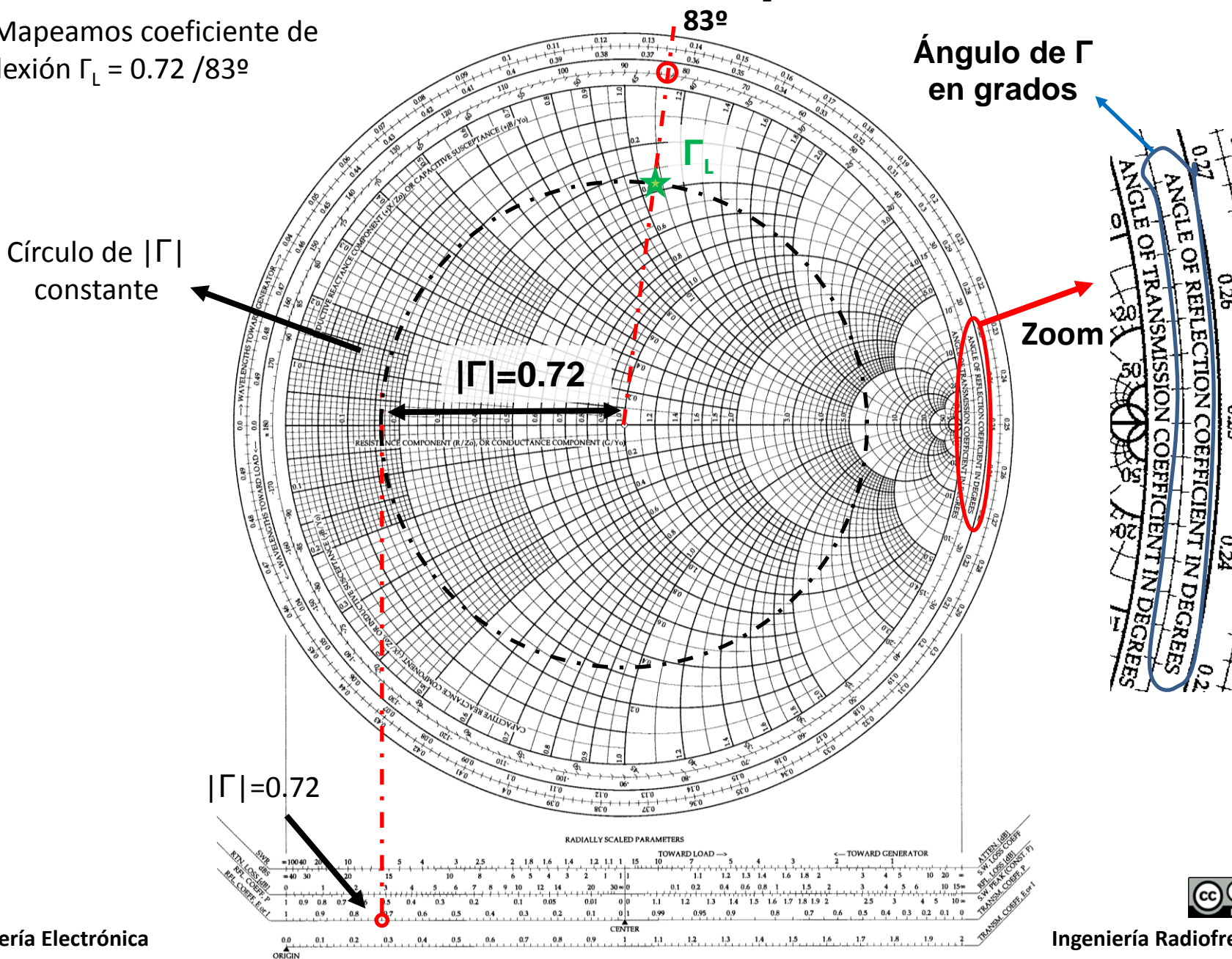
$$\overline{Z_1} \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = j \tan(\beta L_{L2}) \quad \overline{Y_1} \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = -j \cotan(\beta L_{L2})$$

Dado que  $Y_1$  es puramente imaginario, la longitud  $L_{L1}$  deberá permitir desplazar  $\Gamma_L$  (hacia la carga) hasta el círculo de conductancia unidad, para poder satisfacer la condición:

$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \overline{Y_2} = \overline{Y_1} + 1$$

Posteriormente, mediante el stub en cortocircuito implementaremos la admitancia  $Y_1$  mediante la distancia  $L_{L2}$

1. Mapeamos coeficiente de reflexión  $\Gamma_L = 0.72 / 83^\circ$



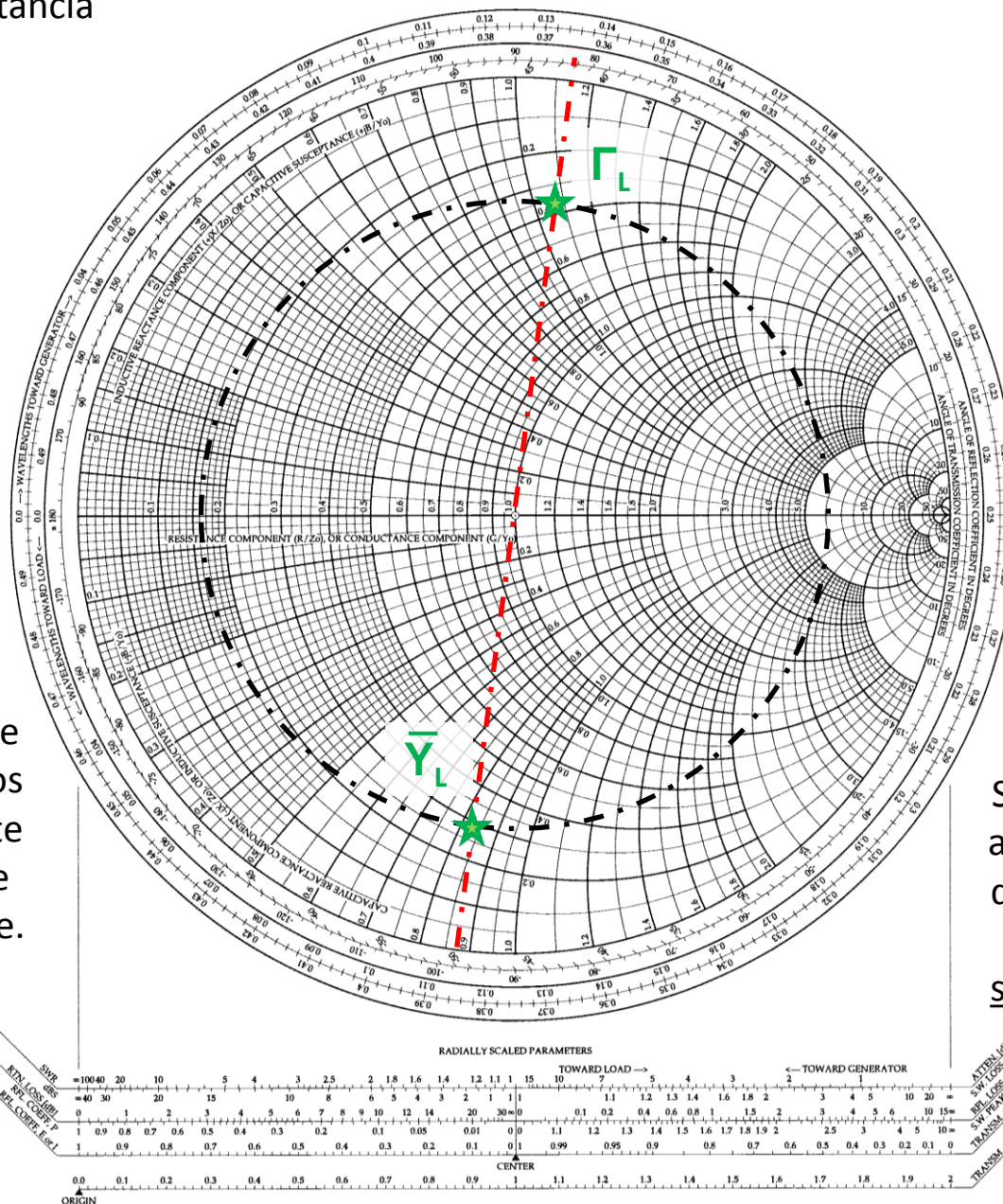
2. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_L$

$$\bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)

### Consecuencias I:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.



Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.



2. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_L$

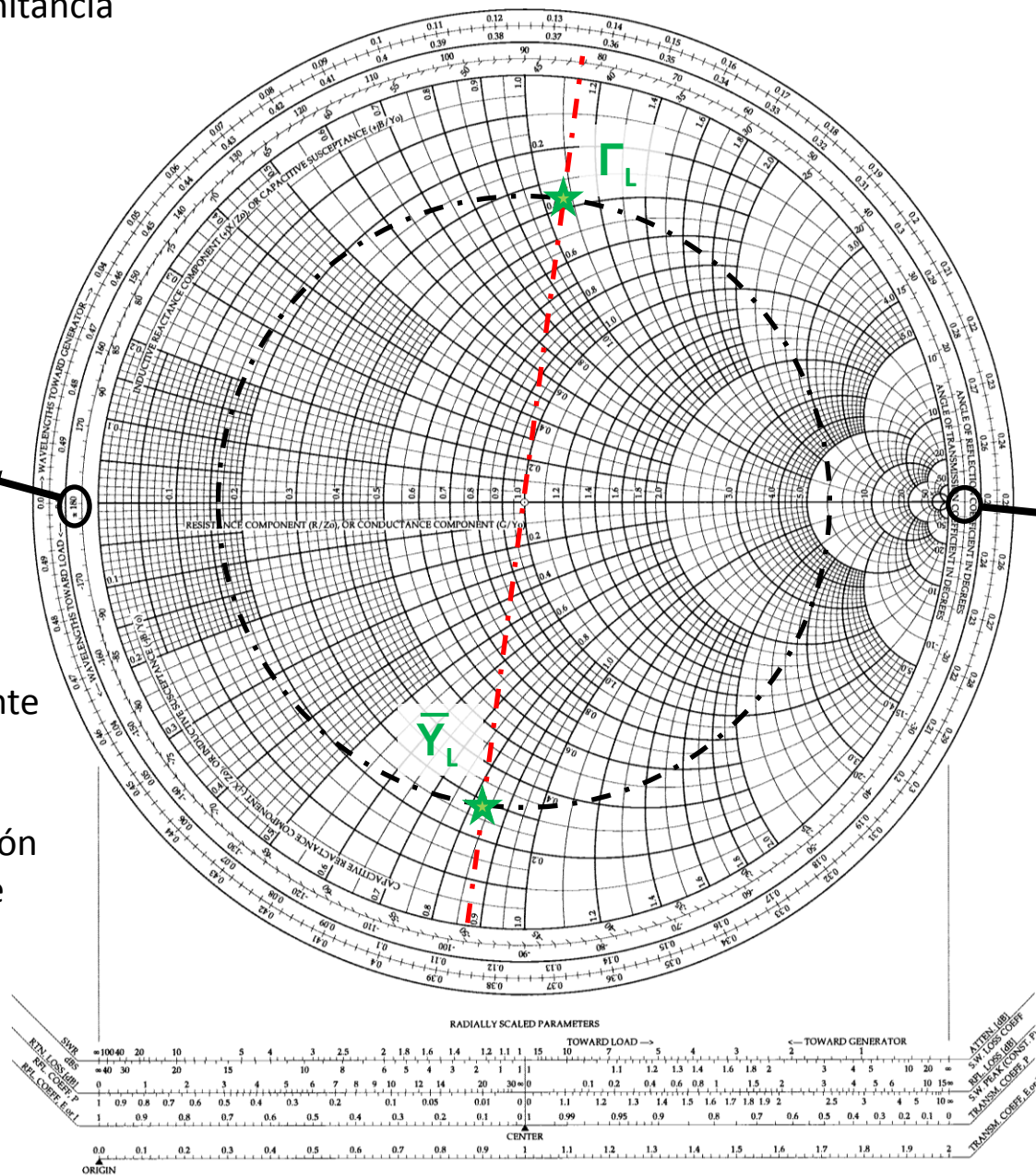
$$\bar{Y}_L = \frac{1}{\bar{Z}_L}$$

**Z:** **Y:**  
 $\pm 180^\circ$   $0^\circ$   
 $(\Gamma = -1)$   $(\Gamma = 1)$   
**c.c.** **c.a.**

**Consecuencias III:**

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte

c.a.  $\rightarrow$  c.c.  
 c.c.  $\rightarrow$  c.a.



**Z:** **Y:**  
 $0^\circ$   $\pm 180^\circ$   
 $(\Gamma = 1)$   $(\Gamma = -1)$   
**c.a.** **c.c.**

3. Desplazamos  $\Gamma_L$  una distancia

$L_{L1}$  tal que obtengamos

$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \bar{Y}_2 = \bar{Y}_1 + 1$$

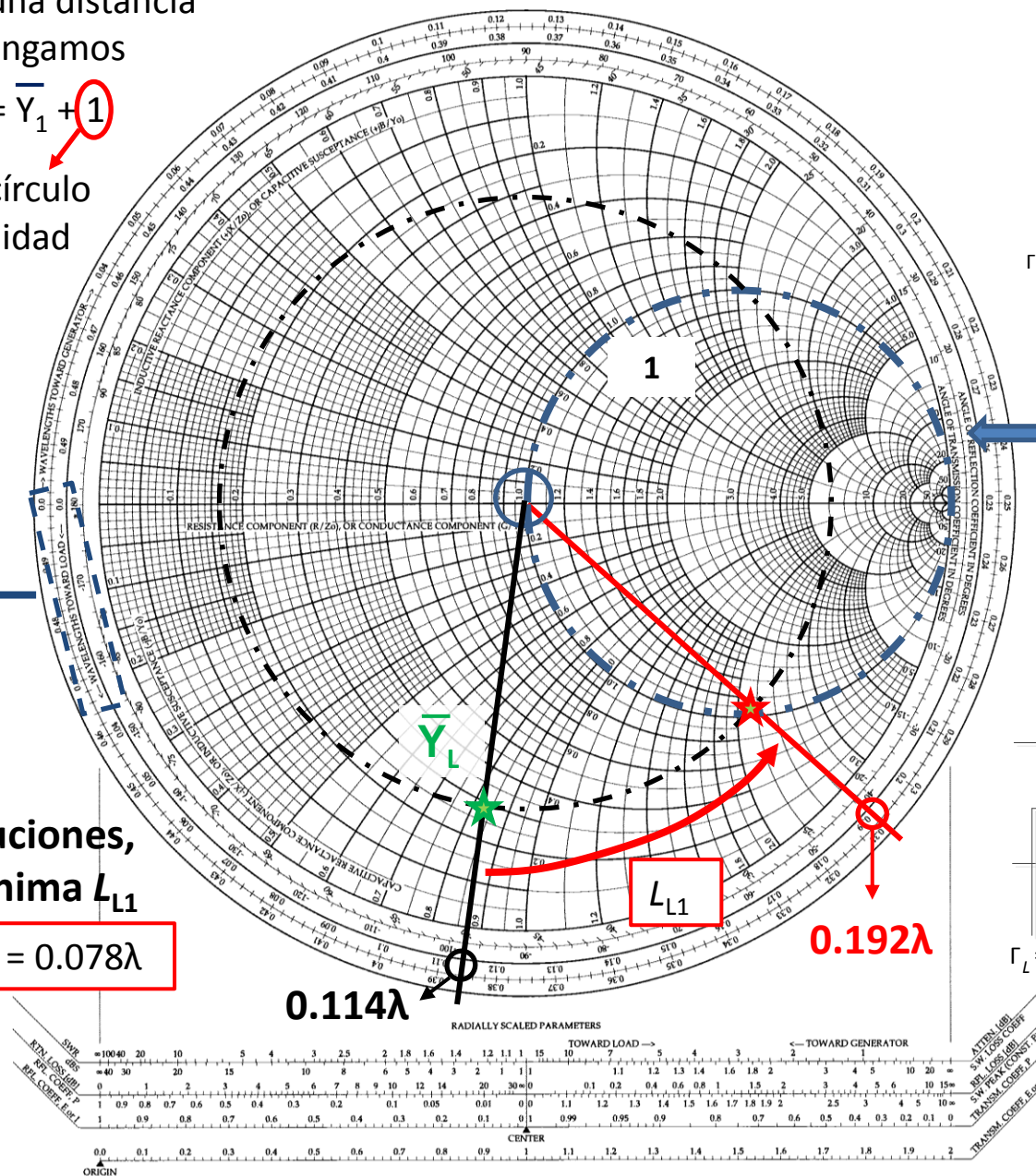
Hemos de cruzar el círculo de conductancia unidad

Hacia carga

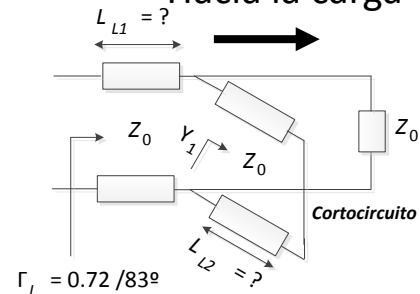
WAVELENGTHS TOWARD LOAD  
0.48  
0.47  
0.46  
0.45  
0.44  
0.43  
0.42  
0.41  
0.40  
0.39  
0.38  
0.37  
0.36  
0.35  
0.34  
0.33  
0.32  
0.31  
0.30  
0.29  
0.28  
0.27  
0.26  
0.25  
0.24  
0.23  
0.22  
0.21  
0.20  
0.19  
0.18  
0.17  
0.16  
0.15  
0.14  
0.13  
0.12  
0.11  
0.10  
0.09  
0.08  
0.07  
0.06  
0.05  
0.04  
0.03  
0.02  
0.01  
0.00

Tenemos dos soluciones, consideramos mínima  $L_{L1}$

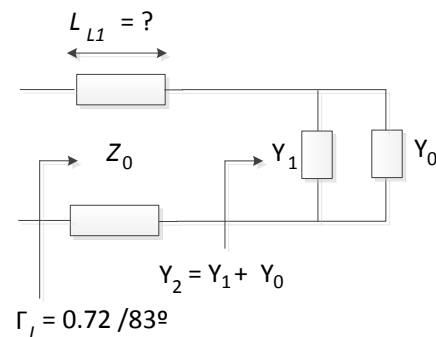
$$L_{L1} = 0.192\lambda - 0.114\lambda = 0.078\lambda$$



Hacia la carga



Círculo conductancia unidad



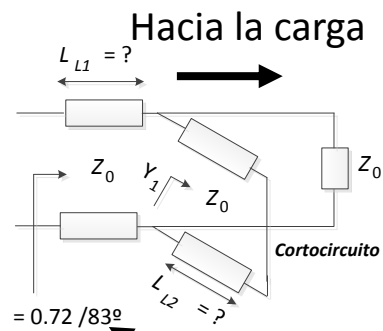
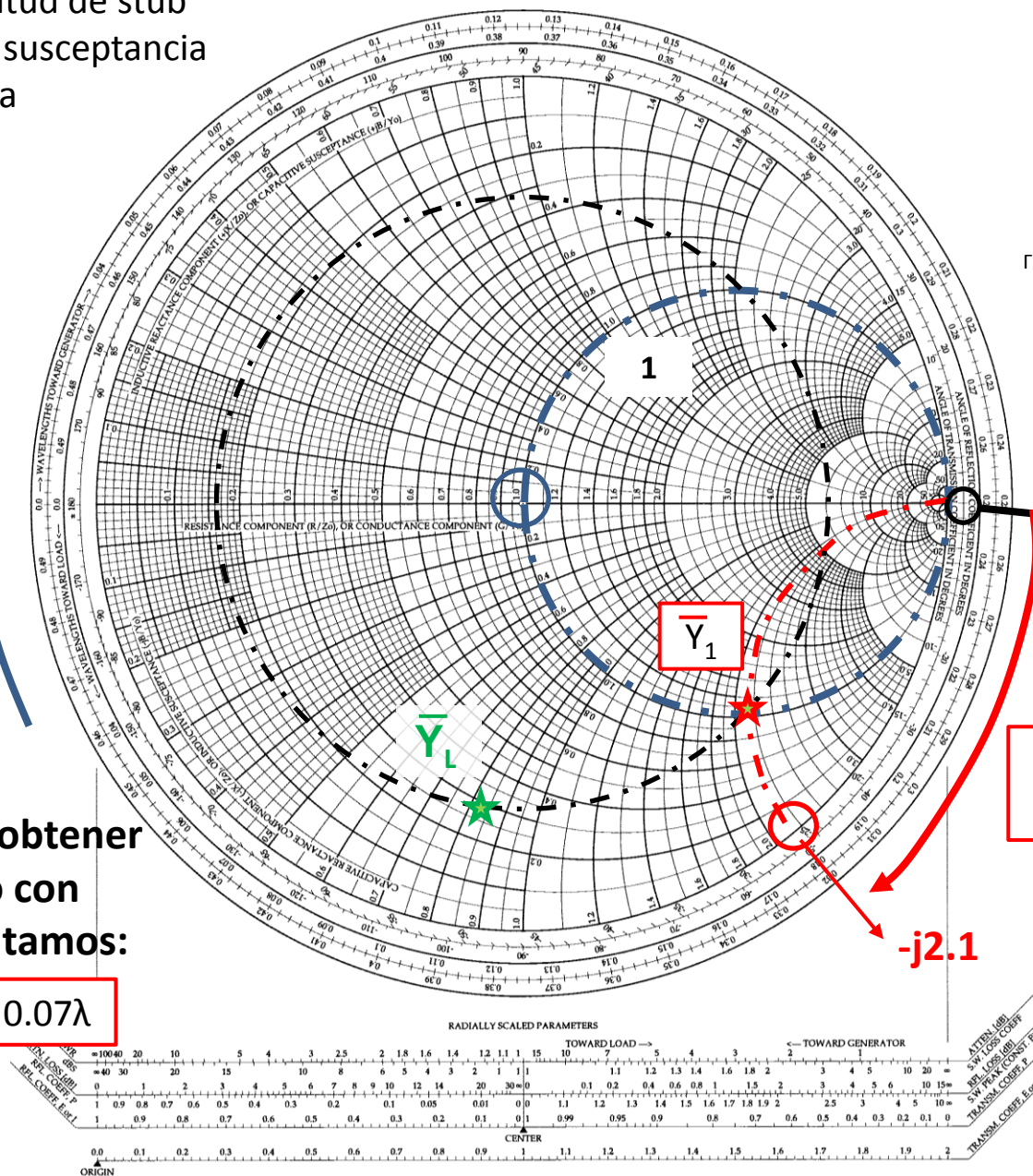


4. Obtenemos longitud de stub para implementar la susceptancia requerida

Hacia generador

Por lo tanto, para obtener el  $\Gamma_L$  requerido con mínima  $L_{L1}$  necesitamos:

$$L_{L1} = 0.078\lambda ; L_{L2} = 0.07\lambda$$



Hacia generador

$\underline{Y}$ :  
 $\pm 180^\circ$   
( $\Gamma = -1$ )  
C.C.

$$L_{L2} = 0.32\lambda - 0.25\lambda = 0.07\lambda$$

$-j2.1$





Universitat Autònoma de Barcelona

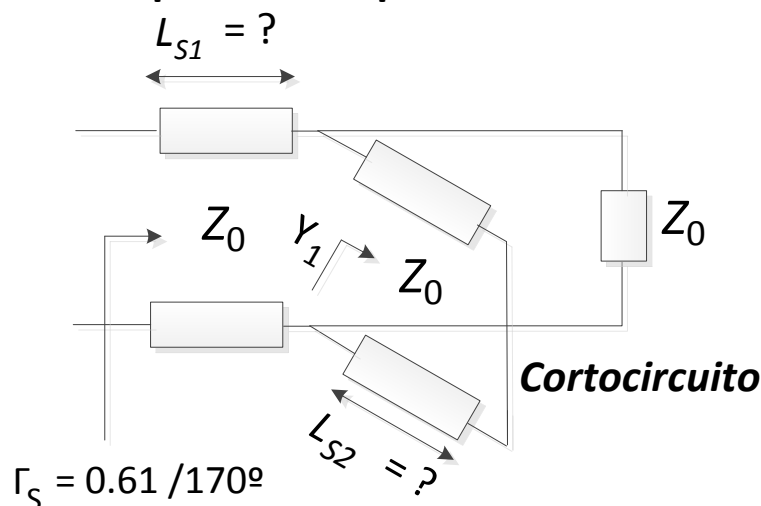
Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica

Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)

## Lista 5: Problema 2

Obtención de la red de adaptación a la entrada mediante carta de Smith

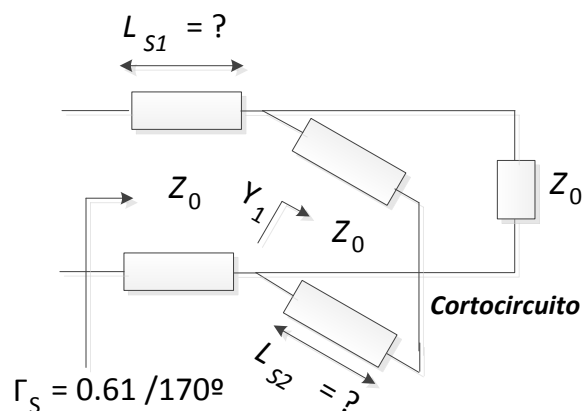
2. Mediante la carta de Smith, obtener  $L_{S1}$  y  $L_{S2}$  para obtener el siguiente coeficiente de reflexión que cumple los requisitos del problema 2.



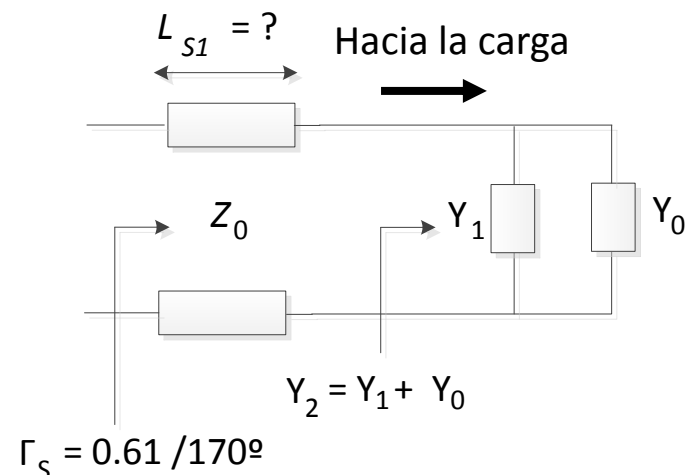
Miguel Durán-Sindreu

Curso 2012/2013





Trabajamos con admitancias ya que es más cómodo a la hora de tratar el paralelo



Impedancia de entrada  $Z_1$  de una línea de longitud  $L_{L2}$  acabada en cortocircuito:

$$Z_1 = Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan(\beta L_{S2})}{Z_0 + jZ_L \tan(\beta L_{S2})} \longrightarrow Z_1 \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = Z_0 j \tan(\beta L_{S2})$$

$$\overline{Z_1} \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = j \tan(\beta L_{S2})$$

$$\overline{Y_1} \Big|_{Z_L \rightarrow 0} = -j \cotan(\beta L_{S2})$$

Dado que  $Y_1$  es puramente imaginario, la longitud  $L_{S1}$  deberá permitir desplazar  $\Gamma_s$  (hacia la carga) hasta el círculo de conductancia unidad, para poder satisfacer la condición:

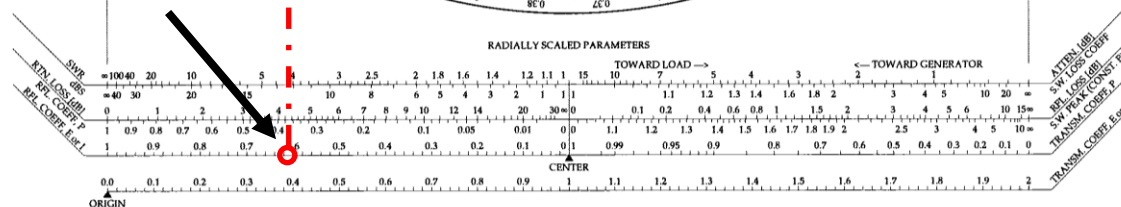
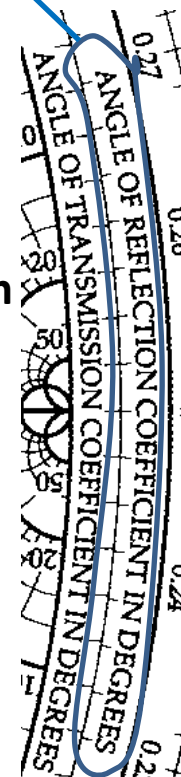
$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \overline{Y_2} = \overline{Y_1} + 1$$

Posteriormente, mediante el stub en cortocircuito implementaremos la admitancia  $Y_1$  mediante la distancia  $L_{S2}$

**Ángulo de  $\Gamma$   
en grados**

 $\Gamma_s$  $|\Gamma|=0.61$ 

Zoom





2. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_s$

$$\bar{Y}_s = \frac{1}{\bar{Z}_s}$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)

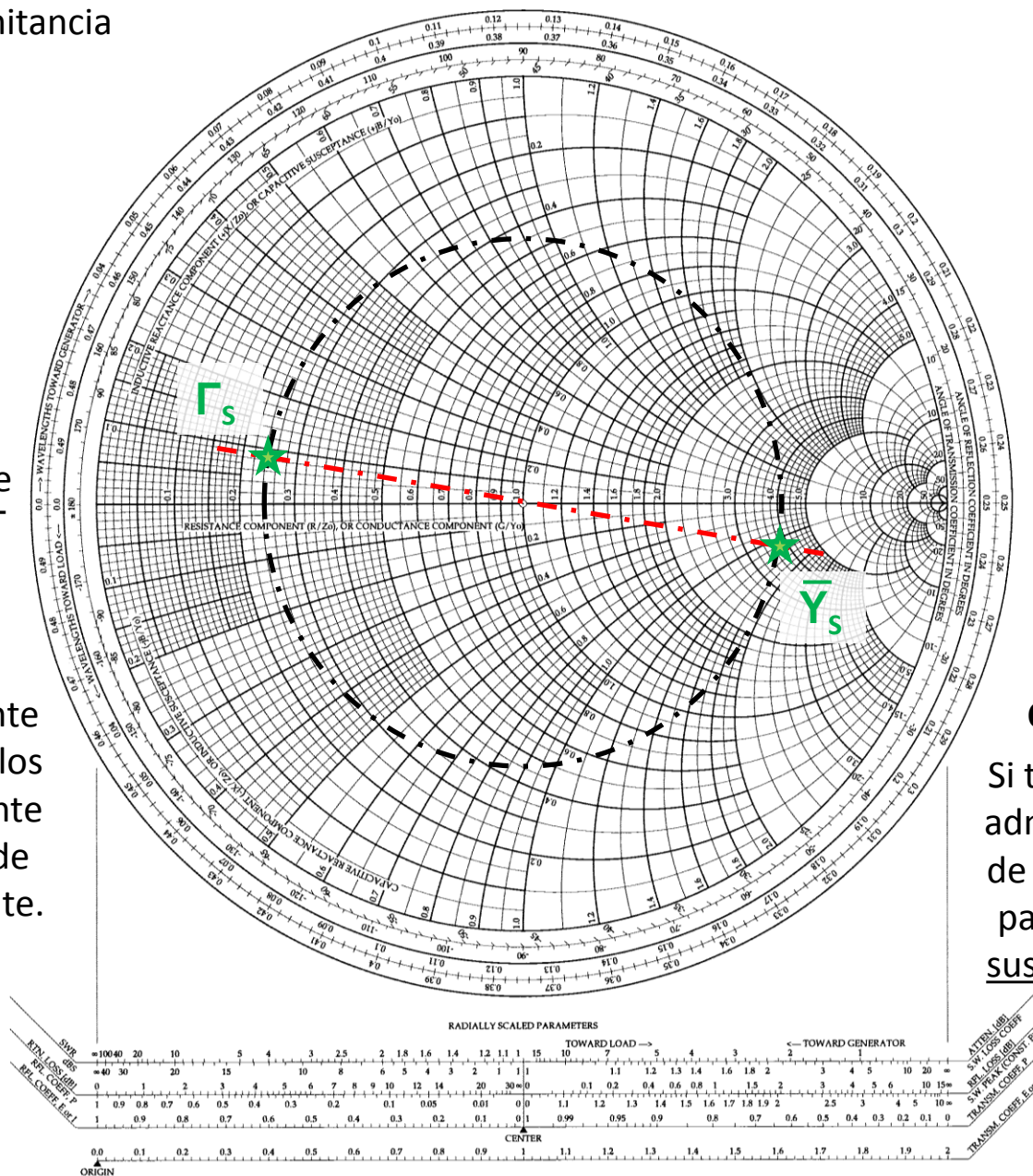
### Consecuencias I:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de resistencia constante pasan a ser círculos de conductancia constante.

Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo

### Consecuencias II:

Si trabajamos mediante admitancias, los círculos de reactancia constante pasan a ser círculos de susceptancia constante.



2. Obtenemos admitancia normalizada  $\bar{Y}_s$

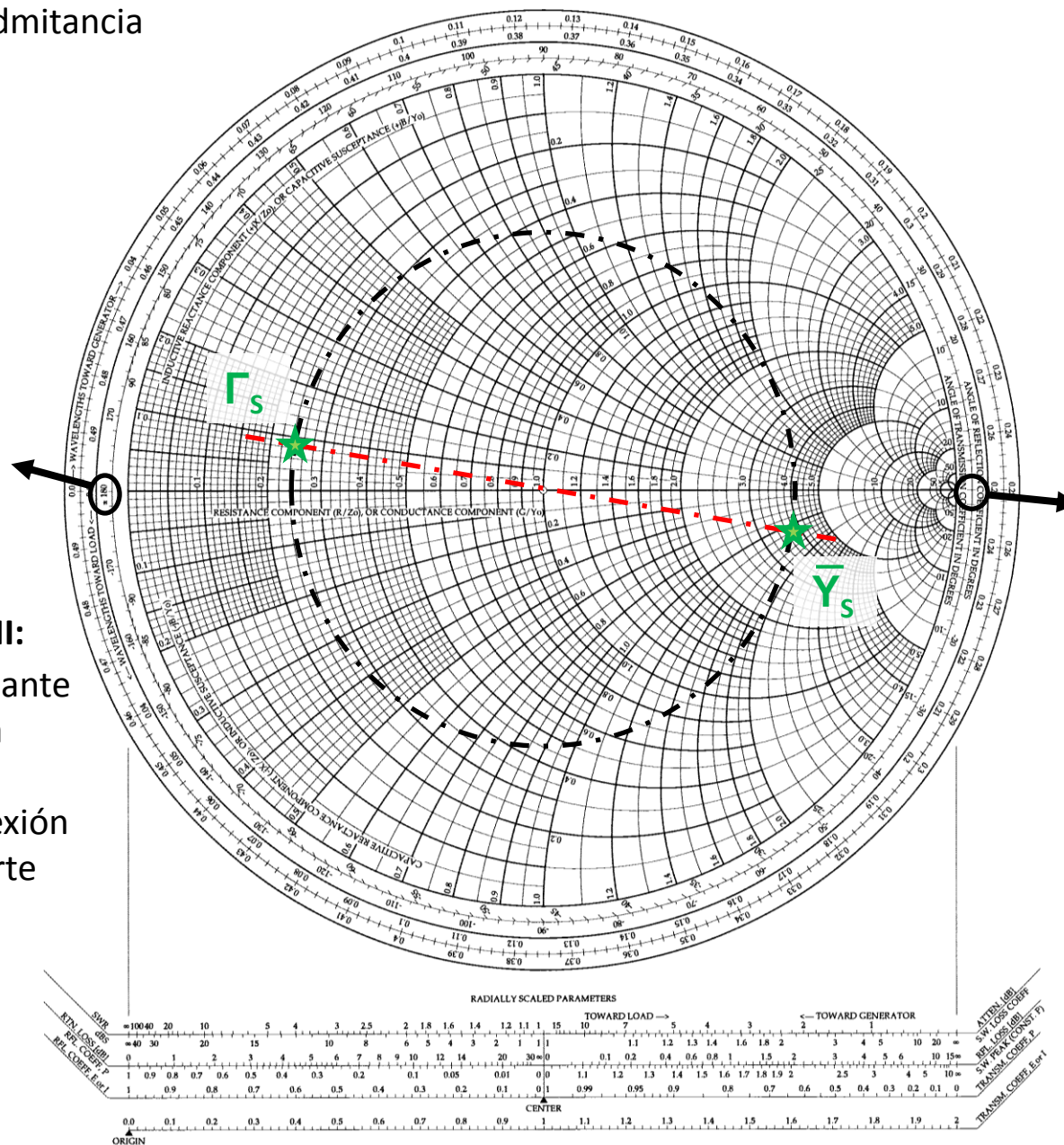
$$\overline{Y}_S = \frac{1}{\overline{Z}_S}$$

<b><u>Z:</u></b>	<b><u>Y:</u></b>
$\pm 180^\circ$	$0^\circ$
$(\Gamma = -1)$	$(\Gamma = 1)$
<b>c.c.</b>	<b>c.a.</b>

### Consecuencias III:

Si trabajamos mediante admitancias, la polaridad del coeficiente de reflexión también se invierte

c.a.  $\rightarrow$  c.c.  
c.c.  $\rightarrow$  c.a.



<u>Z:</u>	<u>Y:</u>
0°	±180°
(Γ=1)	(Γ=-1)
<b>c.a.</b>	<b>c.c.</b>



3. Desplazamos  $\Gamma_s$  una distancia

$L_{S1}$  tal que obtengamos

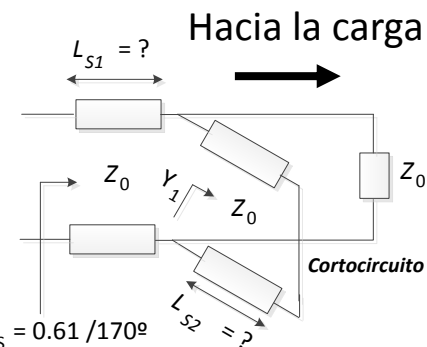
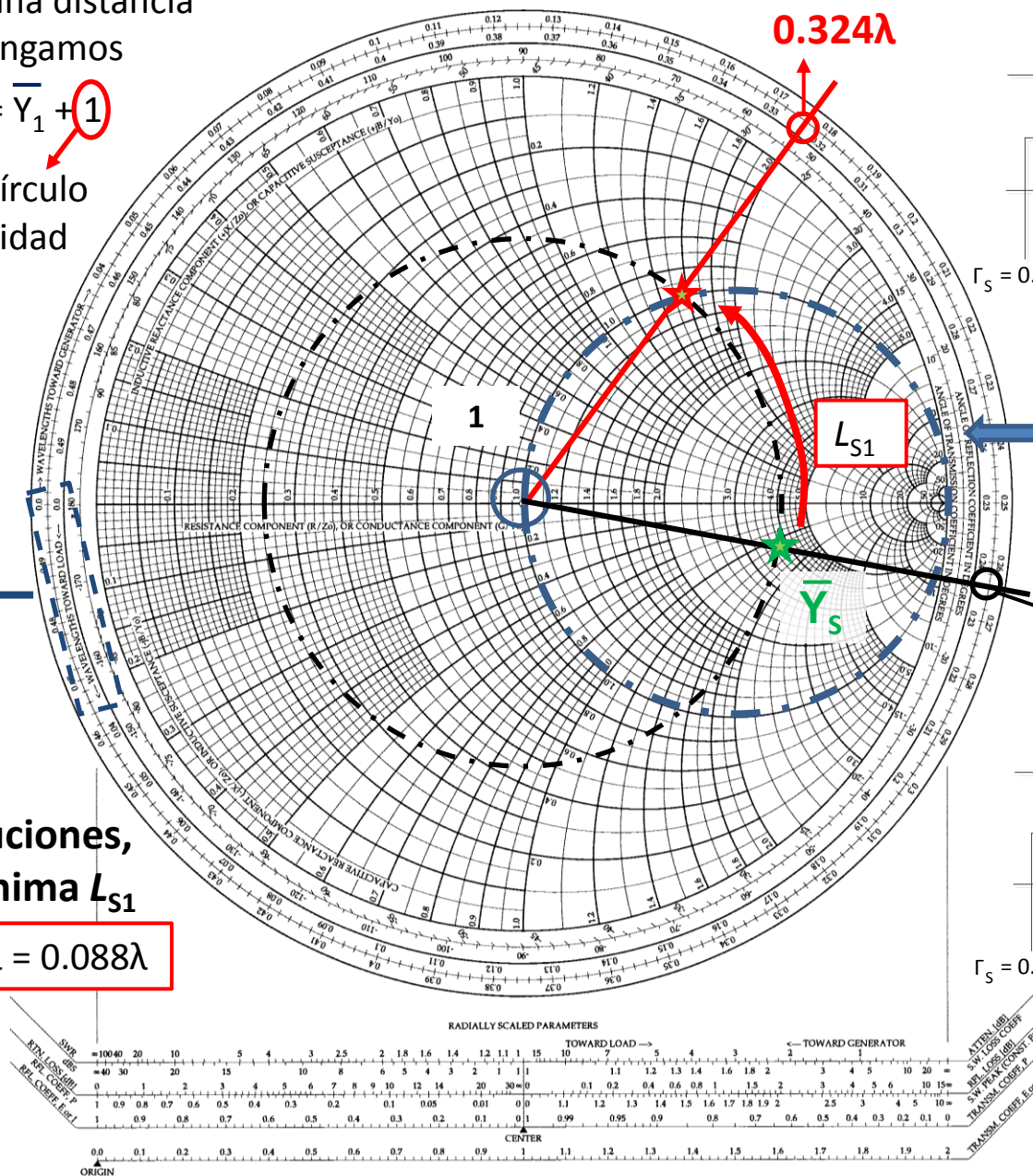
$$Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \bar{Y}_2 = \bar{Y}_1 + 1$$

Hemos de cruzar el círculo de conductancia unidad

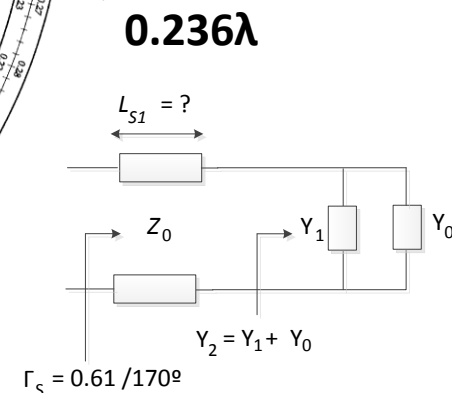


Tenemos dos soluciones, consideramos mínima  $L_{S1}$

$$L_{S1} = 0.324\lambda - 0.236\lambda = 0.088\lambda$$



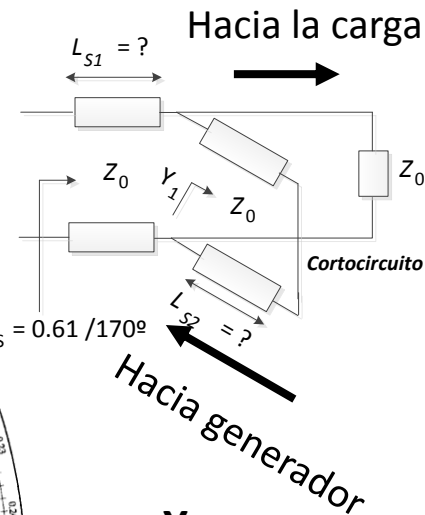
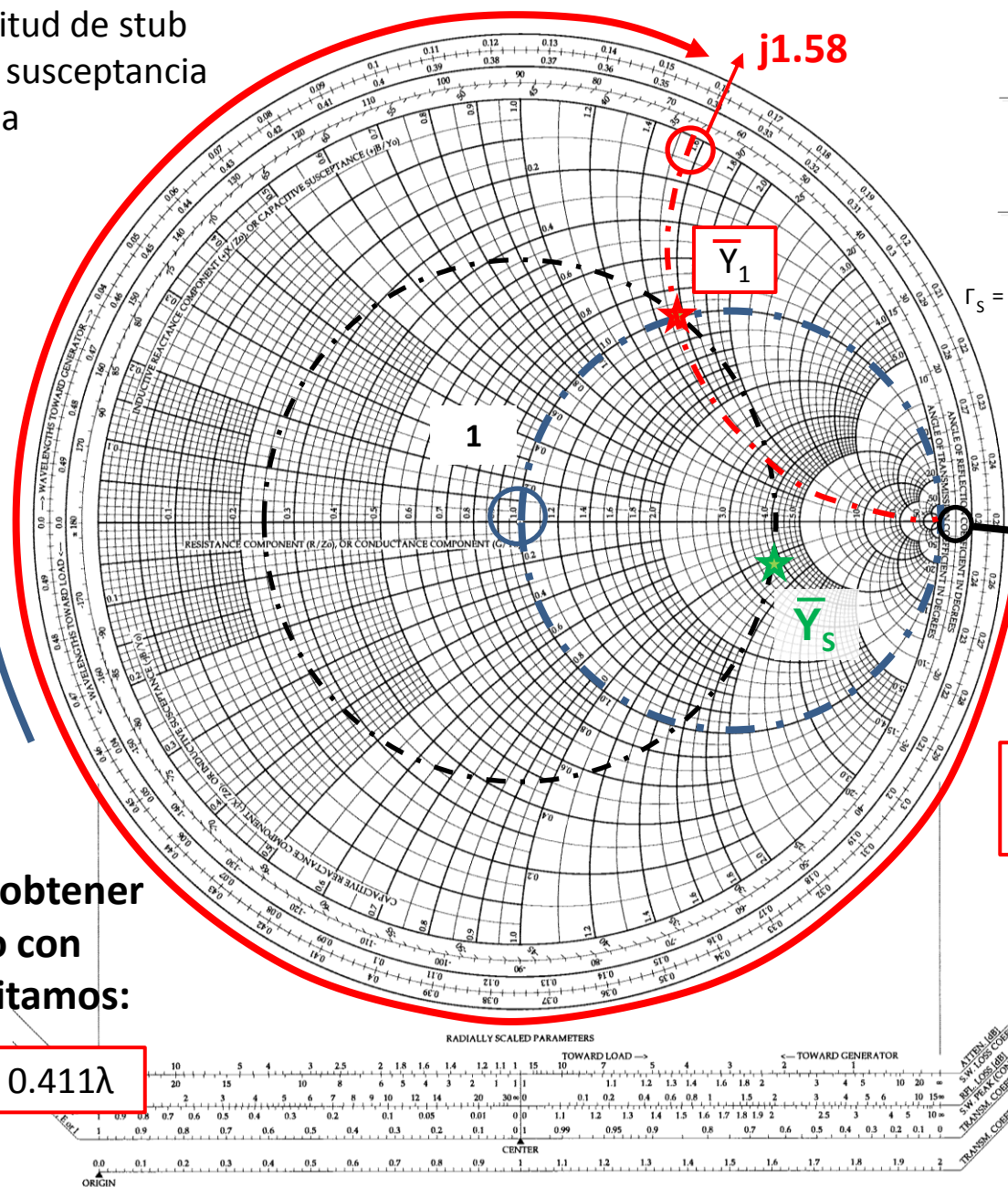
Círculo conductancia unidad





4. Obtenemos longitud de stub para implementar la susceptancia requerida

Hacia generador



$\underline{Y}$ :  
 $\pm 180^\circ$   
( $\Gamma = -1$ )  
C.C.

$$L_{S2} = 0.25\lambda + 0.161\lambda = 0.411\lambda$$

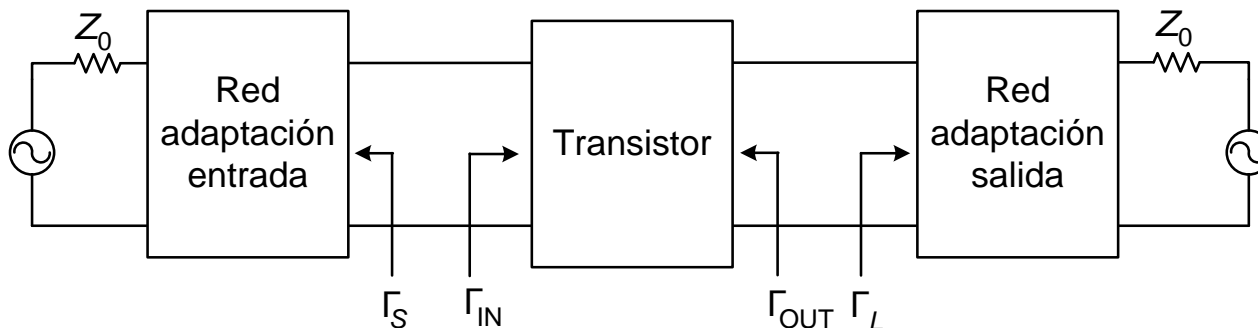
Por lo tanto, para obtener el  $\Gamma_s$  requerido con mínima  $L_{S1}$  necesitamos:

$$L_{S1} = 0.088\lambda ; L_{S2} = 0.411\lambda$$

## Lista 5: Problema 3

3. Diseñar un amplificador con una ganancia de 10 dB a 6 GHz. Representar los círculos de ganancia para  $G_s = 1$  dB y  $G_L = 2$  dB. Diseñar las redes de adaptación mediante stubs en circuito abierto. La matriz del transistor a 6 GHz es:

$$S_{11} = 0.61 < -170^\circ \quad S_{12} = 0 \quad S_{21} = 2.24 < 32^\circ \quad S_{22} = 0.72 < -83^\circ$$



Miguel Durán-Sindreu



El centro y radio de los círculos de ganancia de fuente ( $G_s$ ) y de carga ( $G_L$ ) constante se pueden obtener como:

$$g_s = \frac{G_s}{G_{s \max}} = 0.79 \quad C_s = \frac{g_s S_{11}^*}{1 - (1 - g_s)|S_{11}|^2} = 0.52 < 170^\circ \quad R_s = \frac{\sqrt{1 - g_s}(1 - |S_{11}|^2)}{1 - (1 - g_s)|S_{11}|^2} = 0.31$$

$< C_s = < S_{11}^*$

$$g_L = \frac{G_L}{G_{L \max}} = 0.76 \quad C_L = \frac{g_L S_{22}^*}{1 - (1 - g_L)|S_{22}|^2} = 0.63 < 83^\circ \quad R_L = \frac{\sqrt{1 - g_L}(1 - |S_{22}|^2)}{1 - (1 - g_L)|S_{22}|^2} = 0.27$$

$< C_L = < S_{22}^*$

Donde para calcularlos se ha considerado los cálculos de ganancia máxima unilateral (se cumple  $S_{12} = 0$ ) obtenidos en el problema 2 y las ganancias  $G_s$  y  $G_L$  exigidas en las propias especificaciones del problema 3:

$$G_{s \max uni} = \frac{1}{1 - |S_{11}|^2} = 1.59 \rightarrow 2 \text{ dB} \quad G_o = |S_{21}|^2 = 5.01 \rightarrow 7 \text{ dB}$$

$$G_{L \max uni} = \frac{1}{1 - |S_{22}|^2} = 2.07 \rightarrow 3.2 \text{ dB}$$

$$\text{Especificaciones: } G_s = 1 \text{ dB} \rightarrow 1.26 \quad G_L = 2 \text{ dB} \rightarrow 1.58$$





1. Mapeamos el centro del círculo de ganancia de fuente constante

$$C_s = 0.52 < 170^\circ$$

$$< C_s = 170^\circ$$

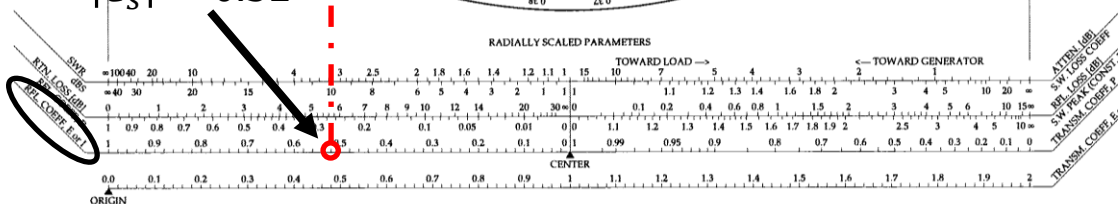
Círculo de ganancia de fuente constante de 1 dB

Ángulo de  $\Gamma$  en grados

Zoom

El centro  $C_s$  está contenido en una recta dada por el ángulo  $S_{11}^*$

$$|C_s| = 0.52$$



2. Mapeamos el radio del círculo de ganancia de fuente constante

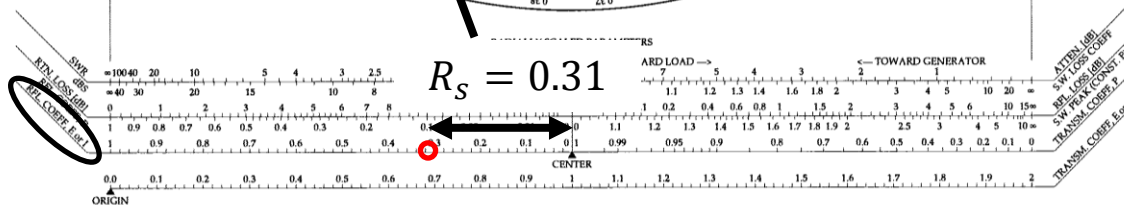
$$C_s = 0.52 < 170^\circ$$

$$R_s = 0.31$$

$$< C_s = 170^\circ$$

Círculo de ganancia de fuente constante de 1 dB

El centro  $C_s$  está contenido en una recta dada por el ángulo  $S_{11}^*$





3. Mapeamos el círculo de ganancia de fuente constante

$$C_s = 0.52 < 170^\circ$$

$$R_s = 0.31$$

$$< C_s = 170^\circ$$

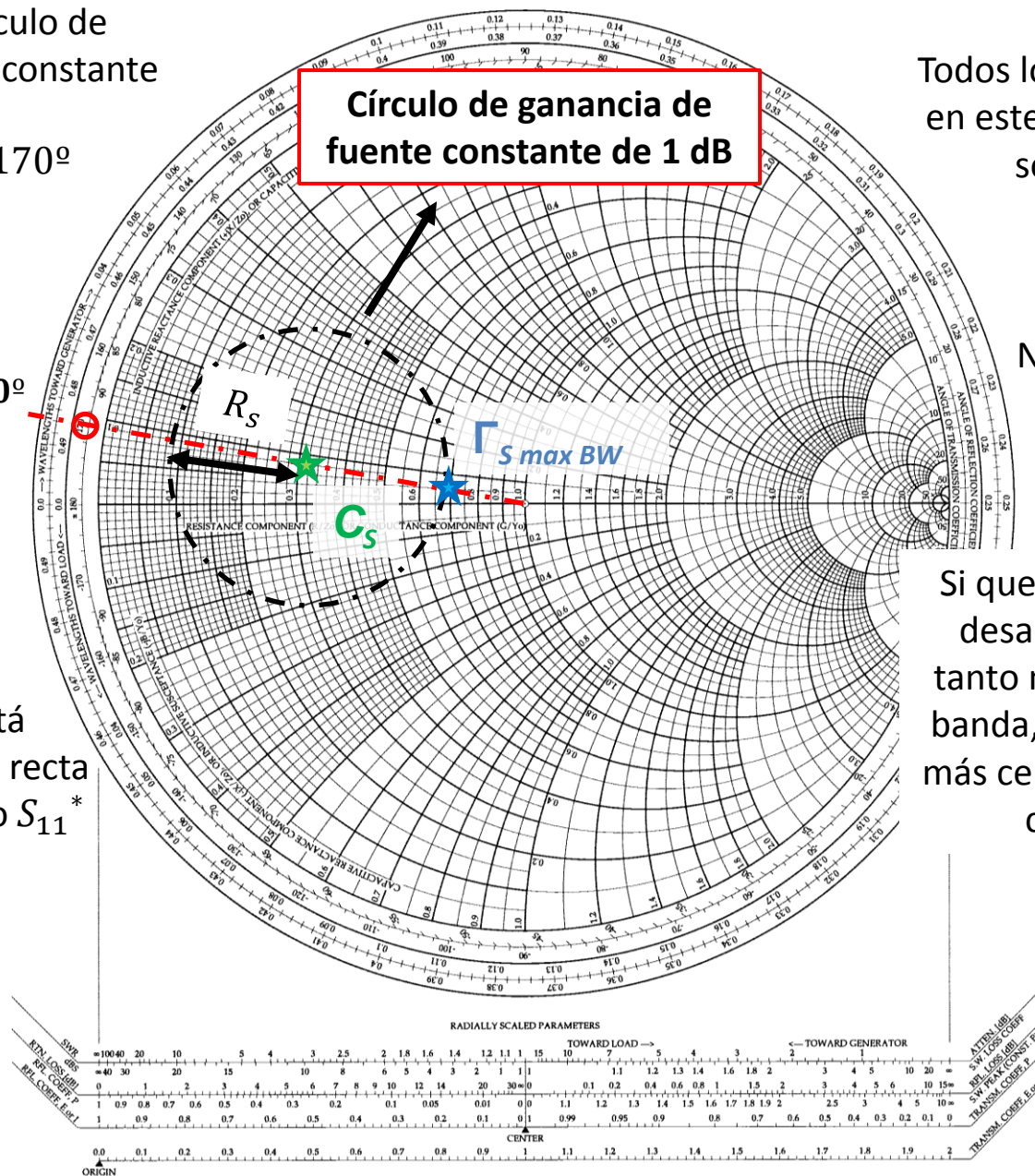
El centro  $C_s$  está contenido en una recta dada por el ángulo  $S_{11}^*$

Círculo de ganancia de fuente constante de 1 dB

Todos los puntos contenidos en este círculo son posibles soluciones de  $\Gamma_s$

NO hay una solución única de  $\Gamma_s$

Si queremos minimizar la desadaptación y por lo tanto maximizar ancho de banda, cogeremos el valor más cercano al centro de la carta de Smith





4. Obtenemos  $\Gamma_{s \max BW}$

$$C_s = 0.52 < 170^\circ$$

$$R_s = 0.31$$

$$< C_s = 170^\circ$$

El centro  $C_s$  está  
contenidos en una recta  
dada por el ángulo  $S_{11}^*$

Círculo de ganancia de  
fuente constante de 1 dB

Todos los puntos contenidos  
en este círculo son posibles  
soluciones de  $\Gamma_s$

NO hay una solución  
única de  $\Gamma_s$

Si queremos minimizar la  
desadaptación y por lo  
tanto maximizar ancho de  
banda, cogeremos el valor  
más cercano al centro de la  
carta de Smith

Faltaría diseñar la red de  
adaptación que satisface  
condición  $\Gamma_{s \max BW}$  :  
Problema 1-2 Lista 5

En nuestro caso:  
 $\Gamma_{s \max BW} = 0.18 < 170^\circ$

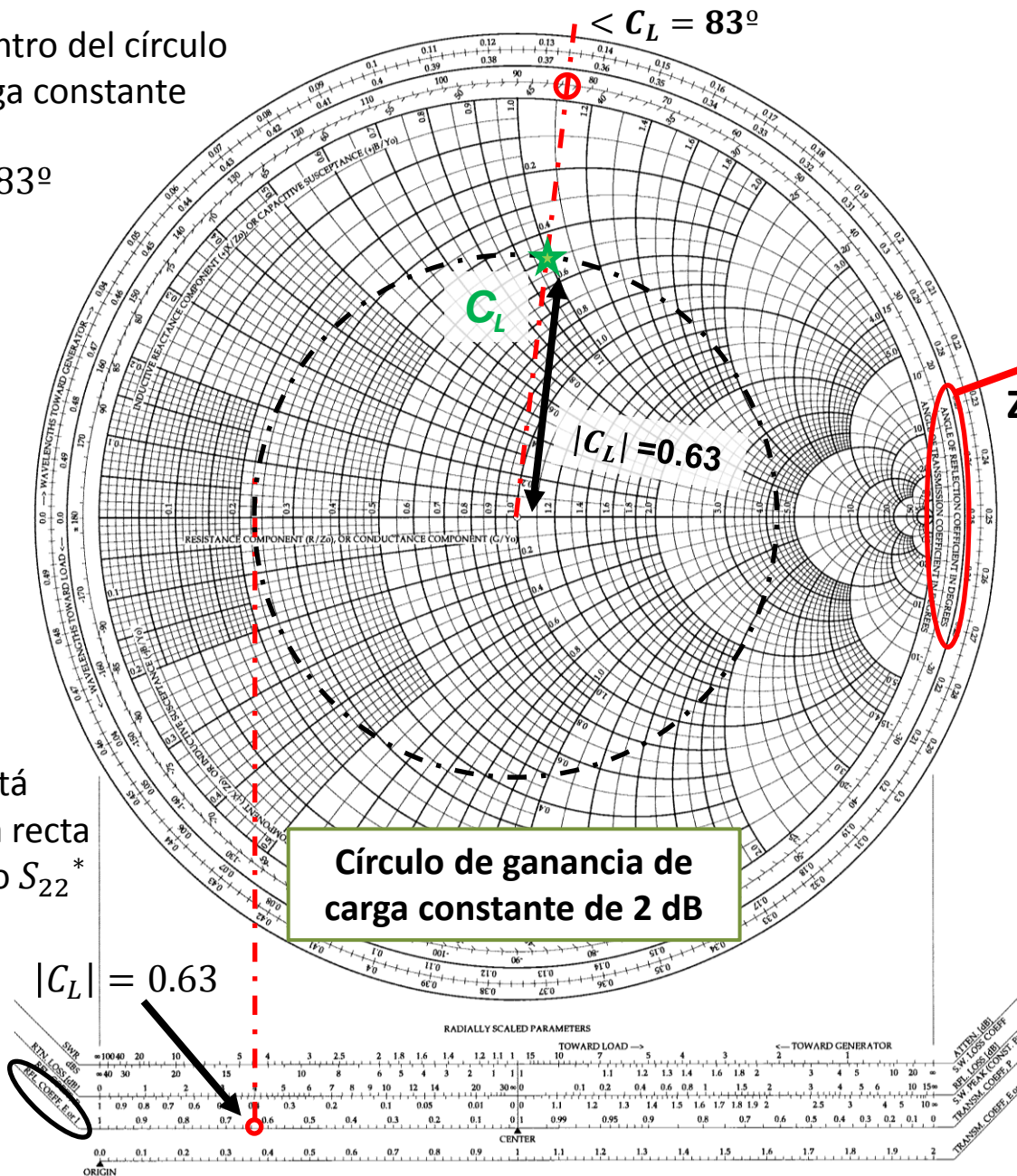
$$|\Gamma| = 0.18$$



5. Mapeamos el centro del círculo de ganancia de carga constante

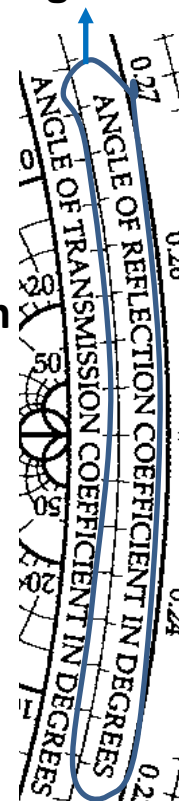
$$C_L = 0.63 < 83^\circ$$

El centro  $C_L$  está contenido en una recta dada por el ángulo  $S_{22}^*$



Ángulo de  $\Gamma$  en grados

Zoom



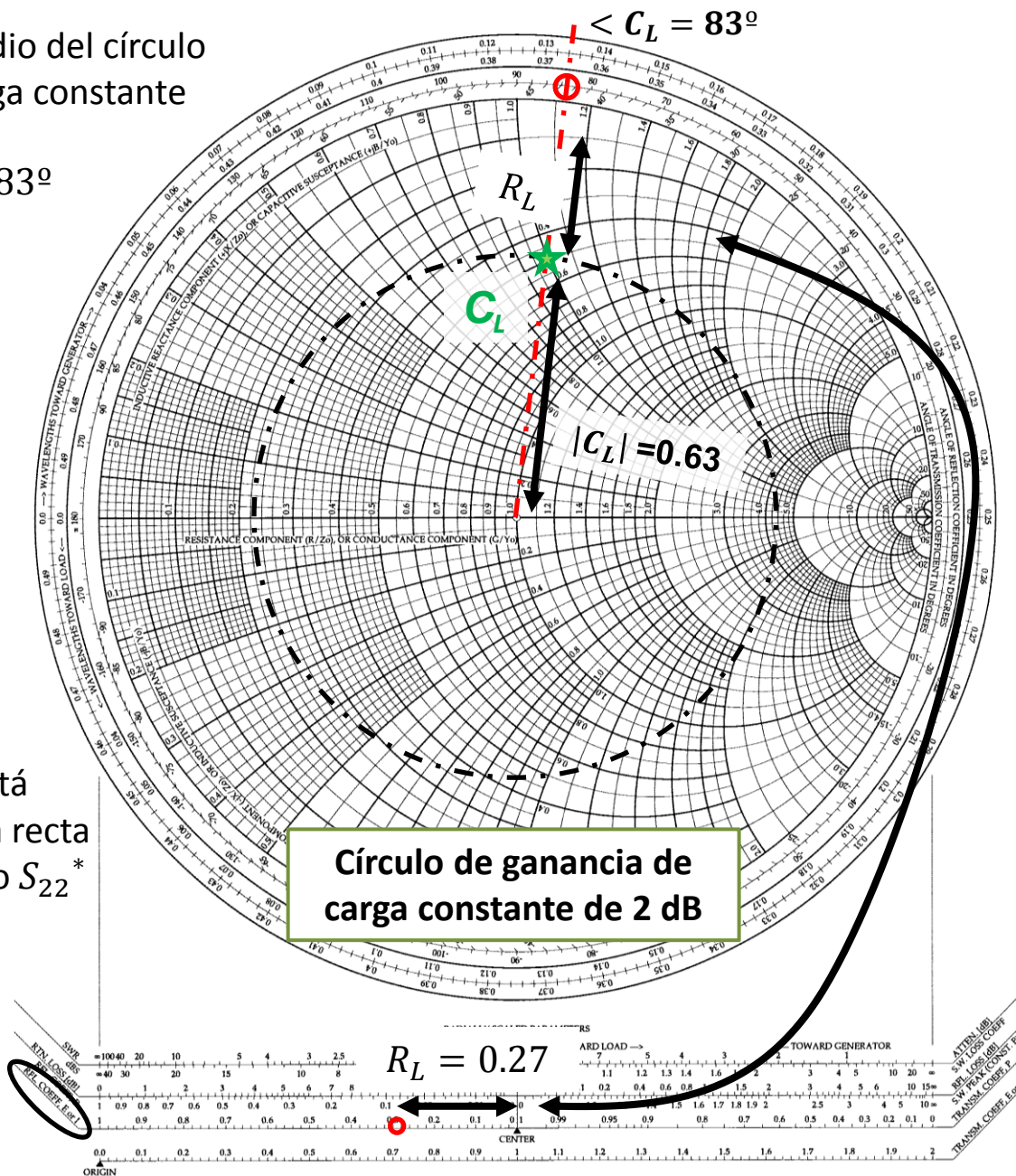


6. Mapeamos el radio del círculo de ganancia de carga constante

$$C_L = 0.63 < 83^\circ$$

$$R_L = 0.27$$

El centro  $C_L$  está  
contenidos en una recta  
dada por el ángulo  $S_{22}^*$



Círculo de ganancia de  
carga constante de 2 dB

$$R_L = 0.27$$

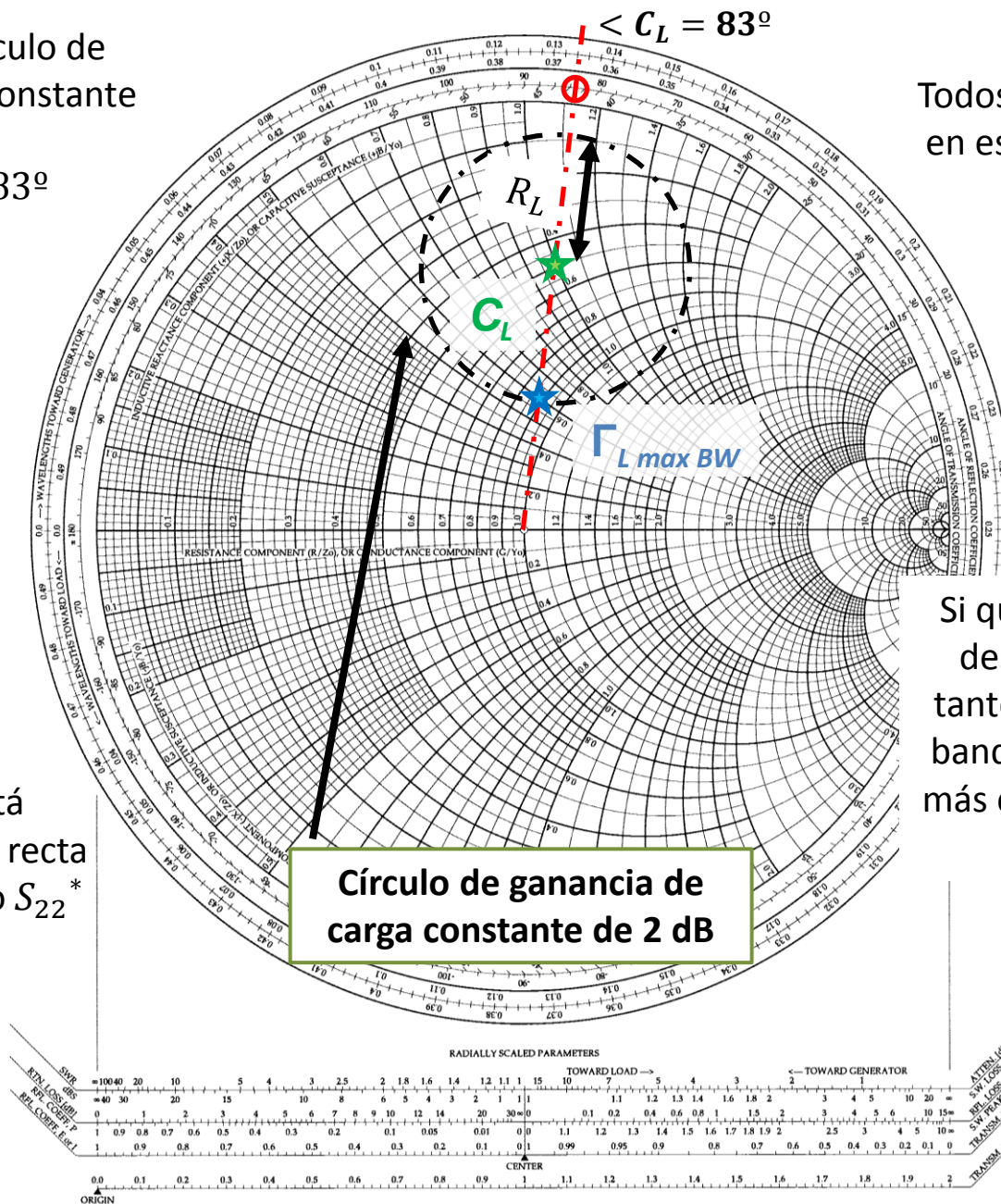


7. Mapeamos el círculo de ganancia de carga constante

$$C_L = 0.63 < 83^\circ$$

$$R_L = 0.27$$

El centro  $C_L$  está contenido en una recta dada por el ángulo  $S_{22}^*$



Todos los puntos contenidos en este círculo son posibles soluciones de  $\Gamma_L$

NO hay una solución única de  $\Gamma_L$

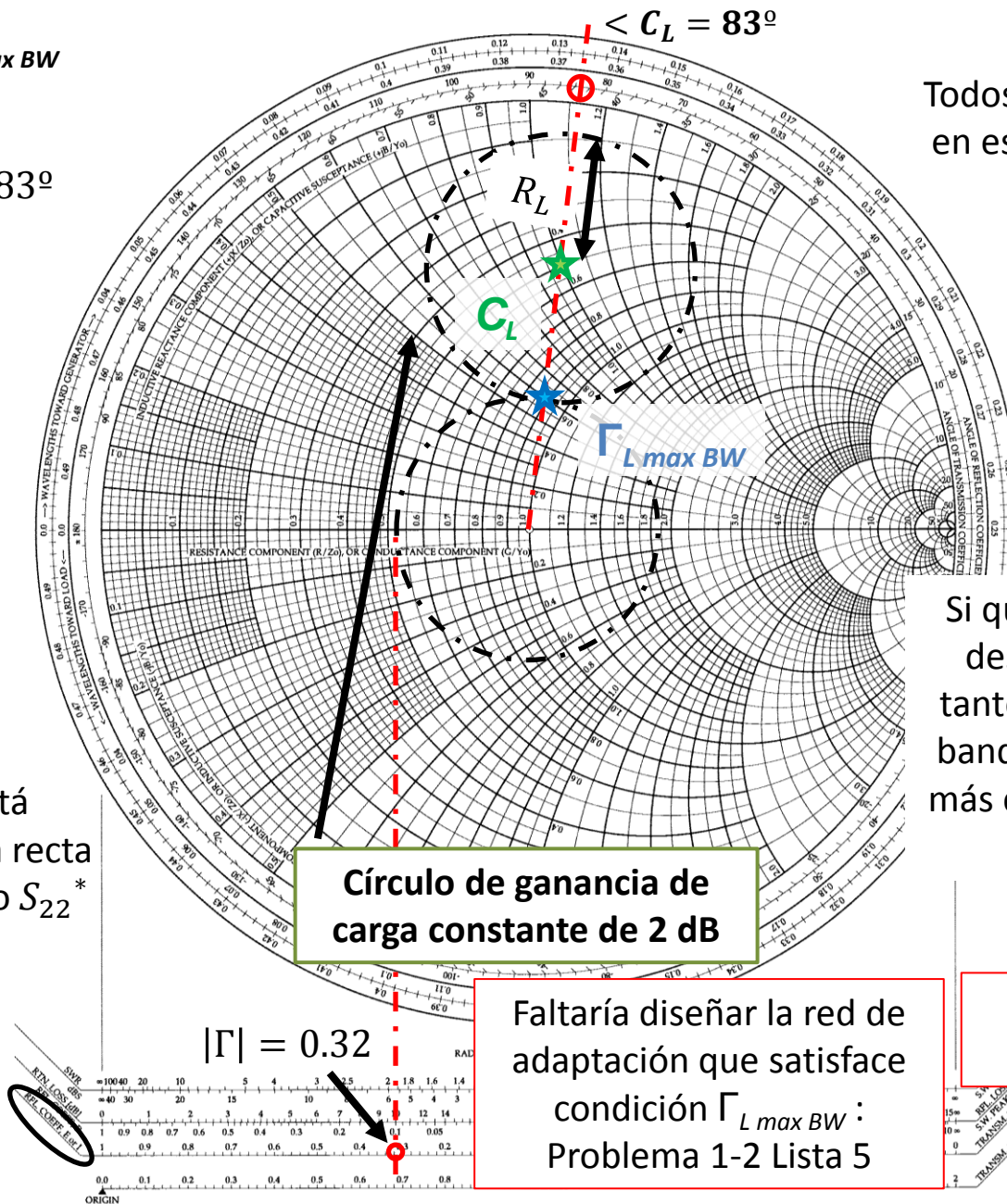
Si queremos minimizar la desadaptación y por lo tanto maximizar ancho de banda, cogeremos el valor más cercano al centro de la carta de Smith

8. Obtenemos  $\Gamma_{L \max BW}$

$$C_L = 0.63 < 83^\circ$$

$$R_L = 0.27$$

El centro  $C_L$  está  
contenidos en una recta  
dada por el ángulo  $S_{22}^*$



Todos los puntos contenidos  
en este círculo son posibles  
soluciones de  $\Gamma_L$

NO hay una solución  
única de  $\Gamma_L$

Si queremos minimizar la  
desadaptación y por lo  
tanto maximizar ancho de  
banda, cogeremos el valor  
más cercano al centro de la  
carta de Smith

En nuestro caso:  
 $\Gamma_{L \max BW} = 0.32 < 83^\circ$

Faltaría diseñar la red de  
adaptación que satisface  
condición  $\Gamma_{L \max BW}$  :  
Problema 1-2 Lista 5





**Universitat Autònoma de Barcelona**

**Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica**

**Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)**

## **Lista 5: Problema 4**

**4.- Un transistor FET de GaAs presenta la siguiente matriz de dispersión a 8 GHz ( $Z_0 = 50 \Omega$ ):**

$$S_{11} = 0.7 \angle -110^\circ \quad S_{12} = 0.02 \angle 60^\circ \quad S_{21} = 3.5 \angle 60^\circ \quad S_{22} = 0.8 \angle -70^\circ$$

**Y como parámetros de ruido:**

$$F_{min} = 2.5 \text{ dB} \quad \Gamma_{opt} = 0.7 \angle 120^\circ \quad R_N = 15 \Omega$$

**Diseñar un amplificador con la mínima figura de ruido y la máxima ganancia posible.**

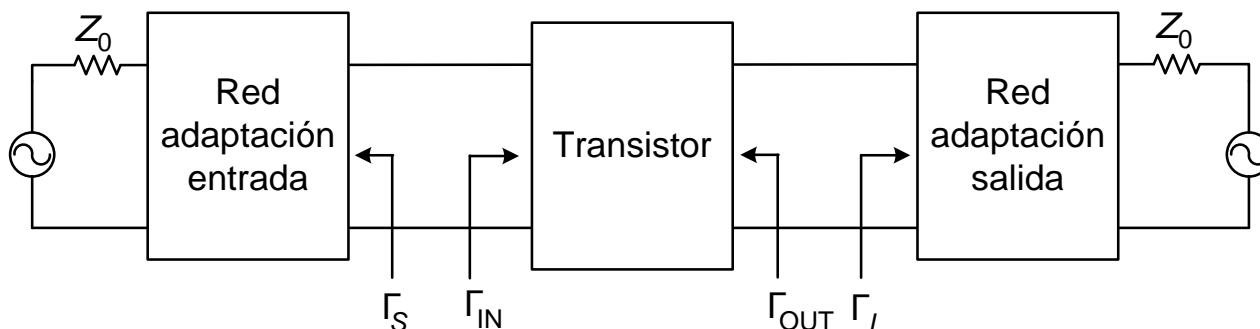
**Diseñar las redes de adaptación mediante stubs en circuito abierto.**

**Miguel Durán-Sindreu**





Consideramos el siguiente diagrama de bloques de un amplificador distribuido:



La ganancia de transferencia (ratio entre potencia entrega a la carga y potencia disponible desde la fuente) teniendo en cuenta las desadaptaciones de fuente y carga se puede calcular como:

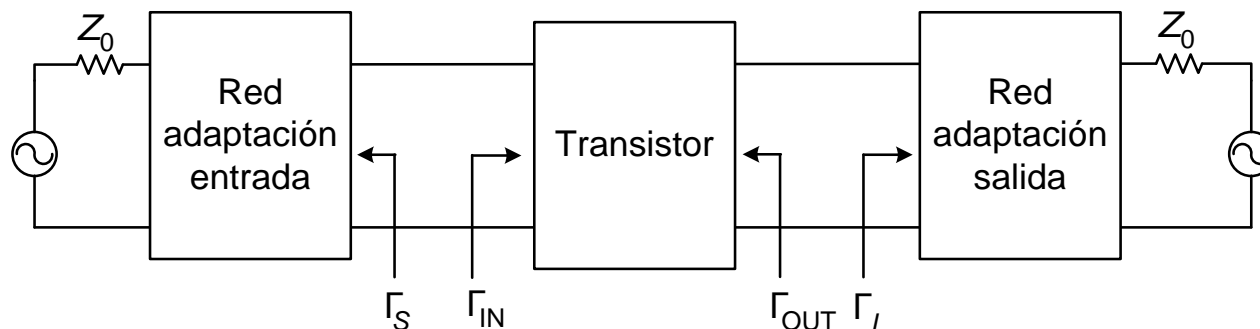
$$G_T = \frac{1 - |\Gamma_S|^2}{|1 - \Gamma_{IN}\Gamma_S|^2} \cdot |S_{21}|^2 \cdot \frac{1 - |\Gamma_L|^2}{|1 - S_{22}\Gamma_L|^2} = \frac{1 - |\Gamma_S|^2}{|1 - S_{11}\Gamma_S|^2} \cdot |S_{21}|^2 \cdot \frac{1 - |\Gamma_L|^2}{|1 - \Gamma_{OUT}\Gamma_L|^2}$$

$$\Gamma_{IN} = S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L} \quad \Gamma_{OUT} = S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_S}{1 - S_{11}\Gamma_S}$$

Por lo tanto, únicamente tenemos  $\Gamma_L, \Gamma_S$  como parámetros de diseño para cumplir la condición que nos pidan en nuestro amplificador. En nuestro caso, nos piden que el amplificador tenga la mínima figura de ruido y la máxima ganancia posible.

La figura de ruido viene determinado por el valor de  $\Gamma_S$  y consecuentemente habrá un compromiso entre ganancia de fuente y figura de ruido.

Consideramos el siguiente diagrama de bloques de un amplificador distribuido:



### Obtención del coeficiente de reflexión $\Gamma_L$

$\Gamma_L$  no está afectado por la figura de ruido, por lo que tenemos libertad de escogerla.

En este problema escogemos tener una máxima ganancia de carga (aunque podríamos haber considerado otro tipo de diseño como maximizar ancho de banda, etc). De esta forma,  $\Gamma_L$  cumple:

$$\Gamma_L \text{ max gain} = \frac{B_2 \pm \sqrt{B_2^2 - 4|C_2|^2}}{2C_2} = \dots = 0.94 < \mathbf{75.6^\circ}$$

$$\Gamma_L \text{ max gain aprox. unilateral} = S_{22}^* = \mathbf{0.8 < 70^\circ}$$

## Obtención del coeficiente de reflexión $\Gamma_s$

Para estudiar compromiso entre la figura de ruido y la ganancia de fuente, es muy útil graficar los círculos de ganancia de fuente constante frente los círculos de figura de ruido constante en la carta de Smith. Esto nos permitirá obtener el valor de  $\Gamma_s$  idóneo para nuestra aplicación.

El centro y radio de los círculos de ganancia de fuente ( $G_s$ ) constante se pueden obtener para el caso o aproximación unilateral como (problema 3 lista 5):

$$g_s = \frac{G_s}{G_{s \max uni}} \quad C_s = \frac{g_s S_{11}^*}{1 - (1 - g_s)|S_{11}|^2} \quad R_s = \frac{\sqrt{1 - g_s}(1 - |S_{11}|^2)}{1 - (1 - g_s)|S_{11}|^2}$$

$$\text{Si } G_s = G_{s \max uni} \rightarrow \Gamma_{IN} = \Gamma_s^* = S_{11} \rightarrow G_{s \max uni} = \frac{1}{1 - |S_{11}|^2} = 1.96 \rightarrow 2.9dB \quad \text{Si } G_s \uparrow \rightarrow R_s \downarrow$$

Donde estas ecuaciones consideran transistores unilaterales.

En nuestro caso,  $S_{12} = 0.02 < 60^\circ \approx 0$ , por lo que podemos aproximar el transistor como unilateral.

Probamos diferentes casos de ganancia de fuente:

$$\text{Caso } G_{s1} = 2 \text{ dB} \rightarrow g_{s1} = 0.81 \quad C_{s1} = 0.62 < 110^\circ \quad R_{s1} = 0.25$$

$$\text{Caso } G_{s2} = 2.7 \text{ dB} \rightarrow g_{s2} = 0.95 \quad C_{s2} = 0.68 < 110^\circ \quad R_{s3} = 0.12$$

$$\text{Caso } G_{s3} = 2.8 \text{ dB} \rightarrow g_{s3} = 0.97 \quad C_{s3} = 0.69 < 110^\circ \quad R_{s2} = 0.09$$

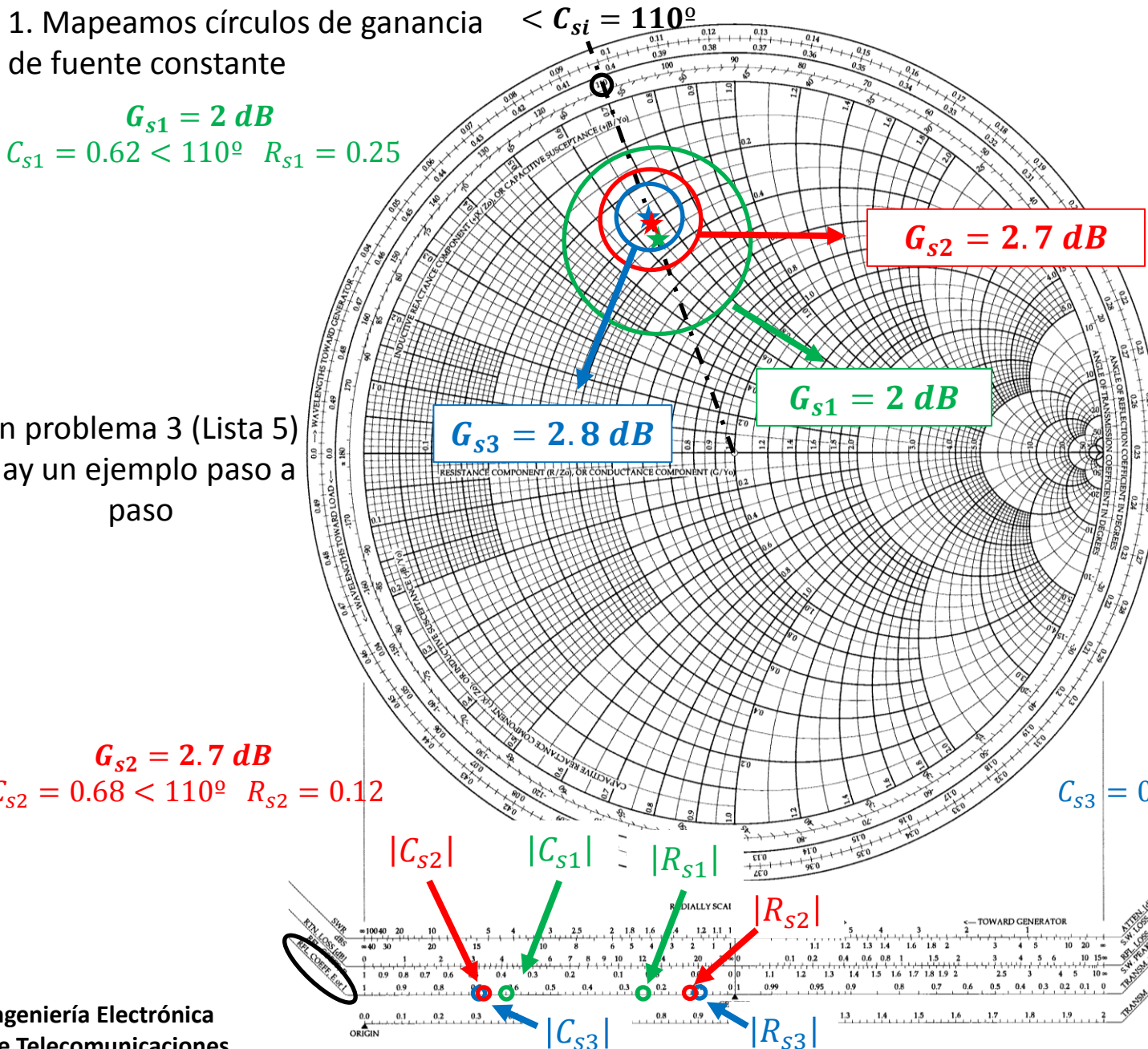




1. Mapeamos círculos de ganancia de fuente constante

$$G_{s1} = 2 \text{ dB}$$

$$C_{s1} = 0.62 < 110^\circ \quad R_{s1} = 0.25$$



## Círculos de figura de ruido constante

El centro y radio de los círculos de figura de ruido  $F$  constante se pueden obtener como:

$$C_F = \frac{\Gamma_{opt}}{N+1} \quad R_F = \frac{\sqrt{N(N+1-|\Gamma_{opt}|^2)}}{N+1} \quad N = \frac{|\Gamma_s - \Gamma_{opt}|^2}{1-|\Gamma_s|^2} = \frac{F - F_{min}}{4R_N/Z_0} |1 + \Gamma_{opt}|^2$$

↑ ¡  $F$  y  $F_{min}$  en lineal !

Donde si  $F = F_{min}$ ,  $N = 0 \rightarrow R_F = 0$ . Es decir, si  $F = F_{min}$  tenemos un solo punto de valor  $C_F = \Gamma_{opt}$ .

En nuestro caso,  $F_{min} = 2.5 \text{ dB}$ ,  $\Gamma_{opt} = 0.7 < 120^\circ$ ,  $R_N = 15 \Omega$ ,  $Z_0 = 50 \Omega$

Probamos diferentes casos de figuras de ruido constante:

$$\text{Caso } F_1 = F_{min} = 2.5 \text{ dB} \rightarrow C_{F1} = \Gamma_{opt} = 0.7 < 120^\circ \quad R_{F1} = 0 \quad N_1 = 0$$

$$\text{Caso } F_2 = 2.52 \text{ dB} \rightarrow C_{F2} = 0.696 < 120^\circ \quad R_{F2} = 0.05 \quad N_2 = 0.0054$$

$$\text{Caso } F_3 = 2.7 \text{ dB} \rightarrow C_{F3} = 0.66 < 120^\circ \quad R_{F3} = 0.17 \quad N_3 = 0.055$$



2. Mapeamos círculos de figura de ruido constante para  $F_1 = F_{min}$

$$F_1 = F_{min} = 2.5 \text{ dB}$$

$$C_{F1} = \Gamma_{opt} = 0.7 < 120^\circ \quad R_{F1} = 0$$

Para cumplir condición

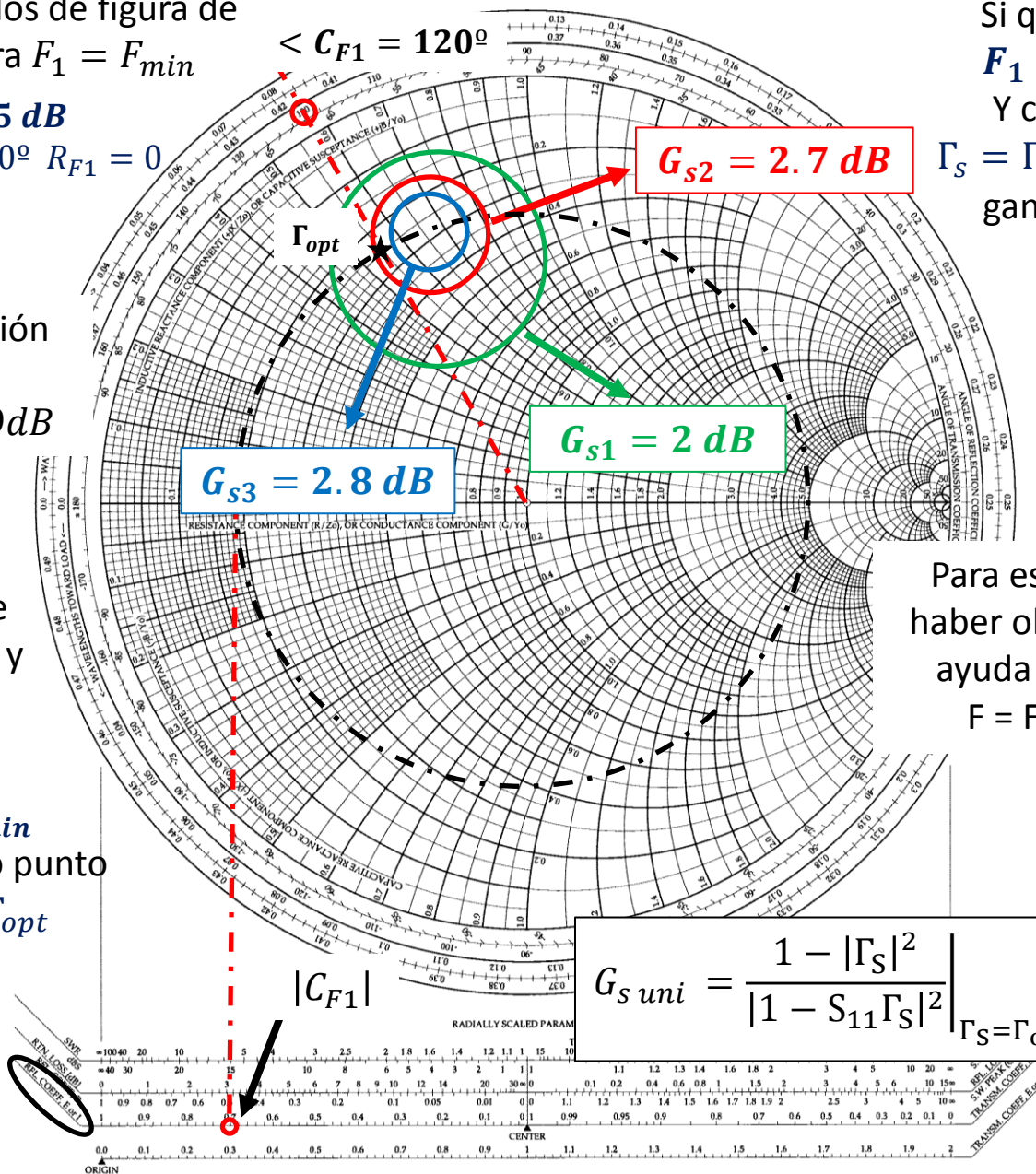
$F_{min}$  obtenemos

$$G_{s2} < G_{smax} = 2.9 \text{ dB}$$



Compromiso entre  
ganancia de fuente y  
figura de ruido

Como  $F_1 = F_{min}$   
obtenemos un único punto  
de valor igual a  $\Gamma_{opt}$



Si queremos satisfacer

$$F_1 = F_{min} = 2.5 \text{ dB}$$

Y consecuentemente

$\Gamma_s = \Gamma_{opt}$  obtendremos una  
ganancia de fuente de

$$G_{s2} = 2.7 \text{ dB}$$

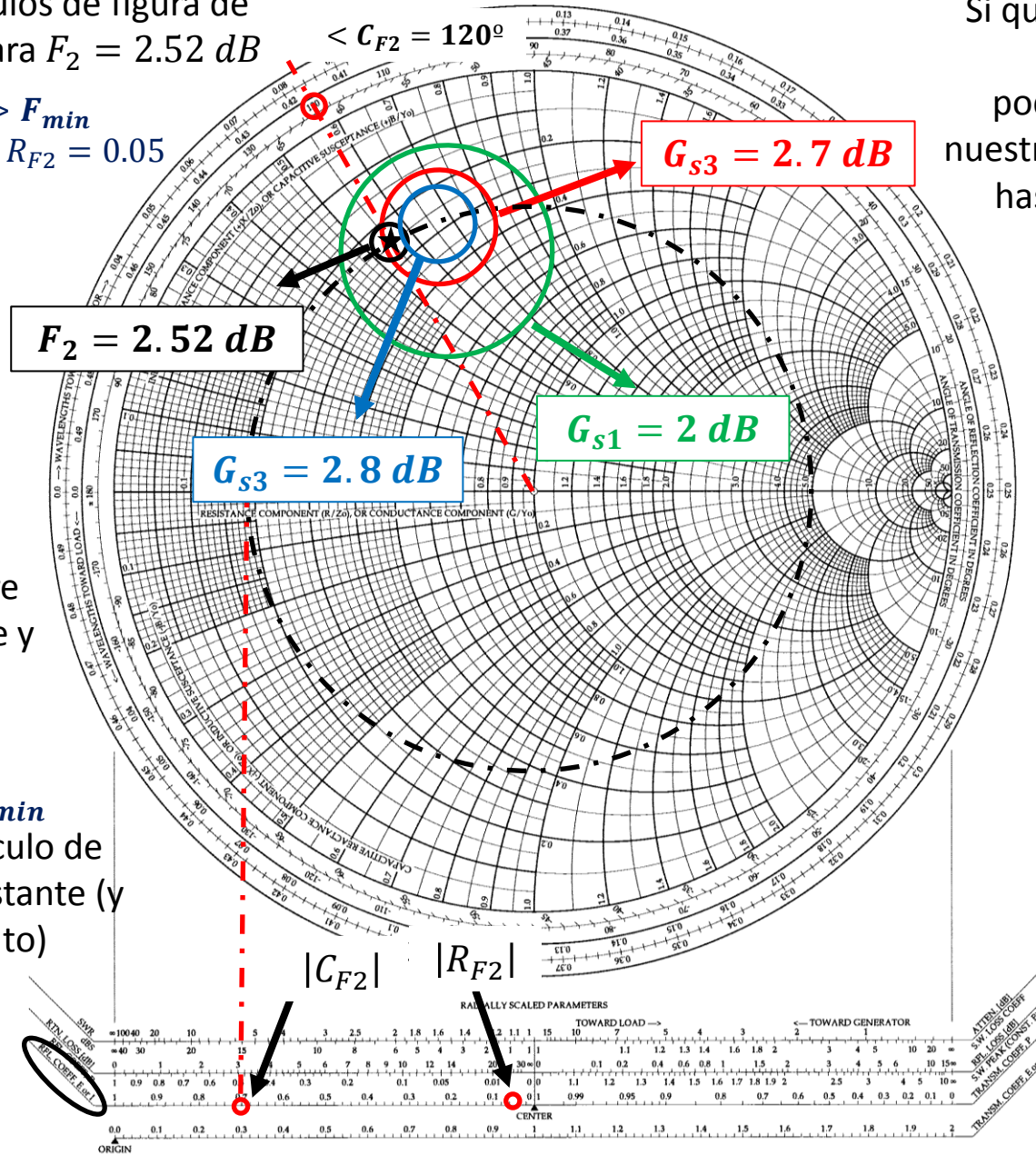
Para este caso, podríamos  
haber obtenido  $G_s$  y  $\Gamma_s$  sin la  
ayuda de Smith, ya que si  
 $F = F_{min}$ ,  $\Gamma_s = \Gamma_{opt}$  y:



$$G_{s \text{ uni}} = \frac{1 - |\Gamma_s|^2}{|1 - S_{11}\Gamma_s|^2} \bigg|_{\Gamma_s = \Gamma_{opt}} = 1.85 \rightarrow 2.68 \text{ dB}$$



Como  $F_2 > F_{min}$   
obtenemos un círculo de  
figura de ruido constante (y  
no un solo punto)



Si quisiéramos satisfacer  
 $F_2 = 2.52 \text{ dB}$   
 podríamos aumentar  
 nuestra ganancia de fuente  
 hasta  $G_{s3} = 2.8 \text{ dB}$

★  $C_{F2}$

4. Obtenemos  $\Gamma_s$  para caso  $F_2 = 2.52 \text{ dB}$

$$F_2 = 2.52 \text{ dB} > F_{\min}$$

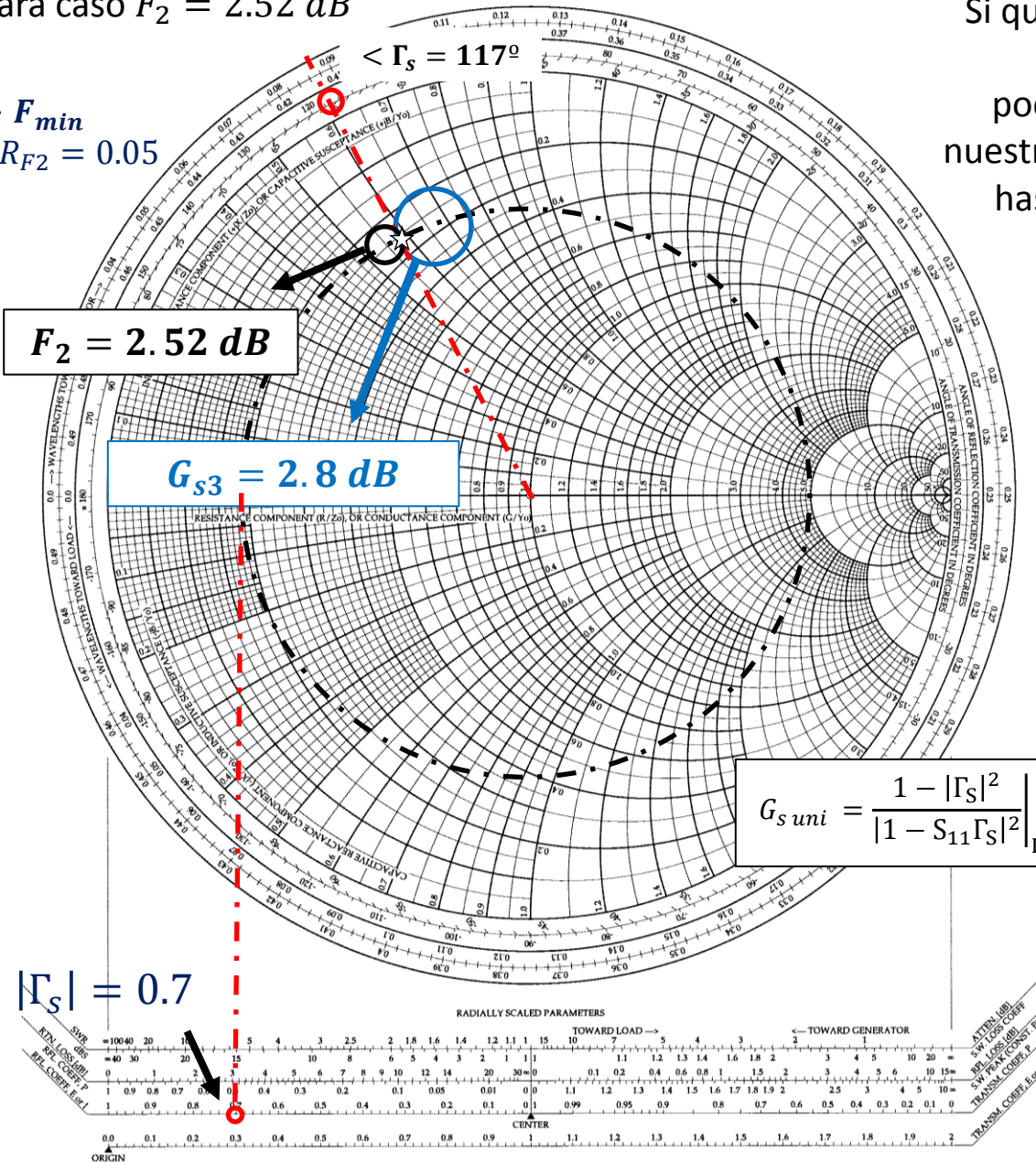
$$C_{F_2} = 0.696 < 120^\circ \quad R_{F_2} = 0.05$$

Si quisiéramos satisfacer  
 $F_2 = 2.52 \text{ dB}$   
 podríamos aumentar  
 nuestra ganancia de fuente  
 hasta  $G_{s3} = 2.8 \text{ dB}$

Obtenemos  $\Gamma_s$  en la  
 intersección de  
 ambos círculos

$$\Gamma_s = 0.7 < 117^\circ$$

Lo demostramos  
 analíticamente



$$G_{s \text{ uni}} = \frac{1 - |\Gamma_s|^2}{|1 - S_{11}\Gamma_s|^2} \Big|_{\Gamma_s=0.7 < 117^\circ} = 1.9 \rightarrow 2.8 \text{ dB}$$

5. Buscamos la figura de ruido  $F$  que cumpla  $G_S = G_{S \max uni}$

Podemos hacerlo mediante la carta de Smith o de forma analítica. Lo hacemos analíticamente:

$$\text{Si } G_S = G_{S \max uni} \rightarrow \Gamma_{IN} = \Gamma_S^* = S_{11} \rightarrow \Gamma_S = \mathbf{0.7} < \mathbf{110^\circ}$$

$$N = \frac{|\Gamma_S - \Gamma_{opt}|^2}{1 - |\Gamma_S|^2} = \dots = 0.029$$

Además, se cumple:

$$N = \frac{|\Gamma_S - \Gamma_{opt}|^2}{1 - |\Gamma_S|^2} = \frac{F - F_{min}}{4R_N/Z_0} |1 + \Gamma_{opt}|^2$$

Por lo tanto:

$$F = \frac{N4R_N/Z_0}{|1 + \Gamma_{opt}|^2} + F_{min} = \dots = 1.79 \rightarrow F = 2.54 \text{ dB}$$

Es decir, la figura de ruido que satisface máxima ganancia es  $F = 2.54 \text{ dB} > F_2 > F_{min} = 2.5 \text{ dB}$

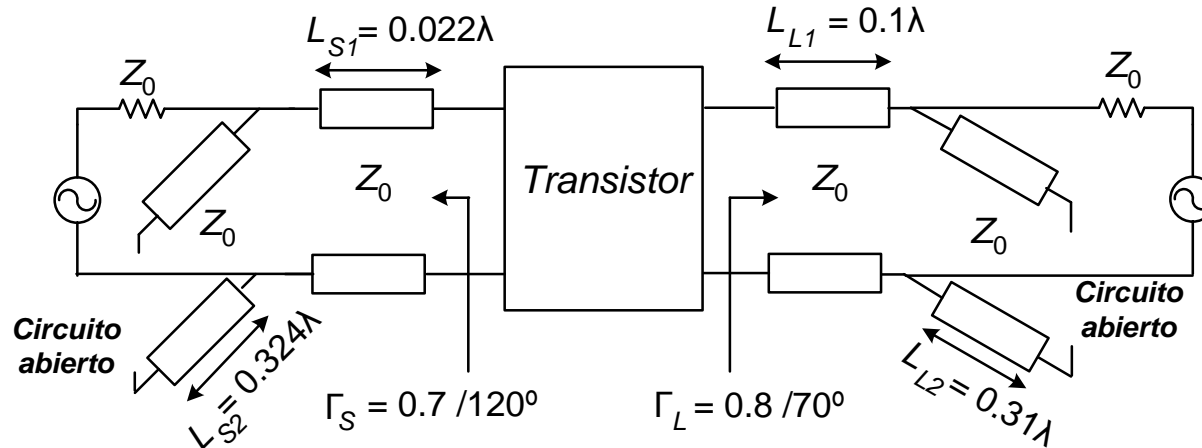
Donde podríamos haber llegado a la misma conclusión con la ayuda de la carta de Smith





6. Diseñar las redes de adaptación mediante stubs en circuito abierto:

Para el caso de  $F_1 = F_{min} = 2.5 \text{ dB}$  se puede deducir que las redes de adaptación resultantes son:



Donde éstas longitudes se pueden obtener de forma similar a los casos mostrados en los problemas 1 y 2 de la lista 5 de problemas.

Si además obtenemos  $\Gamma_{IN}$  y  $\Gamma_{OUT}$  para el caso unilateral:

$$\Gamma_{IN \text{ unilateral}} = S_{11} = 0.7 < -110^\circ \longrightarrow \Gamma_{IN} \neq \Gamma_S^* \longrightarrow \text{Ya que } G_S \neq G_{S \text{ max uni}}$$

$$\Gamma_{OUT \text{ unilateral}} = S_{22} = 0.8 < -70^\circ \longrightarrow \Gamma_{OUT} = \Gamma_L^* \longrightarrow \text{Ya que } G_L = G_{L \text{ max uni}}$$



**Universitat Autònoma de Barcelona**

**Escola d'Enginyeria, Departament d'Enginyeria Electrònica**

**Bellaterra (Cerdanyola del Vallès)**

**Diseño de osciladores de microondas: Solución problema 2 (Lista 6)**

**2. La matriz de parámetros [S] de un transistor FET en fuente común es:**

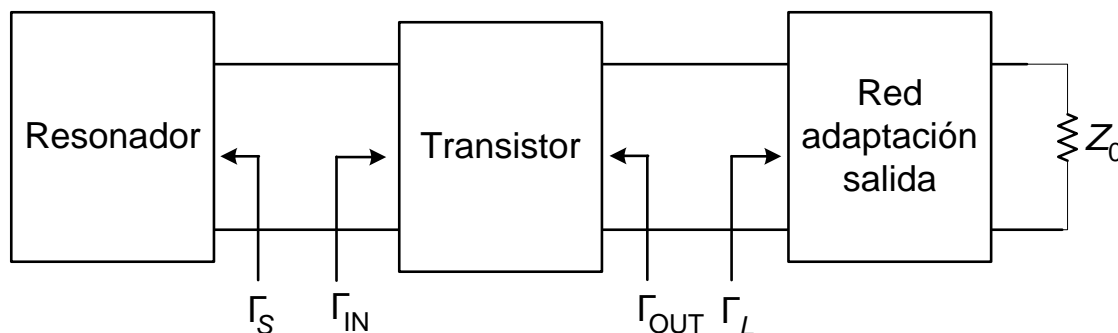
$$S_{11} = 0.95 \angle -45^\circ \quad S_{12} = 0.25 \angle 45^\circ \quad S_{21} = 1.414 \angle 45^\circ \quad S_{22} = 0.5 \angle -45^\circ$$

- a) Calcular el factor  $K$ .**
- b) Diseñar un oscilador de radiofrecuencia con una carga de  $50 \Omega$ .**
- c) Implementar las correspondientes redes de adaptación a la entrada y a la salida.**

**Miguel Durán-Sindreu**



Para diseñar un oscilador, consideramos el siguiente diagrama de bloques:



$$\Gamma_{IN} = S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L}$$

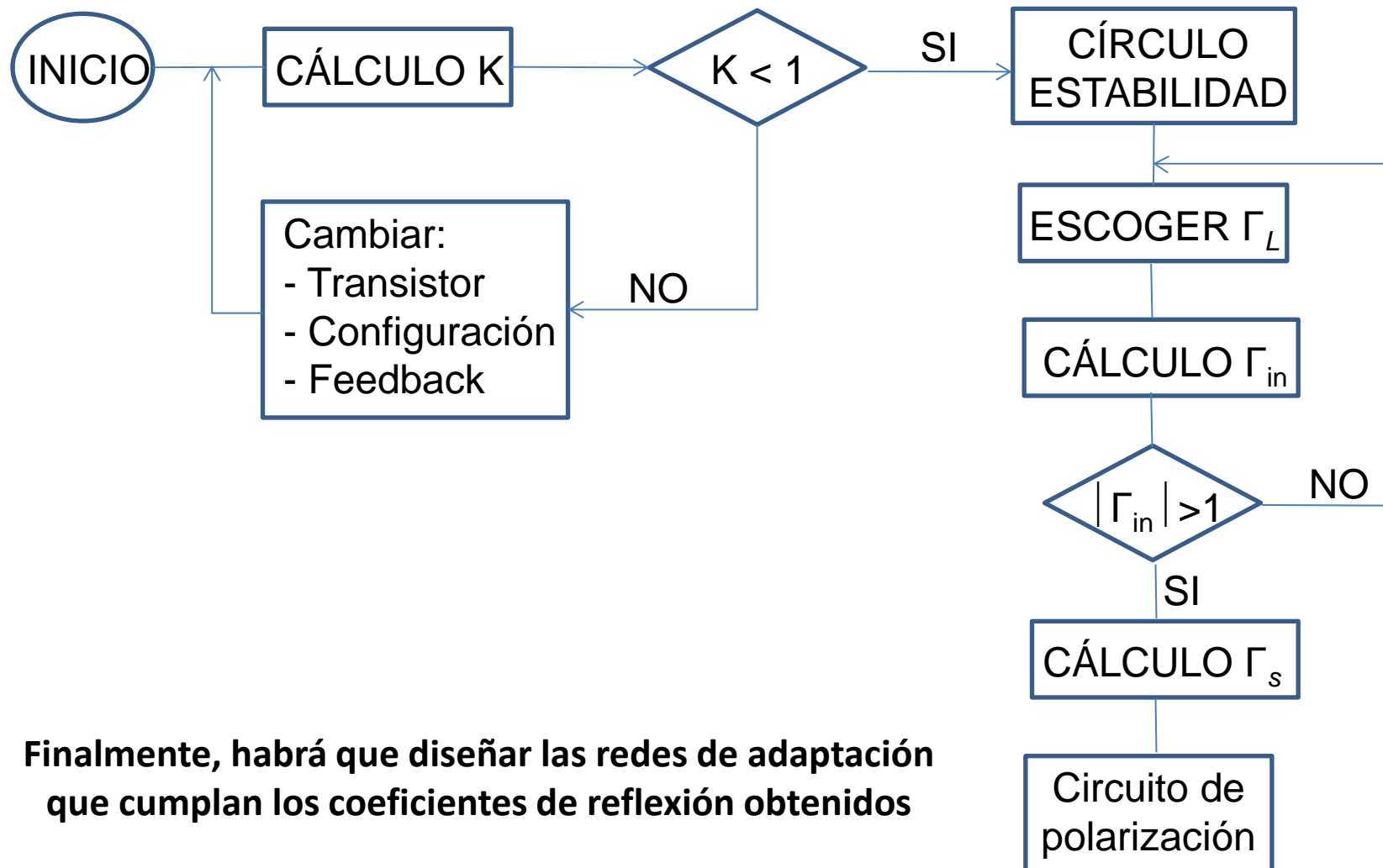
$$\Gamma_{OUT} = S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_S}{1 - S_{11}\Gamma_S}$$

A diferencia de los amplificadores, ahora queremos que el dispositivo sea inestable. Es decir, ahora queremos  $|\Gamma_{IN}| > 1$  y  $|\Gamma_{OUT}| > 1$ :

- Si  $|\Gamma_{IN}| < 1$  y  $|\Gamma_{OUT}| < 1$  se cumple para todo valor de  $\Gamma_S$ ,  $\Gamma_L$ , entonces el transistor satisface la condición de estabilidad incondicional (se cumple  $K > 1$  y  $|\Delta| < 1$ ).
- Si  $|\Gamma_{IN}| < 1$  y  $|\Gamma_{OUT}| < 1$  se cumple para un cierto rango de valores de  $\Gamma_S$ ,  $\Gamma_L$ , entonces el transistor satisface la condición de estabilidad condicional (NO se cumple  $K > 1$  y  $|\Delta| < 1$ ).

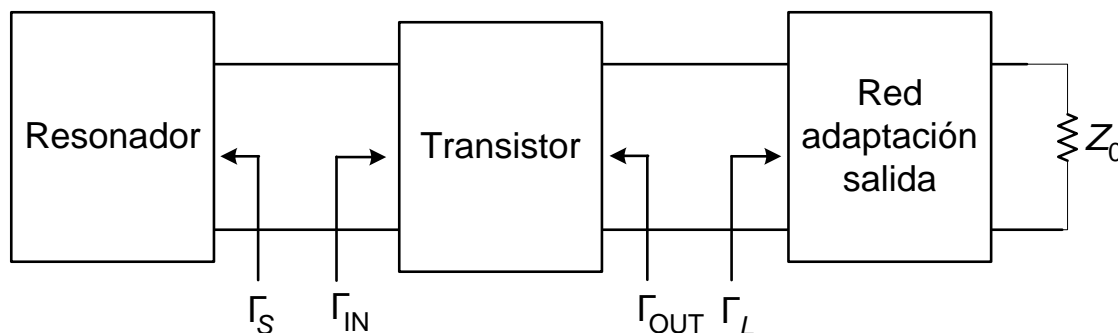


## Diagrama de flujo:



Finalmente, habrá que diseñar las redes de adaptación que cumplan los coeficientes de reflexión obtenidos

### Estudiamos la estabilidad del transistor: Obtenemos K



$$\Gamma_{IN} = S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L}$$

$$\Gamma_{OUT} = S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_S}{1 - S_{11}\Gamma_S}$$

Para estudiar la estabilidad del transistor, podemos utilizar los parámetros K y  $\Delta$ , ya que se puede demostrar que un transistor es incondicionalmente estable si cumple:  $K > 1$  y  $|\Delta| < 1$ .

En nuestro caso:

$$K = \frac{1 - |S_{11}|^2 - |S_{22}|^2 + |\Delta|^2}{2|S_{12}S_{21}|} = 0.75 < 1$$

$$|\Delta| = |S_{11}S_{22} - S_{12}S_{21}| = \dots = -0.825j$$

Existe alguna región de valores  $\Gamma_S$ ,  $\Gamma_L$  potencialmente inestables.



### Dibujamos círculo de estabilidad a la salida

Una vez sabemos que es condicionalmente estable, buscamos zonas de inestabilidad mediante los círculos de estabilidad en la carta de Smith. Queremos dibujar el círculo de estabilidad a la salida para poder escoger un valor de  $\Gamma_L$  tal que  $|\Gamma_{IN}| > 1$ .

El centro ( $C_L$ ) y radio ( $R_L$ ) de los círculos de estabilidad a la salida se pueden obtener como:

$$C_L = \frac{(S_{22} - \Delta S_{11}^*)^*}{|S_{22}|^2 - |\Delta|^2} = \dots = 0.658 < 45^\circ \quad R_L = \left| \frac{S_{12}S_{21}}{|S_{22}|^2 - |\Delta|^2} \right| = \dots = 0.82$$

$$\Delta = S_{11}S_{22} - S_{12}S_{21} = \dots = -0.825j$$

Donde estas ecuaciones se obtienen forzando:  $|\Gamma_{IN}| = \left| S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L} \right| = 1$

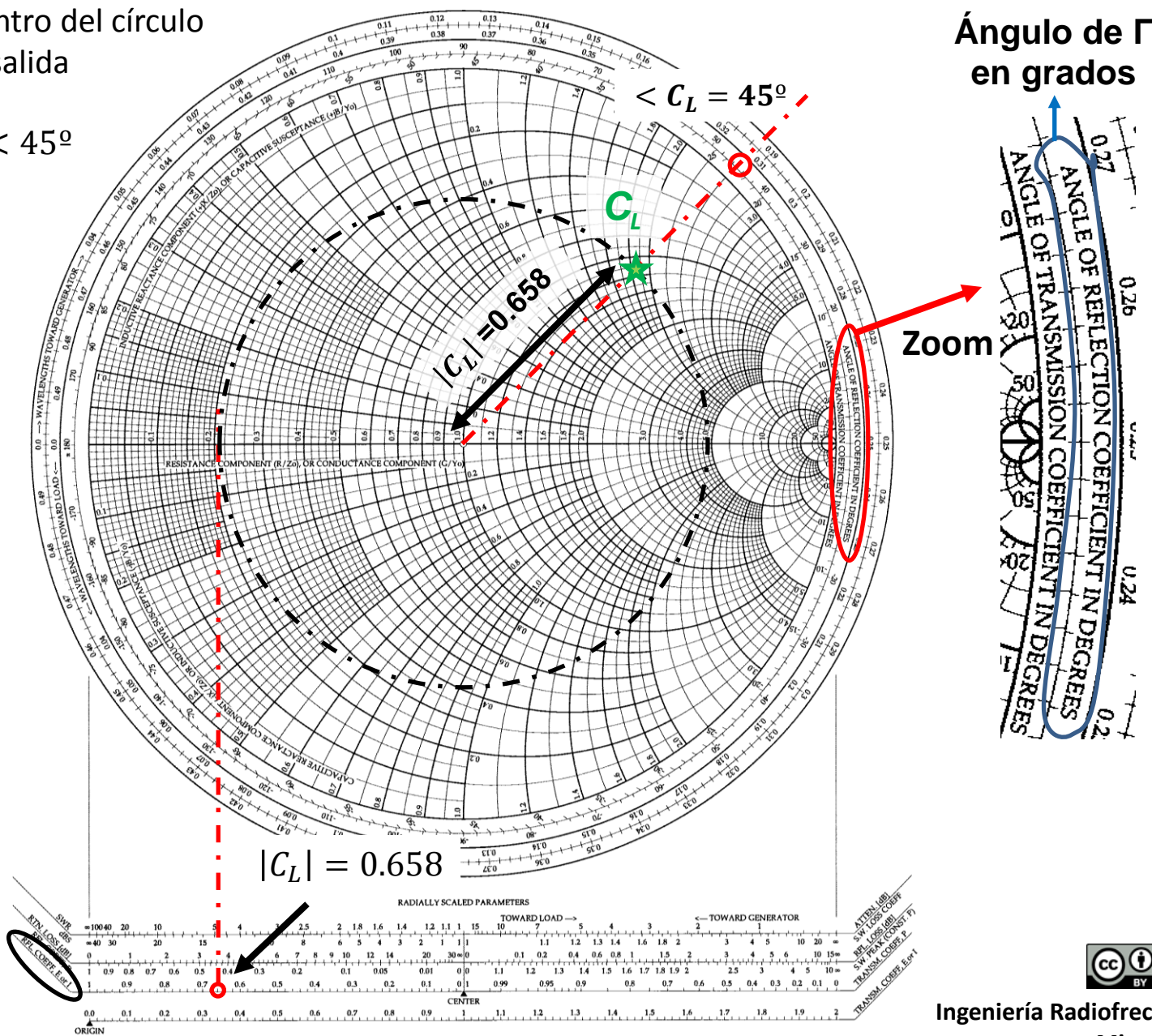
Por lo tanto, este círculo nos determinará los límites de la zona estable/inestable, cumpliéndose  $|\Gamma_{IN}| = 1$  en cualquier punto del círculo de estabilidad.





1. Mapeamos el centro del círculo de estabilidad a la salida

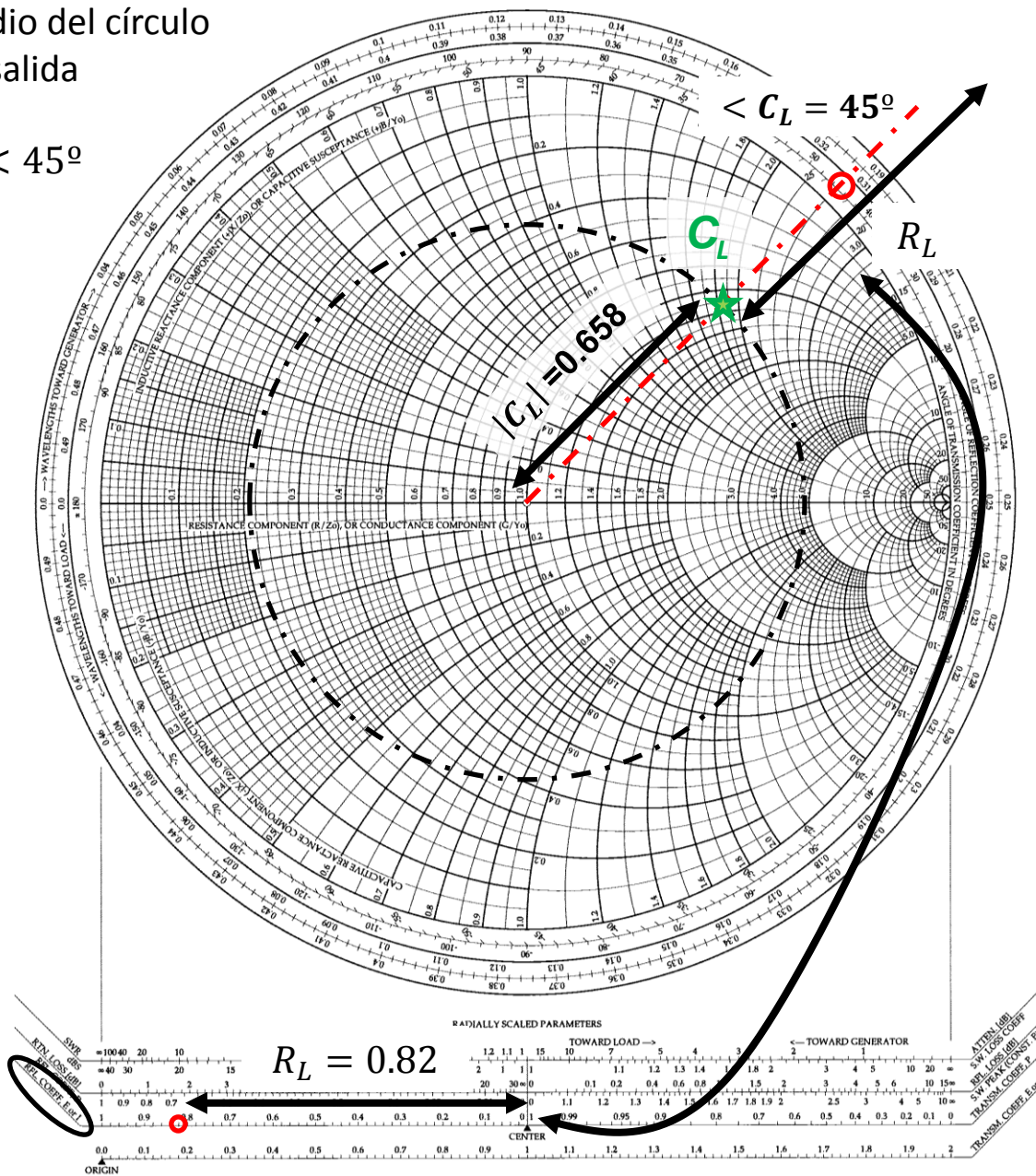
$$C_L = 0.658 < 45^\circ$$



2. Mapeamos el radio del círculo de estabilidad a la salida

$$C_L = 0.658 < 45^\circ$$

$$R_L = 0.82$$

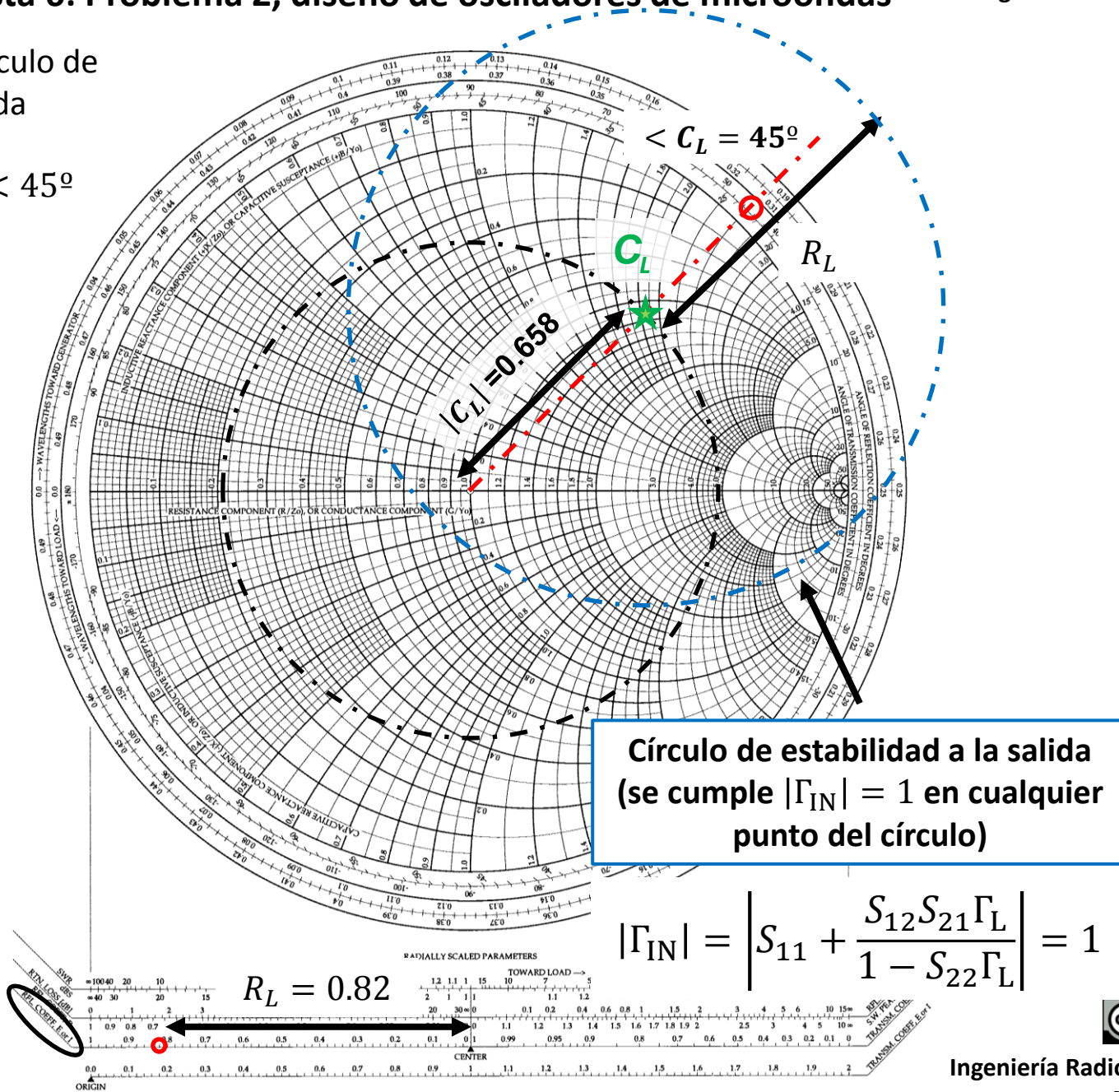




3. Mapeamos el círculo de estabilidad a la salida

$$C_L = 0.658 < 45^\circ$$

$$R_L = 0.82$$





#### 4. Definimos región de estabilidad

¿El interior del círculo  
es estable o inestable?



Para saberlo, miramos  
caso  $\Gamma_L = 0$ :

$$\text{Si } \Gamma_L = 0 \rightarrow |\Gamma_{IN}| = |S_{11}|$$

$$\text{Si } S_{11} < 1 \rightarrow |\Gamma_{IN}| < 1$$

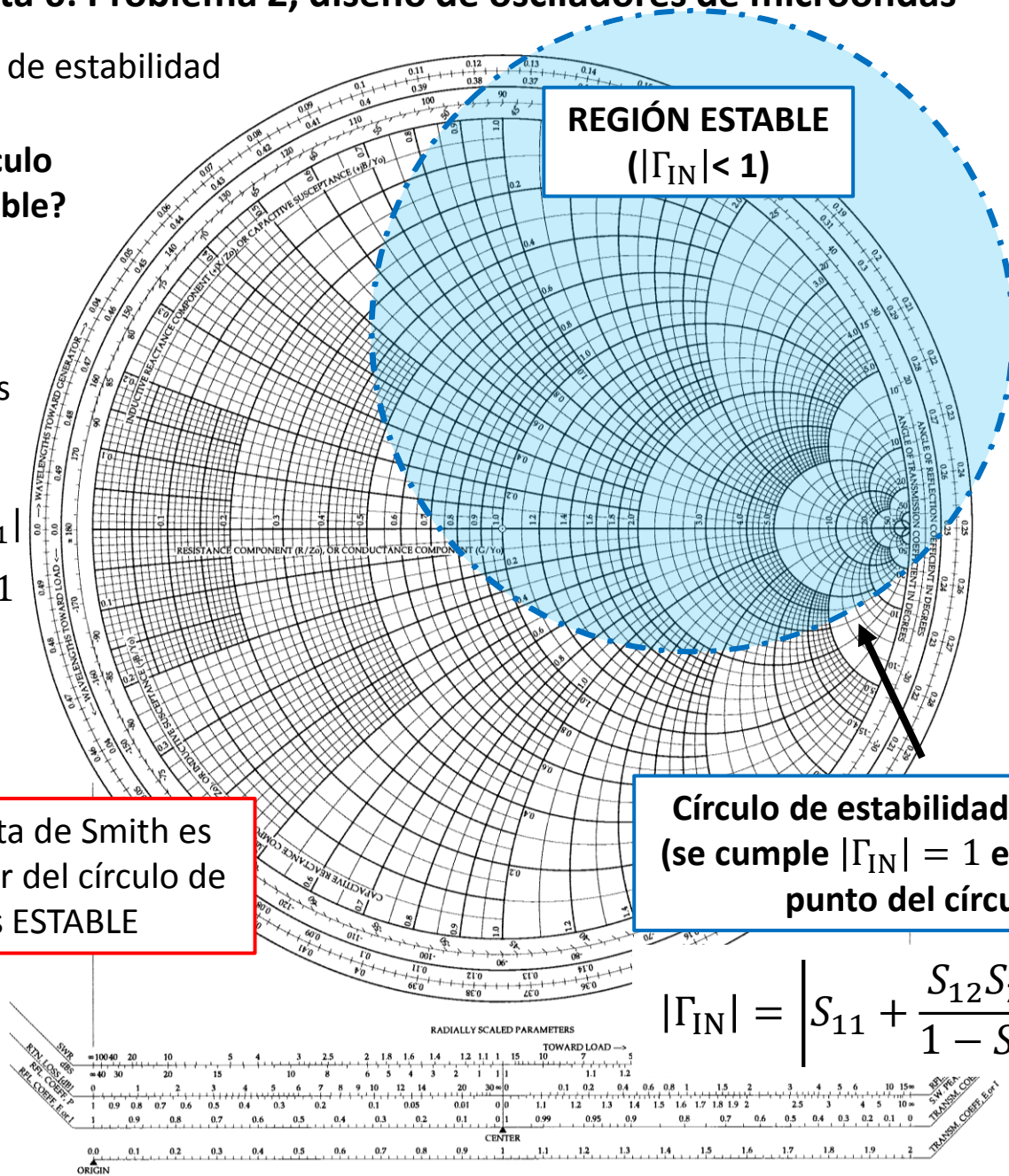


El centro de la carta de Smith es  
estable  $\rightarrow$  El interior del círculo de  
estabilidad es ESTABLE

REGIÓN ESTABLE  
( $|\Gamma_{IN}| < 1$ )

Círculo de estabilidad a la salida  
(se cumple  $|\Gamma_{IN}| = 1$  en cualquier  
punto del círculo)

$$|\Gamma_{IN}| = \left| S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L} \right| = 1$$



5. Escogemos  $\Gamma_L$

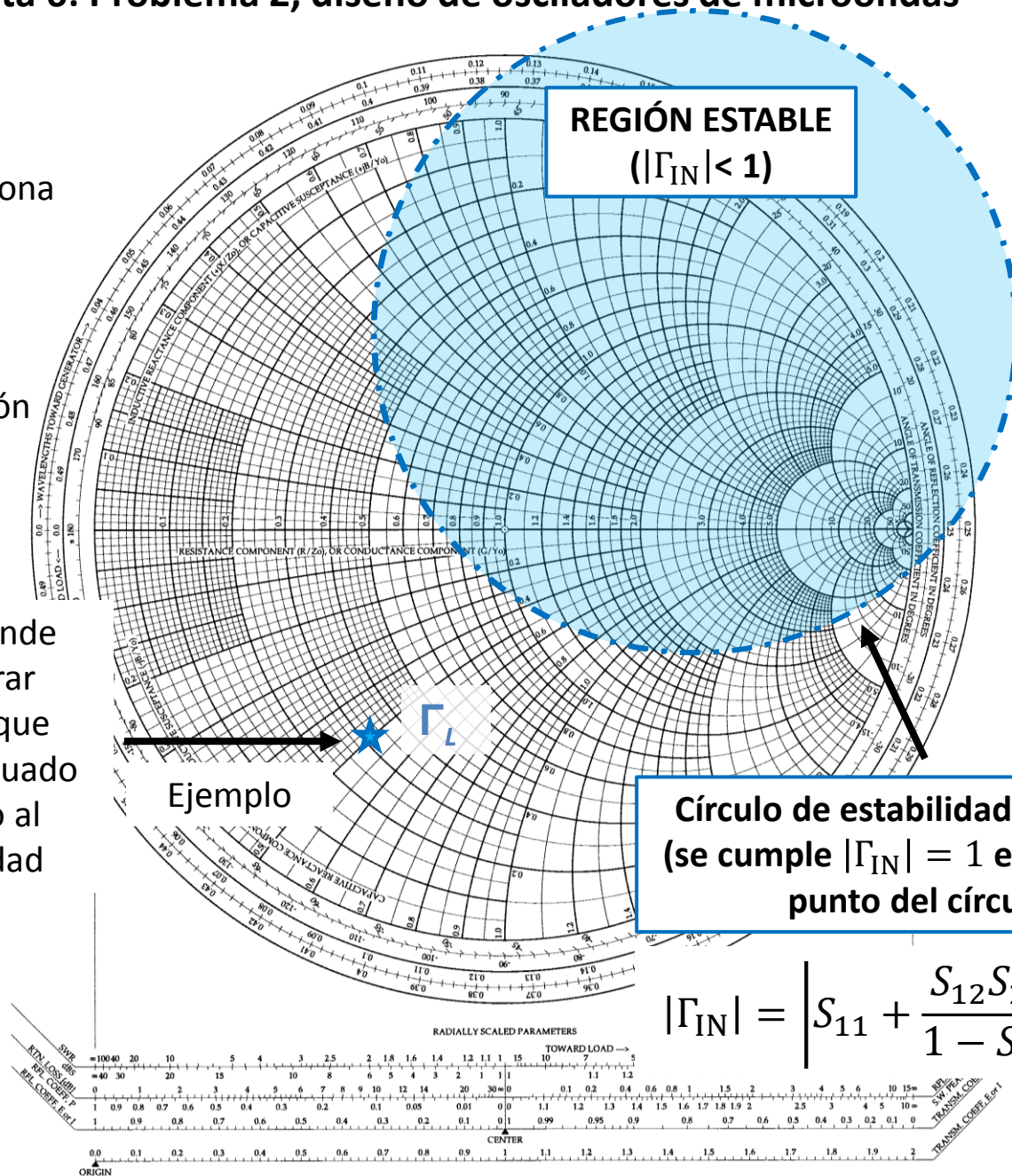
Escogemos  $\Gamma_L$  en la zona inestable



NO hay una solución única de  $\Gamma_L$



Buscamos  $|\Gamma_{IN}|$  grande (queremos asegurar oscilación), por lo que buscaremos un  $\Gamma_L$  situado en el lado opuesto al círculo de estabilidad



REGIÓN ESTABLE  
( $|\Gamma_{IN}| < 1$ )

Círculo de estabilidad a la salida  
(se cumple  $|\Gamma_{IN}| = 1$  en cualquier punto del círculo)

$$|\Gamma_{IN}| = \left| S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L} \right| = 1$$



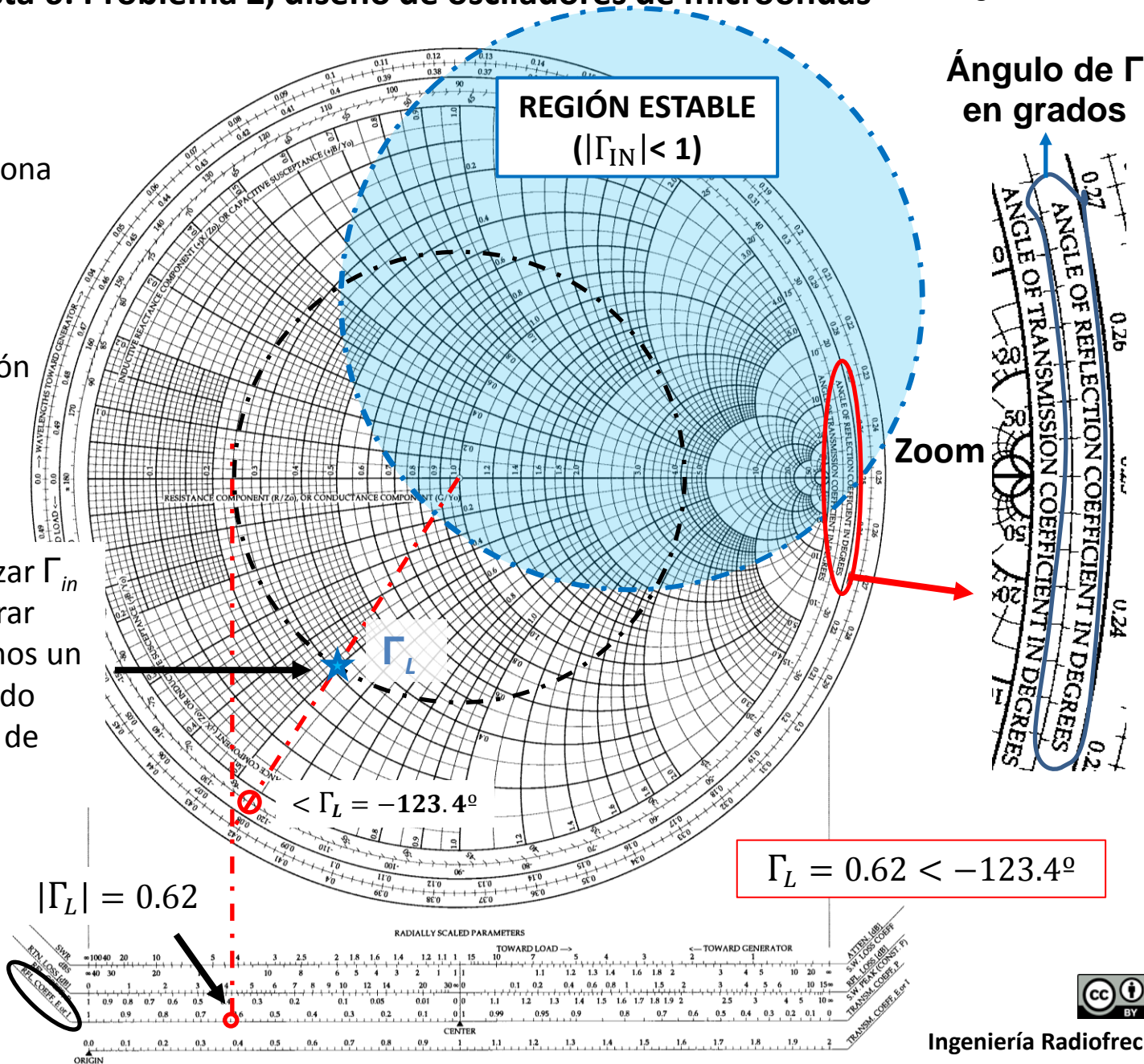


# 6. Obtenemos $\Gamma_L$

Escogemos  $\Gamma_L$  en la zona inestable

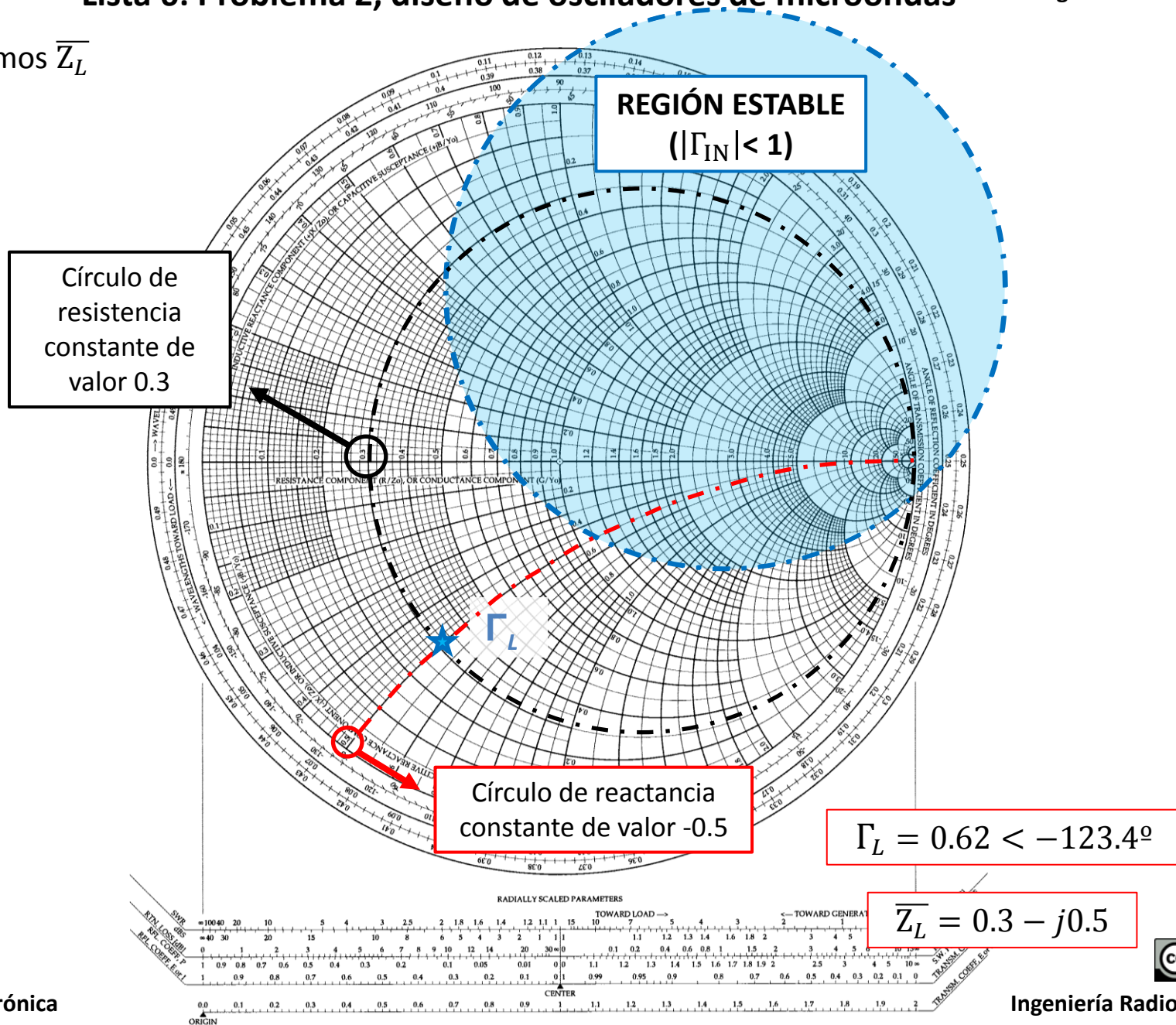
NO hay una solución única de  $\Gamma_L$

Si queremos maximizar  $\Gamma_{in}$  (queremos asegurar oscilación), buscaremos un  $\Gamma_L$  situado en el lado opuesto al círculo de estabilidad





7. Obtenemos  $\overline{Z}_L$



8. Calculamos  $\Gamma_{in}$

$$\Gamma_{IN} = S_{11} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_L}{1 - S_{22}\Gamma_L}$$



$$\Gamma_{IN} = \dots = 1.12 \angle -43.7^\circ$$



Se cumple  $|\Gamma_{IN}| > 1$

Por lo tanto, se cumple condición de inestabilidad

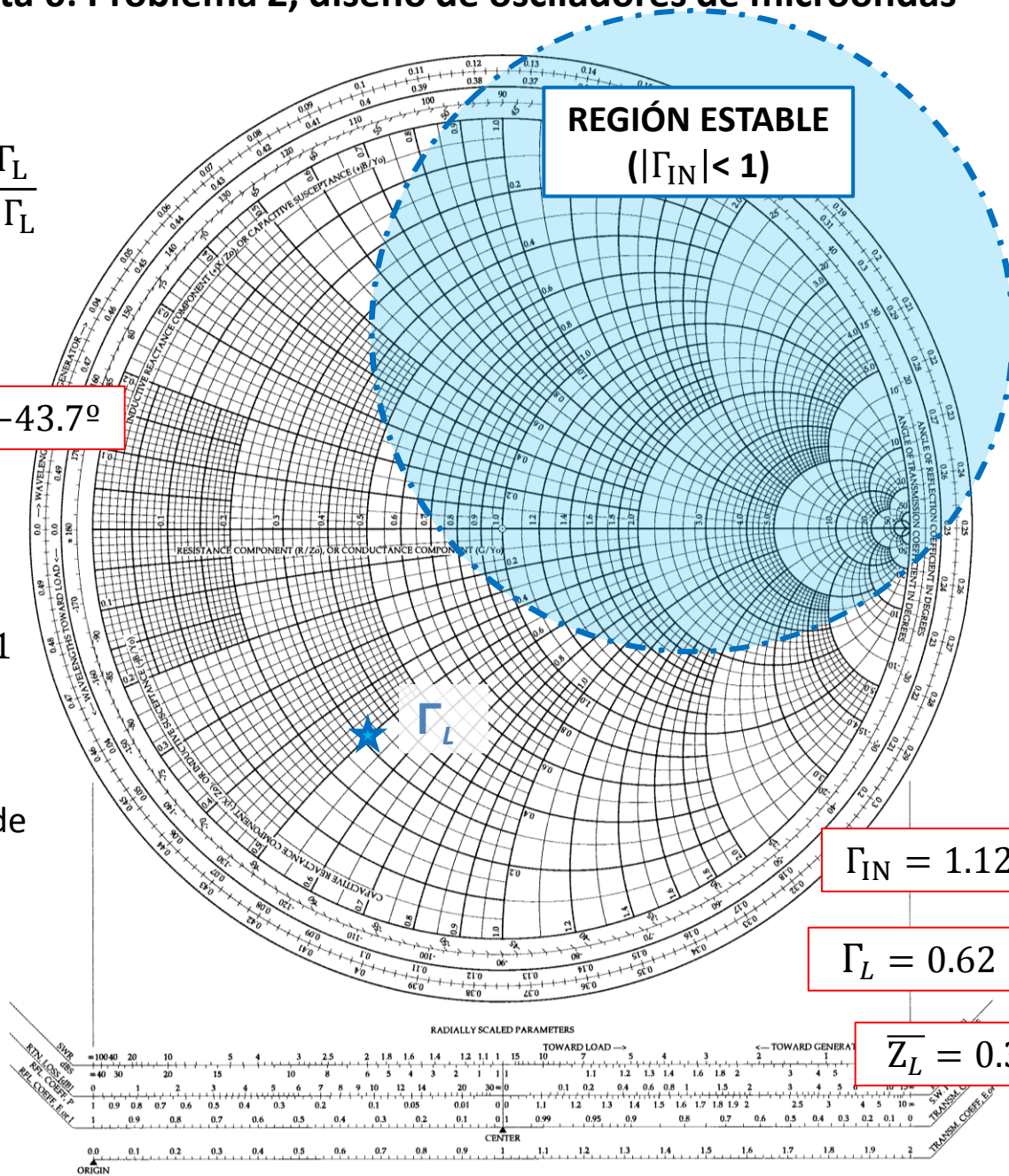
REGIÓN ESTABLE  
( $|\Gamma_{IN}| < 1$ )

Si hubiéramos obtenido  $|\Gamma_{IN}| < 1$ , deberíamos escoger otro  $\Gamma_L$  y repetir apartados 5-6-7-8

$$\Gamma_{IN} = 1.12 \angle -43.7^\circ$$

$$\Gamma_L = 0.62 \angle -123.4^\circ$$

$$\overline{Z}_L = 0.3 - j0.5$$





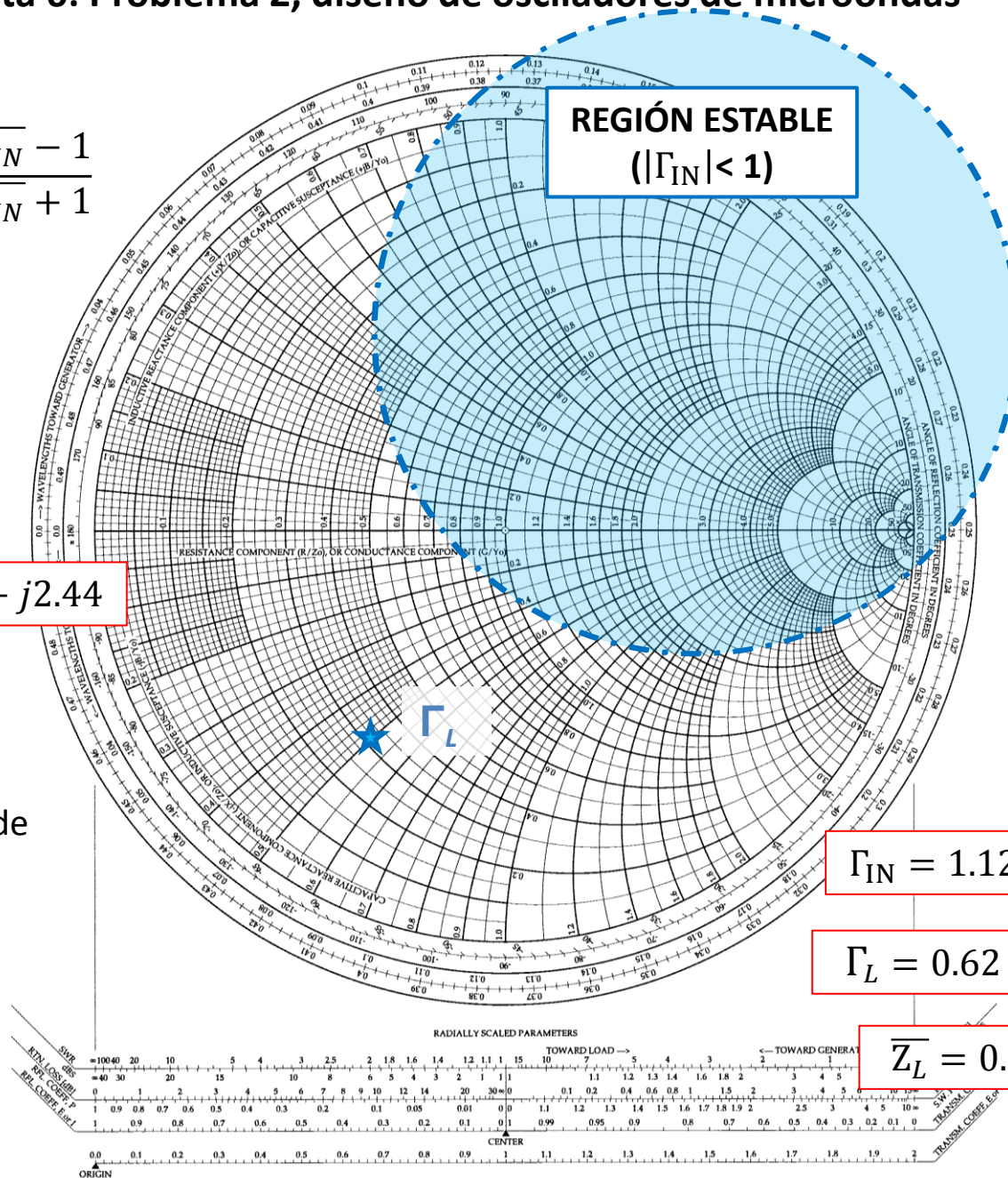
9. Obtenemos  $\overline{Z_{IN}}$

$$\Gamma_{IN} = \frac{Z_{IN} - Z_0}{Z_{IN} + Z_0} = \frac{\overline{Z_{IN}} - 1}{\overline{Z_{IN}} + 1}$$

$$\overline{Z_{IN}} = \frac{1 + \Gamma_{IN}}{1 - \Gamma_{IN}}$$

$$\overline{Z_{IN}} = \dots = -0.39 - j2.44$$

Por lo tanto, se cumple condición de inestabilidad



REGIÓN ESTABLE  
( $|\Gamma_{IN}| < 1$ )

$$\Gamma_{IN} = 1.12 < -43.7^\circ$$

$$\Gamma_L = 0.62 < -123.4^\circ$$

$$\overline{Z_L} = 0.3 - j0.5$$



9. Obtenemos  $\overline{Z}_{IN}$

$$\Gamma_{IN} = \frac{Z_{IN} - Z_0}{Z_{IN} + Z_0} = \frac{\overline{Z}_{IN} - 1}{\overline{Z}_{IN} + 1} \longrightarrow \overline{Z}_{IN} = \frac{1 + \Gamma_{IN}}{1 - \Gamma_{IN}} = \dots = -0.39 - j2.44$$

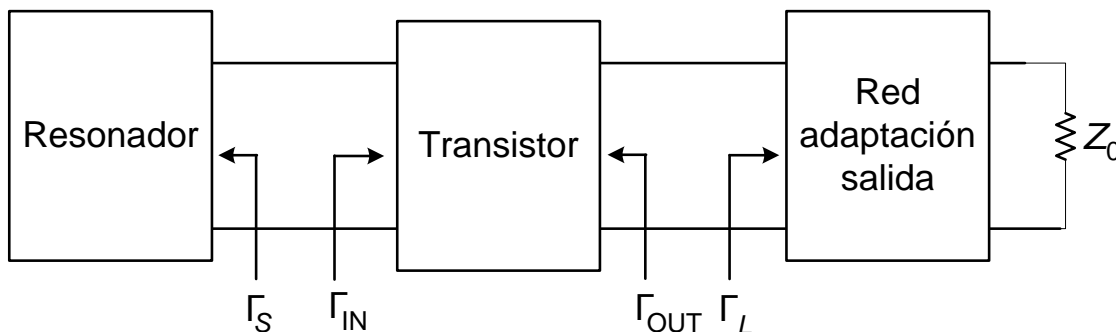
$\overline{R}_{IN} < 0!$

$$\Gamma_{IN} = 1.12 < -43.7^\circ$$

Así forzamos la resistencia negativa que provoca las oscilaciones

10. Obtenemos  $\overline{Z}_s$  y  $\Gamma_s$

$$\overline{Z}_s = -\frac{\overline{R}_{IN}}{3} - j\overline{X}_{IN} = 0.13 + j2.44 \longrightarrow \Gamma_s = \frac{\overline{Z}_s - 1}{\overline{Z}_s + 1} = \dots = 0.96 < 44.5^\circ$$



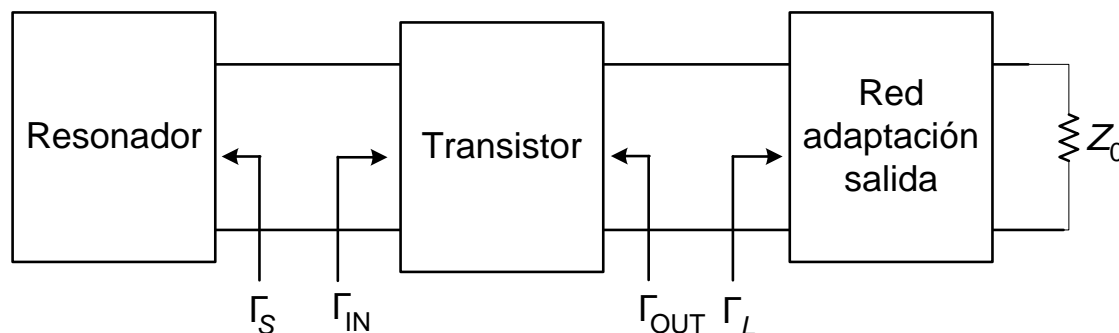
$$\Gamma_L = 0.62 < -123.4^\circ$$

$$\overline{Z}_L = 0.3 - j0.5$$

Una vez obtenidos todos los coeficientes de reflexión, sólo necesitamos obtener las redes de adaptación que permitan satisfacer éstos valores

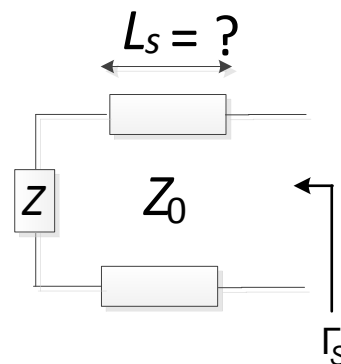
11. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\overline{Z}_S, \Gamma_S$

Recordemos que un oscilador tiene el siguiente diagrama de bloques:



Dado que el oscilador no tiene entrada, no es necesario obtener  $\Gamma_S$  a partir de una carga adaptada  $Z = Z_0$ .

Esto nos permite simplificar nuestra red de adaptación  $\Gamma_S$ , pudiendo considerar la siguiente topología:



De esta forma, podremos obtener el  $\Gamma_S$  requerido desplazándonos por una línea de transmisión que nos permita cruzar con una impedancia puramente real (no necesariamente  $Z_0$ ), que será la carga  $Z$  que consideraremos.

11. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\bar{Z}_S, \Gamma_S$

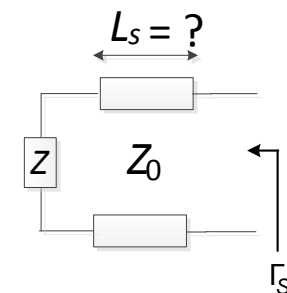
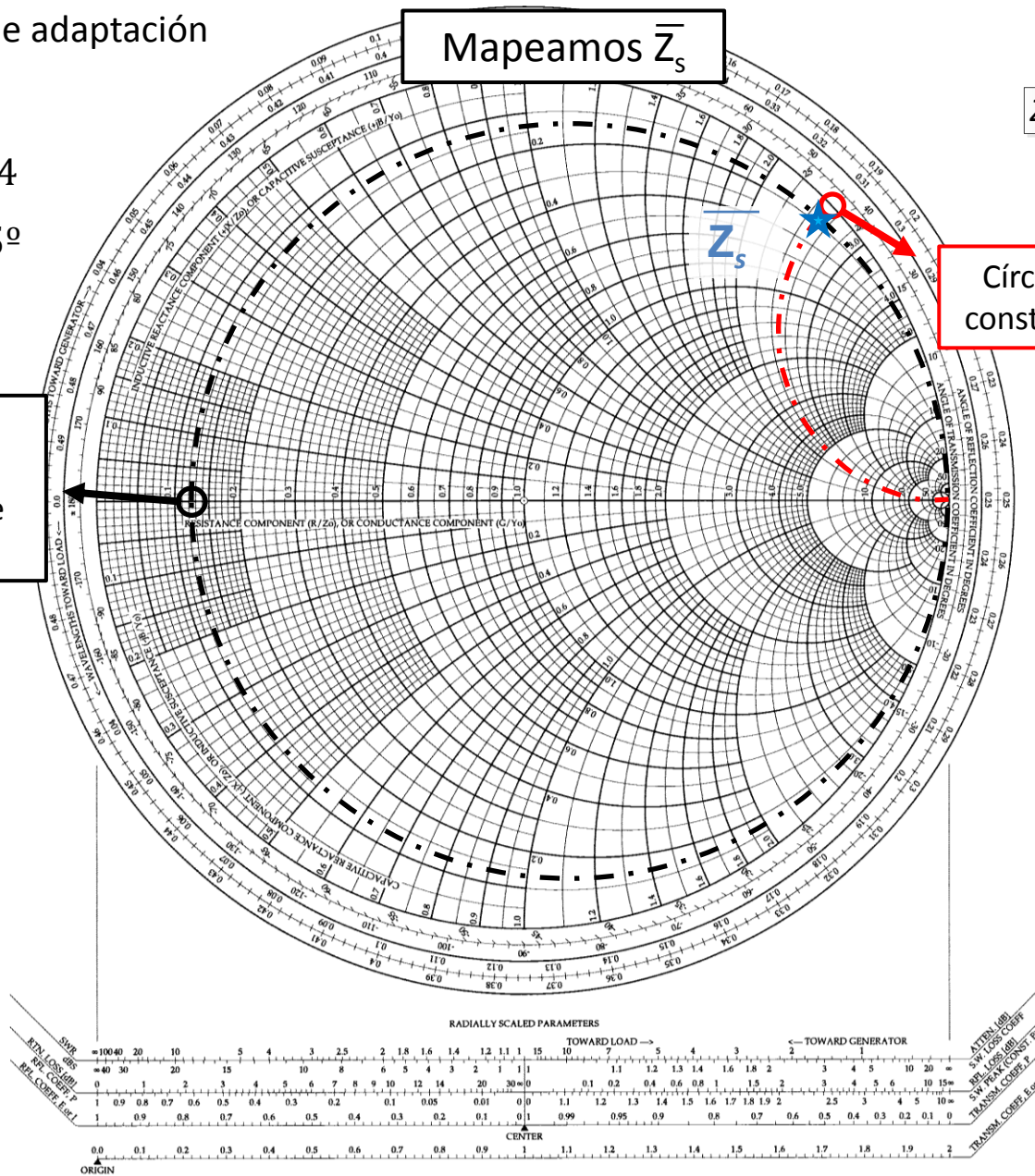
$$\bar{Z}_S = 0.13 + j2.44$$

$$\Gamma_S = 0.96 < 44.5^\circ$$

Mapeamos  $\bar{Z}_S$

Círculo de resistencia constante de valor 0.13

Círculo de reactancia constante de valor 2.44



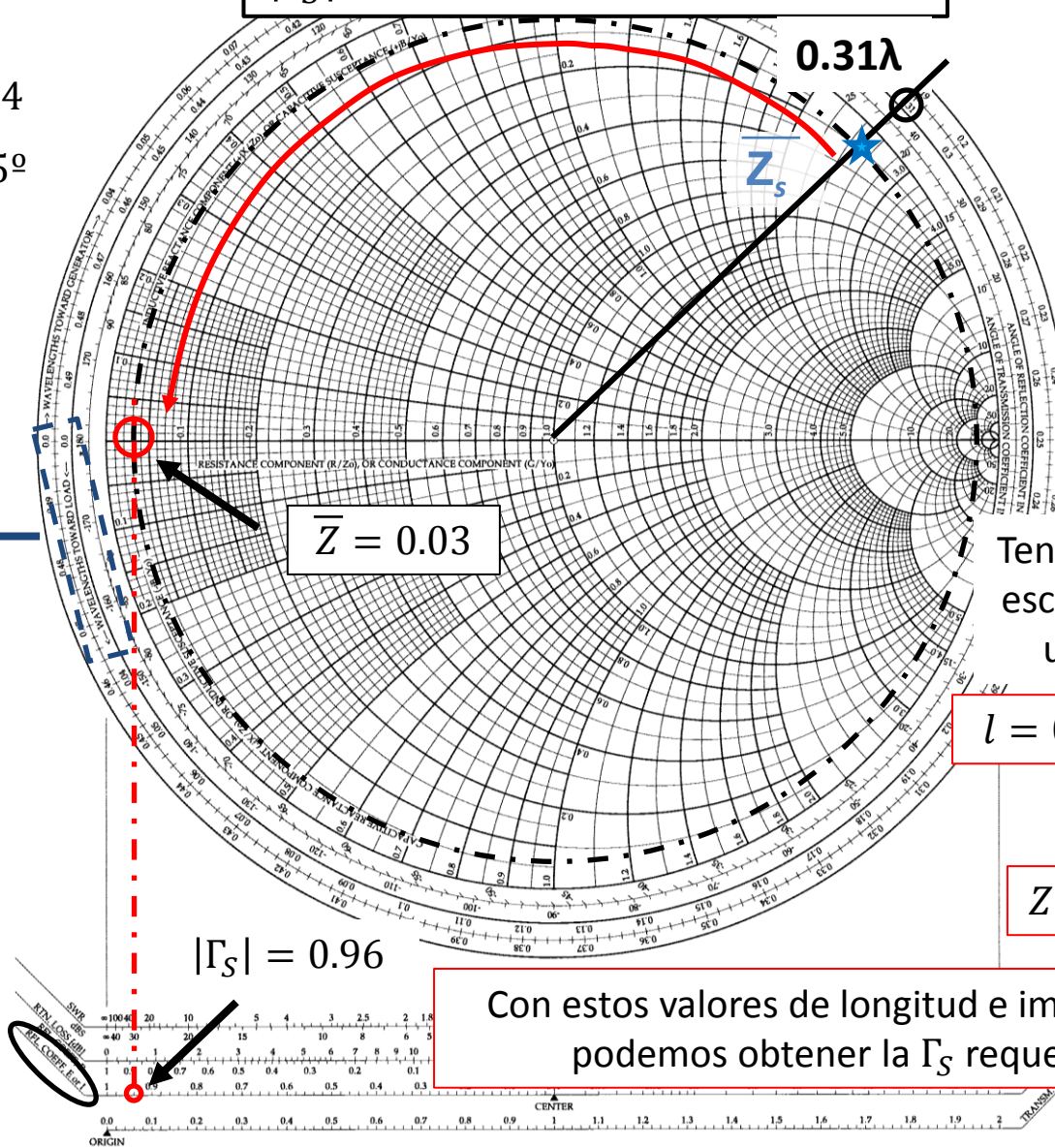
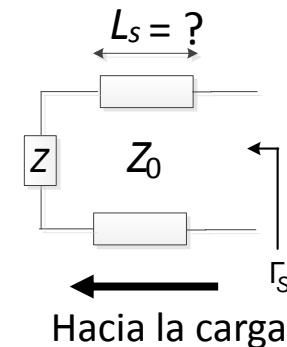


11. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\bar{Z}_s, \Gamma_s$

$$\bar{Z}_s = 0.13 + j2.44$$

$$\Gamma_s = 0.96 < 44.5^\circ$$

Nos desplazamos por un círculo  $|\Gamma_s|$  constante hasta obtener Z real



Tenemos dos soluciones. Si escogemos la que conlleva una longitud  $l$  menor:

$$l = 0.5\lambda - 0.31\lambda = 0.19\lambda$$

$$Z = 0.03 \cdot Z_0 = 1.5\Omega$$

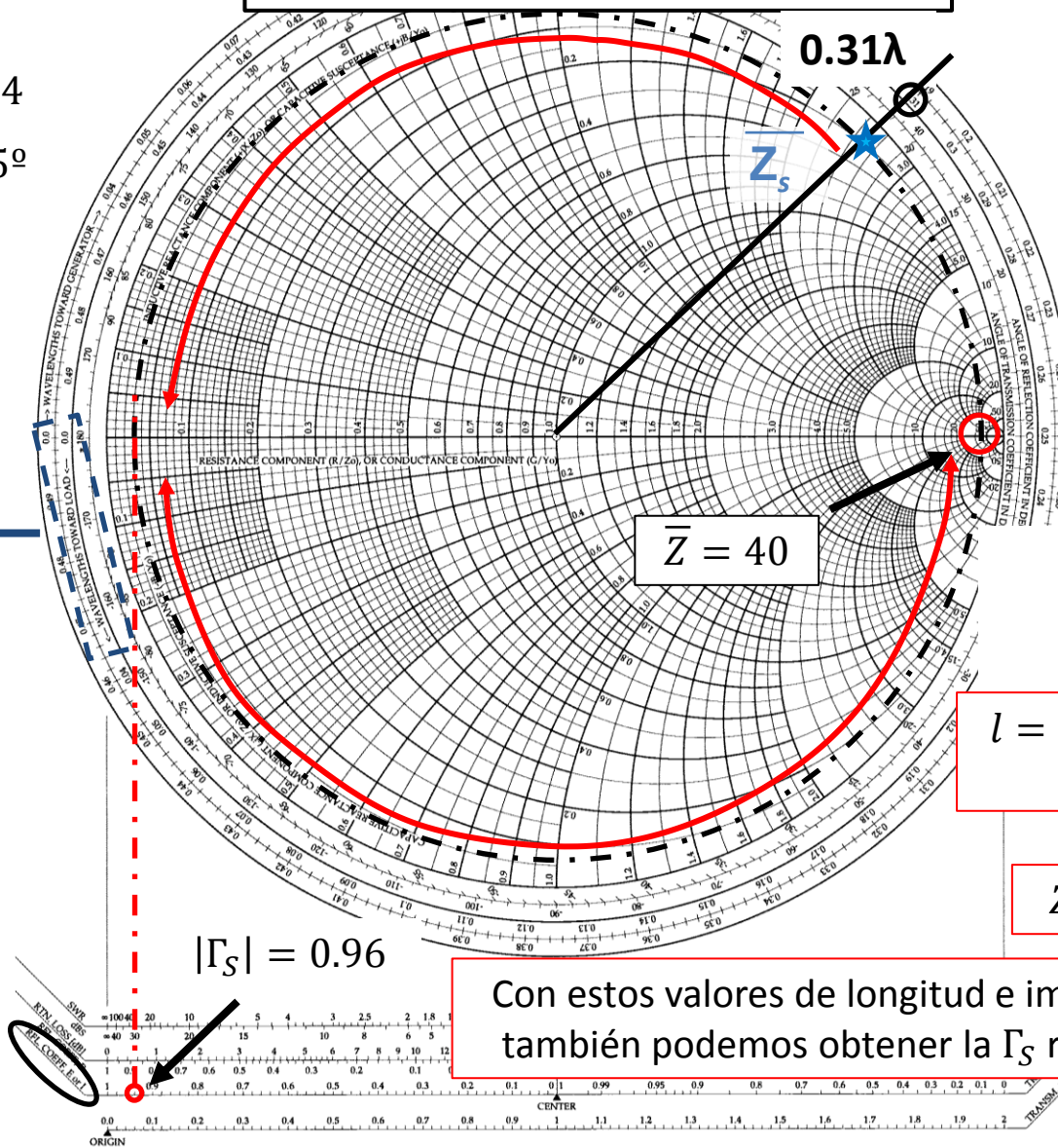
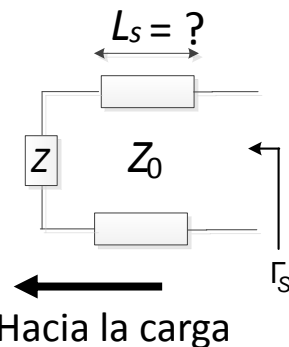
Con estos valores de longitud e impedancia podemos obtener la  $\Gamma_s$  requerida

11. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\bar{Z}_S, \Gamma_S$

$$\bar{Z}_S = 0.13 + j2.44$$

$$\Gamma_S = 0.96 < 44.5^\circ$$

Nos desplazamos por un círculo  $|\Gamma_S|$  constante hasta obtener Z real



Si escogemos la otra solución de longitud mayor:

$$l = 0.5\lambda - 0.31\lambda + 0.25\lambda = 0.44\lambda$$

$$Z = 40 \cdot Z_0 = 2 \text{ k}\Omega$$

Con estos valores de longitud e impedancia también podemos obtener la  $\Gamma_S$  requerida

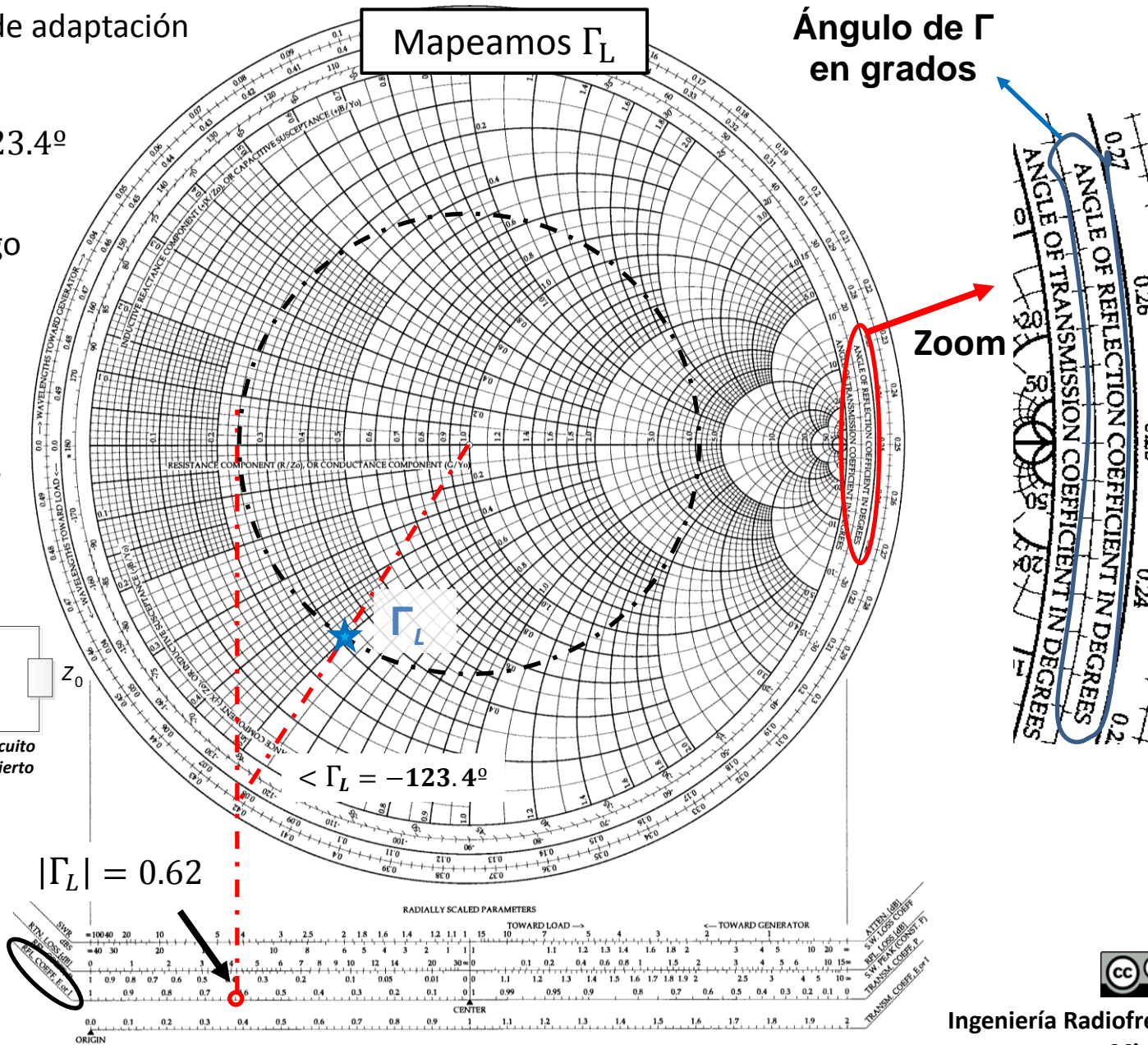
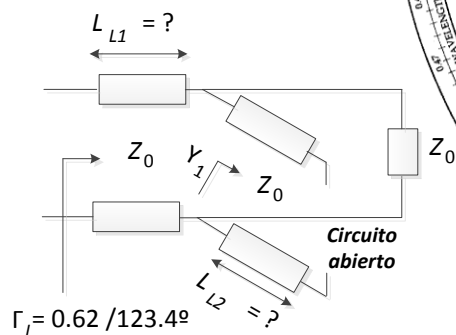


12. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\Gamma_L$

$$\Gamma_L = 0.62 \angle -123.4^\circ$$

En este caso Si tengo que adaptar a una carga  $Z_0$

Utilizo líneas de transmisión y stubs en circuito abierto

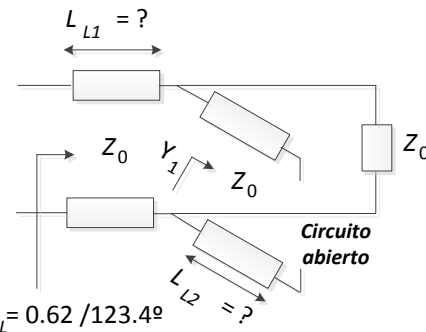
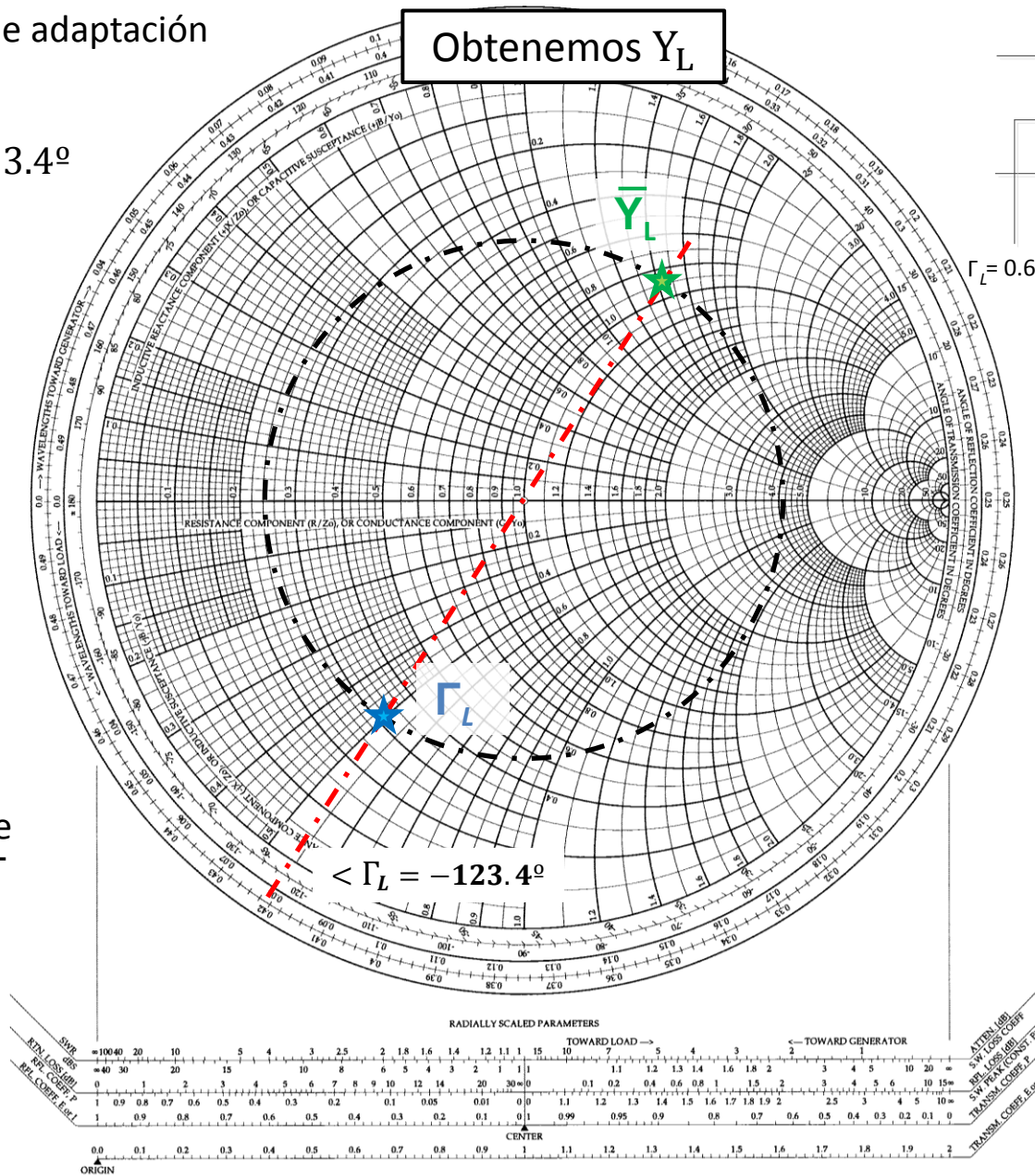




12. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\Gamma_L$

$$\Gamma_L = 0.62 < -123.4^\circ$$

Pasamos de impedancia a admitancia mediante un giro de  $180^\circ$  en  $\Gamma$  (media carta Smith)



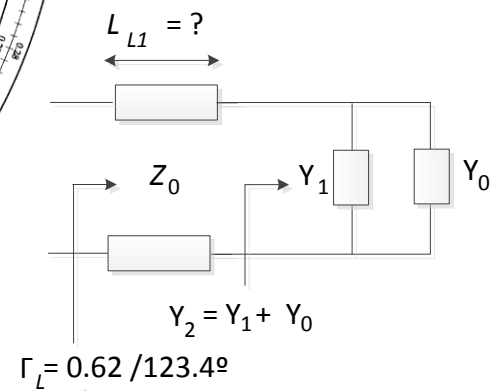
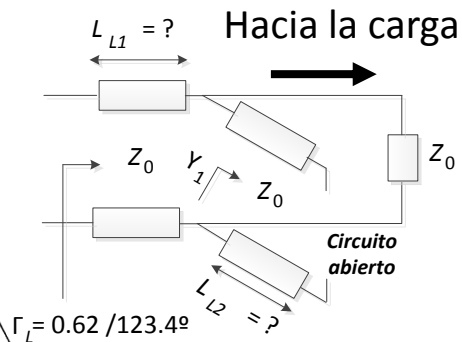
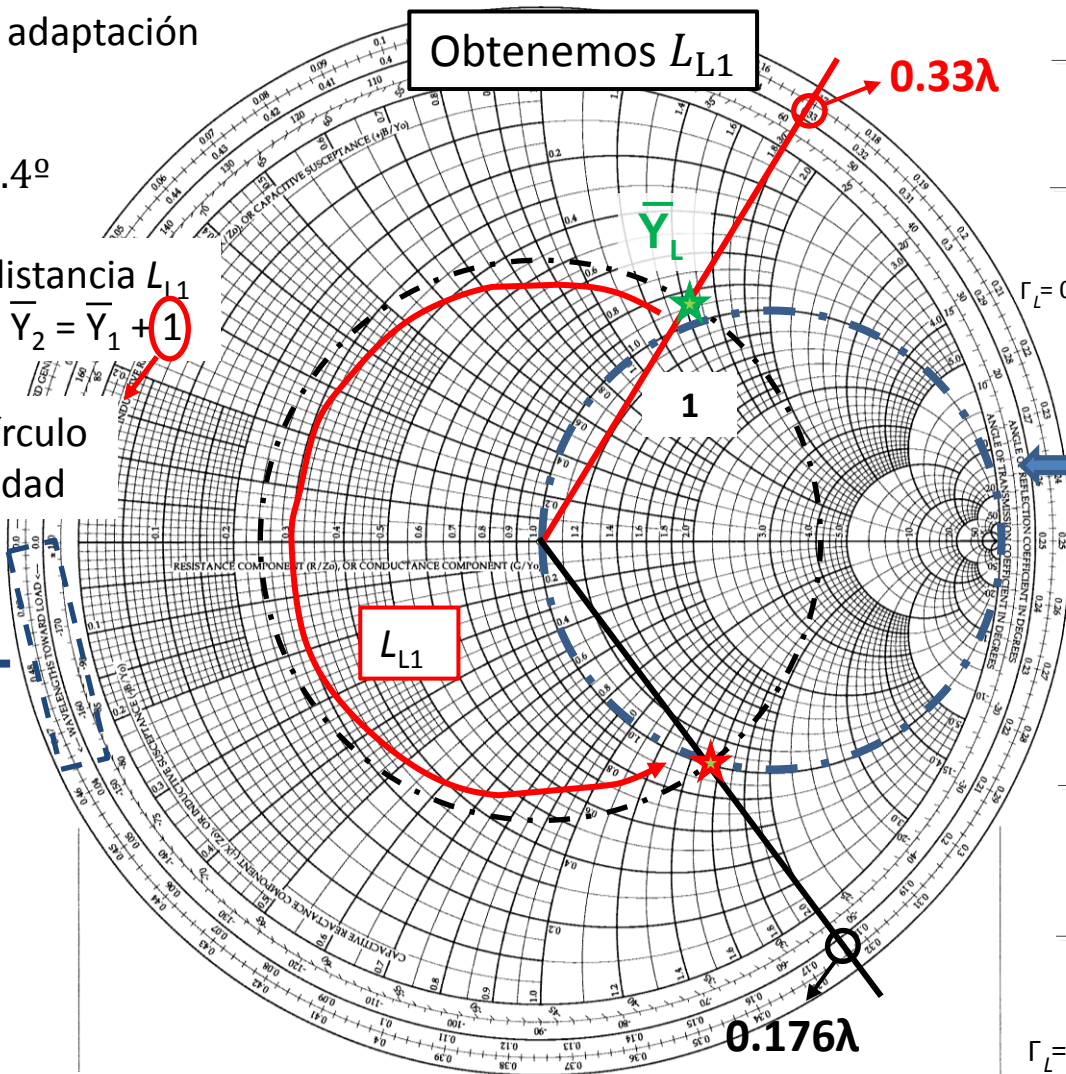
Trabajamos en admitancias ya que nos será más cómodo a la hora de trabajar con el stub en paralelo

12. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\Gamma_L$

$$\Gamma_L = 0.62 \angle -123.4^\circ$$

Desplazamos  $\Gamma_L$  una distancia  $L_{L1}$  tal que  $Y_2 = Y_1 + Y_0 \rightarrow \bar{Y}_2 = \bar{Y}_1 + 1$

Hemos de cruzar el círculo de conductancia unidad



Tenemos dos soluciones, consideramos mínima  $L_{L1}$

$$L_{L1} = (0.5\lambda - 0.33\lambda) + 0.176\lambda = 0.346\lambda$$

Siendo  $Y_1$  puramente imaginario





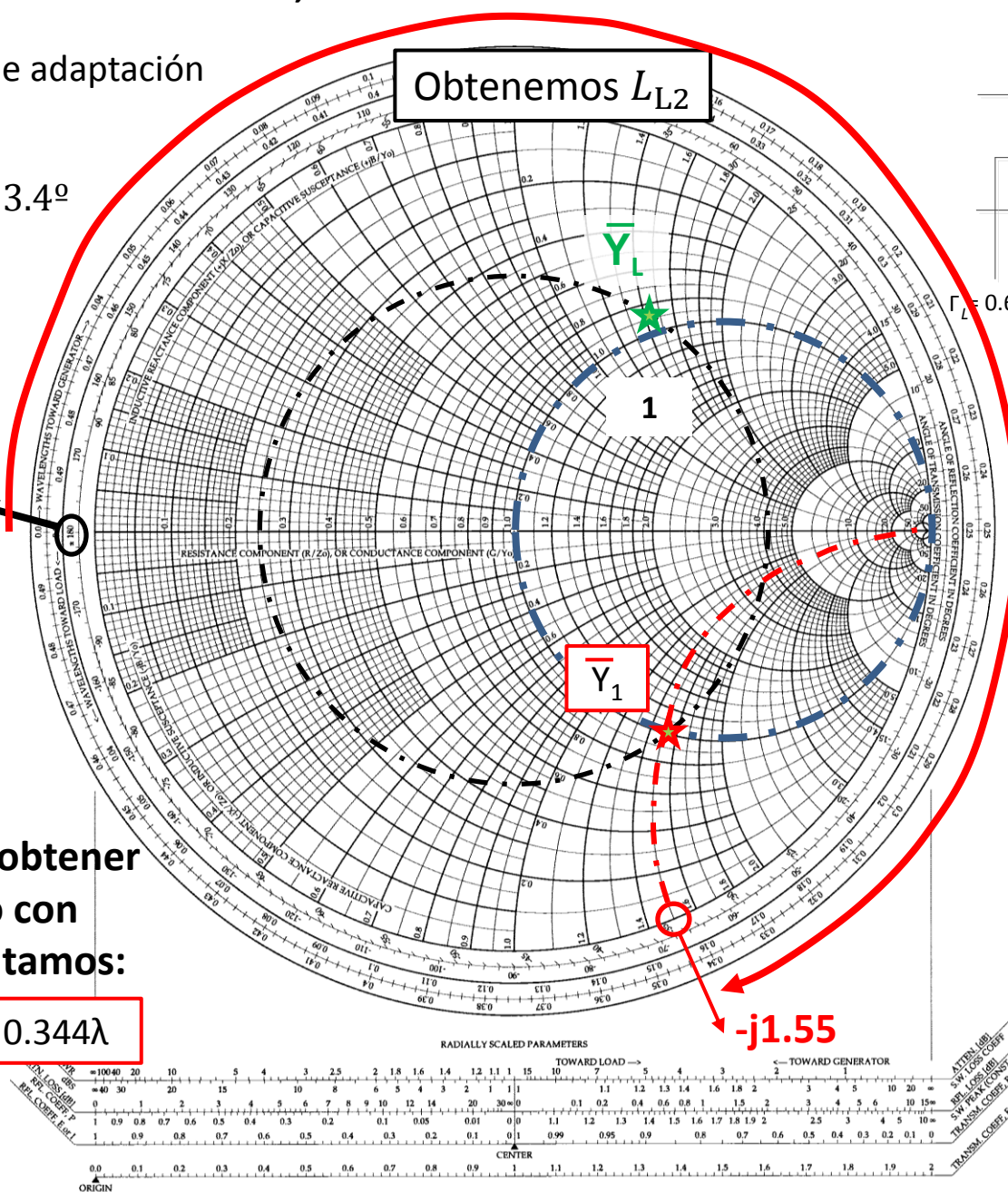
12. Obtenemos red de adaptación para satisfacer  $\Gamma_L$

$$\Gamma_L = 0.62 \angle -123.4^\circ$$

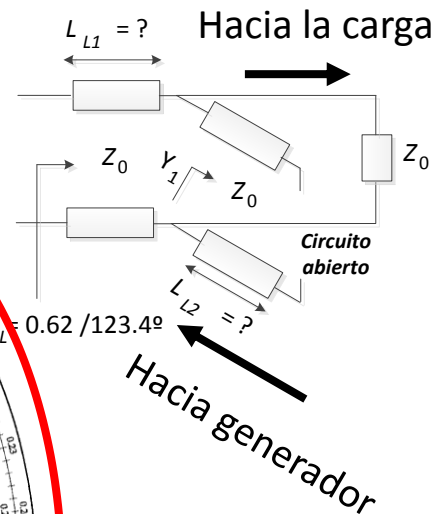
Hacia generador  
 $\underline{Y}$ :  
 $0^\circ$   
 $(\Gamma=1)$   
 c.a.

Por lo tanto, para obtener el  $\Gamma_L$  requerido con mínima  $L_{L1}$  necesitamos:

$$L_{L1} = 0.346\lambda ; L_{L2} = 0.344\lambda$$



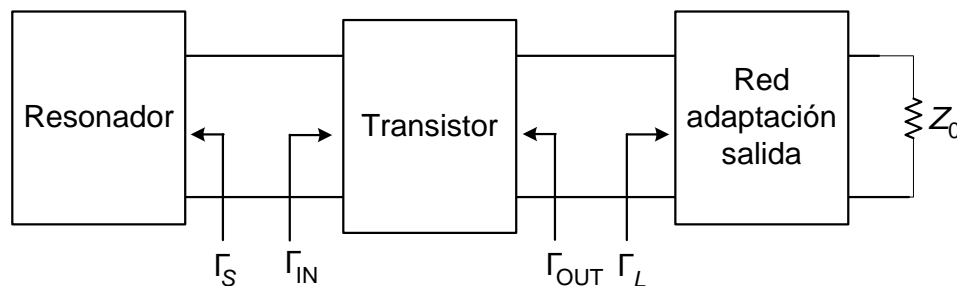
Obtenemos  $L_{L2}$



$$L_{L2} = 0.344 \lambda$$



Por lo tanto, el oscilador tendrá la siguiente topología:



$$\Gamma_L = 0.62 < -123.4^\circ$$

$$\overline{Z}_L = 0.3 - j0.5$$

$$\Gamma_{IN} = 1.12 < -43.7^\circ$$

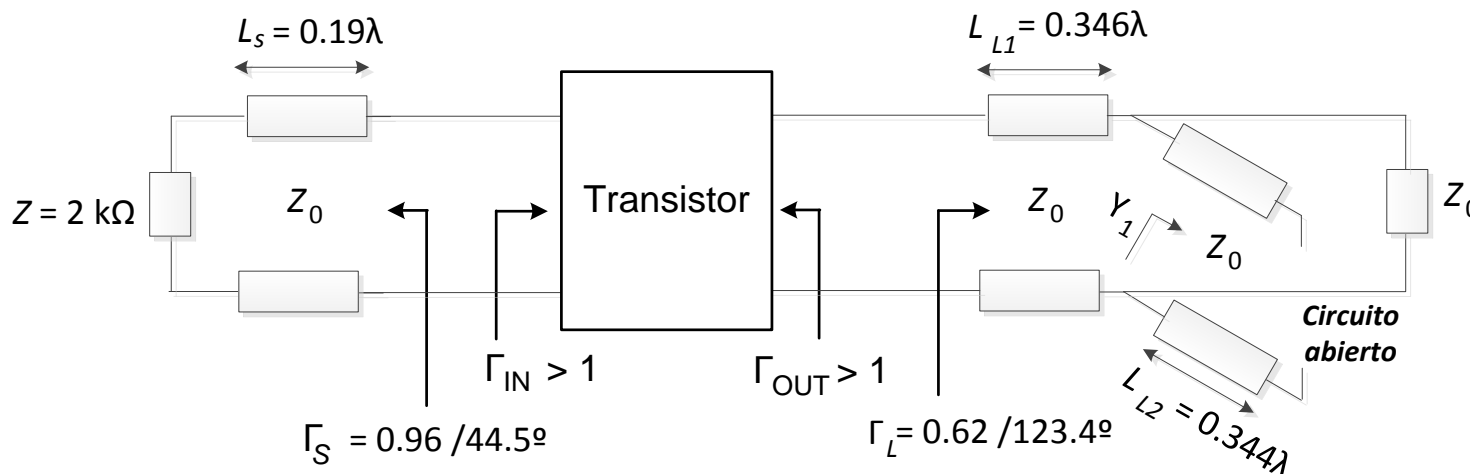
$$\overline{Z}_{IN} = -0.39 - j2.44$$

$$\Gamma_S = 0.96 < 44.5^\circ$$

$$\overline{Z}_S = 0.13 + j2.44$$

$$\Gamma_{OUT} = S_{22} + \frac{S_{12}S_{21}\Gamma_S}{1 - S_{11}\Gamma_S} = \dots = 3.5 < 127.9^\circ$$

Que puede implementarse como:



Donde también tenemos otra solución posible de  $\{L_s, Z\}$  y de  $\{L_{L1}, L_{L2}\}$  manteniendo la misma topología